Universidade de Aveiro

Introdução à Inteligência Artificial — MIECT Inteligência Artificial — LEI

Programação ao Estilo Funcional em Python

Ano lectivo 2020/2021

Regente: Luís Seabra Lopes

Python

- Características principais da linguagem de programação Python:
 - Interpretada
 - Interactiva
 - Portável
 - Funcional
 - Orientada a objectos
 - Implementação aberta

Python (cont.)

- Objectivos da linguagem
 - Simplicitade sem prejuizo da utilidade
 - Programação modular
 - Legibilidade
 - Desenvolvimento rápido
 - Facilidade de integração, nomeadamente com outras linguagens

Python é multi-paradigma

Programação funcional

Expressões lambda
Funções de ordem superior
Listas com sintaxe simplificada
Listas de compreensão
Iteradores

Programação OO

Classes

Objectos

Métodos

Herança

Programação imperativa / modular

Instrução de atribuição
Sequências de instruções
Análise condicional (if-elif-else)
Ciclos for, while
Sistema de módulos

Python - história

- Criada em 1989-1991 por Guido Van Rossum
 - Tem como predecessora directa a linguagem imperativa/estruturada ABC, tendo também sido influenciada pela linguagem Modula-3
 - O nome da linguagem tem origem no "Monty Python's Flying Circus"
- Inicialmente desenhada como uma linguagem de *scripting* no sistema operativo Amoeba

Python versus Java

- Código mais conciso
 - Os espaços brancos são sintaticamente relevantes
- Verificação de tipos dinâmica
- Desenvolvimento mais rápido
- Não compila para código nativo
- Mas, programas mais lentos ...

Python – áreas de aplicação

- Interligação de sistemas
- Aplicações gráficas
- Aplicações para bases de dados
- Multimédia
- Internet protocol / Web
- Robótica & inteligência artificial

Python - aplicações

- Google fortemente baseado em Python, segundo o lema inicial:
 - "Python where we can, C++ where we must"
- Zope servidor de aplicações para a Web, de código aberto, totalmente escrito em Python
- ROS (Robot Operating System) Python é uma das linguagens suportadas, juntamente com C++ e Lisp

Python – aplicações (cont.)

- Inteligência Artificial Python é uma das linguagens com popularidade crescente nesta área
 - Os exemplos do livro "Artificial Intelligence: a Modern Approach" estão implementados em Python, Java e Lisp
 - CWM Máquina de inferência de propósito geral para a Web Semântica, totalmente desenvolvido em Python por Tim Berners-Lee
 - Google (algoritmo de ordenação de páginas, etc.)
 também é um exemplo aqui!

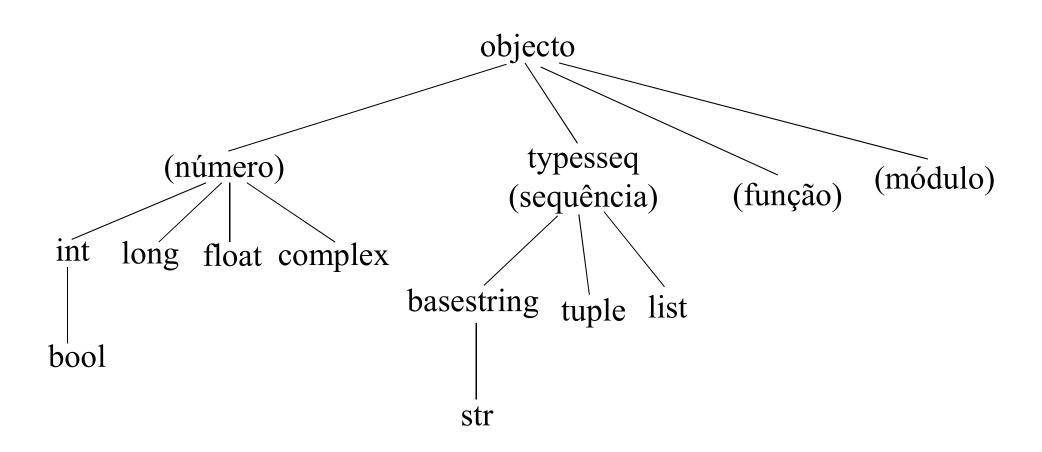
Pyhton - utilização

- Está incluída nas principais distribuições de Linux
 - Está também disponível para outras plataformas
- Pode ser obtida, juntamente com documentação em www.python.org
- IDLE ambiente de desenvolvimento para Python

Dados, ou "objectos"

- Objecto no contexto de Pyhton, esta designação é aplicada a qualquer dado que possa ser armazenado numa variável, ou passado como parâmetro a uma função
- Cada objecto é caracterizado por
 - Identidade ou referência (identifica a posição de memória onde está armazenado),
 - Tipo e
 - Valor
- Alguns tipos de objectos podem ter atributos e métodos
- Alguns tipos (classes) de objectos podem ter sub-tipos (sub-classes)

Objectos



Tipos de dados elementares

bool

- Tem os valores True e False
- Mas, valores de diferentes tipos podem também ser usados como valores de verdade
 - Exemplo: o inteiro 0 (zero) vale o mesmo que False
- Função bool() converte qualquer valor para bool

Tipos de dados elementares (cont.)

- Números
 - int números inteiros de 32 bits
 - equivale ao long da linguagem C
 - long inteiros de precisão ilimitada
 - float números reais
 - equivale ao double da linguagem C
 - complex números reais, em que a parte real e a parte imaginária são números reais
 - Exemplos: 1.5+0.5j, 7.2+4.0J
 - As partes de um número complexo z podem ser obtidas através das expressões z.real e z.imag

Tipos de dados elementares (cont.)

- Números (cont.)
 - Funcionam com os operadores habituais: +, -, *, /
 - Quociente da divisão inteira: //
 - O operador de divisão (/) também fornece um quociente da divisão inteira, mas neste caso o resultado é arredondado para o lado de -∞
 - Exemplos: 1/2 → 0, 1/(-2) → -1
 Resto da divisão inteira: %
 - Potência: ** (equivale à função pré-definida pow())
 - Exemplo: 5 ** 3 → 125
 - Funções de conversão:
 - int(), long(), float()

Sequências de dados

- Cadeias de caracteres (str)
 - Podem aparecer entre aspas (") ou pelicas (')
 - Exemplos:
 - "abc d x"
 - 'abc d x'
 - 'Ele disse "sim"!'
 - "A palavra 'Maria' é um nome próprio."
 - As cadeias de caracteres são imutáveis: não podemos modificar os caracteres em posições individuais

Sequências de dados (cont.)

- Tuplos (tuple) agregados ou composições de vários elementos, que podem ser de tipos diferentes
 - Funcionam como registos ou estruturas sem nome
 - São imutáveis: não podemos modificar elementos em posições individuais do tuplo
 - Os elementos são separados por vírgulas (,) e opcionalmente delimitados por parênteses curvos
 - Exemplos:

```
1, 2, 'a'
( "maria", 33 )
27,
'lisboa', ("colinas", 7)
( )
```

Sequências de dados (cont.)

- Listas (list) sequências de elementos, que podem ser de tipos diferentes
 - Combinam a funcionalidade usual das <u>listas</u> na programação declarativa com a funcionalidade usual dos <u>vectores</u> na programação imperativa
 - É possível modificar elementos individuais das listas
 - Os elementos são separados por vírgulas (,) e delimitados por parênteses rectos
 - Exemplos:
 - [1, 2, 'a']
 - [("maria", 33), ("josé", 40)]
 - ['lisboa', [7, "colinas"]]
 - []

Sequências de dados (cont.)

- Algumas funcionalidades básicas
 - -x in s
 - Expressão que retorna True se existir um elemento na sequência s que seja igual a x, caso contrário retorna False
 - x not in s
 - O contrário da anterior
 - len(s)
 - Função que retorna o comprimento da sequência s
 - -s1 + s2
 - Retorna a concatenação das sequências \$1 e \$2

Função pré-definida type()

 Dado um objecto qualquer, devolve o respectivo tipo

Variáveis

- Não são declaradas
- Não têm tipo
- Praticamente tudo pode ser atribuído a uma variável (incluindo funções, módulos e classes)
- Similarmente ao que acontece nas linguagens imperativas, e ao contrário do que acontece nas linguagens funcionais, em Python o valor das variáveis pode ser alterado
- Não se pode ler o valor da variável se ela não tiver sido inicializada

Instrução de atribuição - I

- Tal como é habitual na programação imperativa, e ao contrário do habitual na programação declarativa,
 Python possui instrução de atribuição
- Exemplos:

$$- n = 10$$

$$- a = b = c = 0$$

$$-x = 7.25$$

$$- t = (n, x)$$

$$-$$
 lista = [1, 2, 'quatro', 8.0]

Instrução de atribuição - II

- Podemos usar a operação de atribuição para decompor estruturas
- Exemplo:
 - triplo = (1, 2, 3)
 - -(i, j, k) = triplo
 - Como resultado, i=1, j=2, k=3
- Outro exemplo:
 - (q,r) = divmod(16,3)
 - A função pré-definida divmod() devolve um tuplo com o quociente e o resto de uma divisão inteira
 - Como resultado, q=5, r=1

Operadores de comparação

- Igual: ==
- Diferente: != (ou <>)
- Menor/maior: <, <=, >, >=
- Objectos de tipos diferentes nunca são iguais
 - Exceptuam-se os diferentes tipos de números
- Comparação de sequências baseia-se num critério lexicográfico
- Mais info: Python Tutorial, sec. 5.8

Operadores lógicos

- Conjunção: and
- Disjunção: or
- Negação: not

 Nota: Na conjunção e na disjunção, o segundo argumento só é avaliado se for necessário para determinar o resultado

Acesso a sequências

- Os elementos das sequências são acedidos através de índices inteiros consecutivos
 - O primeiro elemento tem o índice 0 (zero)
- Exemplo:
 - -a = [12, 4, "abc"]
 - $-a[0] \rightarrow 12$
 - $-a[2] \rightarrow abc$

Acesso a sequências (cont.)

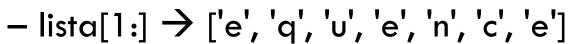
- É possível extrair "fatias" das sequências
 - Formato: seq[inf:sup] fatia da sequência seq,
 compreendida entre o elemento com índice inf e o elemento com índice sup-1
 - A fatia é uma cópia do conteúdo da sequência original entre inf e sup-1
- A indexação é circular, o que permite aceder ao último elemento da sequência s pelo índice len(s)-1 ou simplesmente pelo índice -1

Acesso a sequências (cont.)

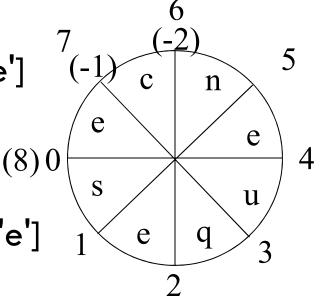
• Exemplos:

 $- \operatorname{lista}[0] \rightarrow 's'$

- lista[2:5]
$$\rightarrow$$
 ['q', 'u', 'e']

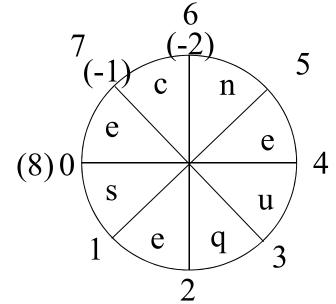


- lista[-2:] \rightarrow ['c', 'e']
- lista[:3] \rightarrow ['s', 'e', 'q']
- lista[:] → ['s', 'e', 'q', 'u', 'e', 'n', 'c', 'e']



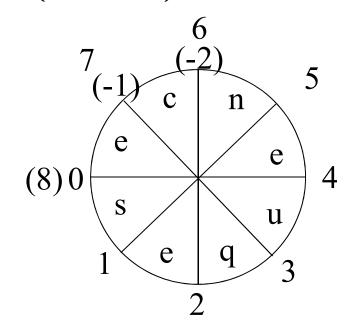
Modificação de listas

- Faz-se por atribuição
 - lista[0] = 'p'
 - lista → ['p', 'e', 'q', 'u', 'e', 'n', 'c', 'e']
- Pode-se modificar fatias
 - lista[-2:] = ['o', 's']
 - lista → ['p', 'e', 'q', 'u', 'e', 'n', 'o', 's']



Modificação de listas (cont.)

- Pode-se remover uma fatia
 - lista[0:3] = []
 - lista → ['u', 'e', 'n', 'o', 's']
- Inserir uma fatia
 - lista[3:3] = ['a', 'a']
 - lista → ['u', 'e', 'n', 'a', 'a', 'o', 's']



- Substituir por fatia de tamanho diferente
 - lista[1:6] = ['c', 'h']
 - lista \rightarrow ['u', 'c', 'h', 's']

Instrução de atribuição - III

• Detalhe importante:

- A instrução de atribuição, em vez de copiar valores, limita-se a associar um dado identificador a um dado objecto
- Assim, a atribuição de uma variável x a uma variável y apenas tem como resultado associar y ao mesmo objecto ao qual x já estava associada
- No caso de objectos mutáveis, há que ter cuidado com efeitos como este:
 - a = [1,2,3]
 - b = a
 - b[1:2] = []
 - $a \to [1,3]$

Análise condicional: instrução if-elif-else

• Síntaxe:

• Notas:

- Pode haver 0 (zero) oumais ramos elif (= else if)
- O ramo elif / else é opcional

Análise condicional: expressão if-else

- Síntaxe
 - <expressão 1 > if <condição > else <expressão 2 >
- Exemplos:
 - x if $x \ge 0$ else -x
 - 'pos' if a>0 else 'nul' if a==0 else 'neg'

Definição de funções

- Inicia-se com a palavra def
- Passagem de parâmetros "por referência dos objectos" (ver adiante)
- A instrução return permite definir o resultado da função
 - Quando não é indicado um resultado no return, ou quando não há return, o resultado é None (um identificador prédefinido)
 - Funções sem return, ou com return vazio, são também conhecidas como "procedimentos"
- As funções podem ser recursivas
- As funções são objectos do tipo function

Definição de funções – exemplos (I)

```
# retorna o primeiro elemento de uma lista, caso exista,
# ou None, caso contrário
def cabeca(lista):
  if lista==[]:
     return None
  return lista[0]
# retorna um tuplo com o primeiro elemento de uma lista
# e a lista dos restantes (retorna None caso a lista seja vazia)
def cabeca_e_cauda(lista):
  if lista==[]:
     return None
  return (lista[0],lista[1:])
```

Definição de funções – exemplos (II)

```
# concatena duas listas

def concatenar(lista1,lista2):
    conc = lista2[:]
    conc[:0] = lista1
    return conc
```

Nota: a concatenação de listas é disponibilizada # em Python através do operador +

Passagem de parâmetros

- Os parâmetros são passados às funções segundo um mecanismo de "passagem por valor" ("call by value")
- Mas, <u>detalhe importante</u>: Neste contexto, o valor é na verdade a referência do objecto!!!
 - Se atribuirmos um novo objecto a uma variável passada por parâmetro, essa atribuição ocorre apenas no espaço de nomes da função (acetato seguinte, esquerda)
 - Se modificarmos um objecto passado por parâmetro (por exemplo, apagar um elemento de uma lista), isto não altera a referência do objecto, e portanto vai permanecer após o retorno da função (acetato seguinte, direita)

Passagem de parâmetros – exemplos (I)

```
>>> def incr(x):
                                    >>> def acresc(l,x):
                                        I[0:0] = [x]
   x=x+1
                                        return l
   return x
                                    >>> lista=[5,12]
>>> n=10
>>> incr(n)
                                    >>> acresc(lista,30)
                                    [30,5,12]
11
                                    >>> lista
>>> n
                                    [30,5,12]
10
```

Passagem de parâmetros – exemplos (II)

- O problema anterior resolve-se trabalhando sobre uma cópia local
- No caso de uma lista I, a fatia I[:] dá-nos uma cópia integral

```
>>> def acresc(l,x):
... aux=l[:]
... aux[0:0]=[x]
... return aux
...
>>> lista=[5,12]
>>> acresc(lista,30)
[30,5,12]
>>> lista
[5,12]
```

Parâmetros com valores por defeito

• Exemplo:

```
def custoCombustivel(dist,cons=8,preco=1.5): return (dist/100.0) * cons * preco
```

• Na chamada, pode-se omitir alguns parâmetros, caso em que temos que indicar os nomes dos que estão para a frente:

```
>>> custoCombustivel(30,preco=1.6)
2.56
```

 Nas chamadas em que são fornecidos os primeiros k de n parâmetros, não é preciso indicar os nomes:

```
>>> custoCombustivel(20,7.5)
2.25
```

Funções recursivas – exemplos - I

```
# devolve factorial de um número n
def factorial(n):
    if n==0:
        return 1
    if n>0:
        return n*factorial(n-1)

# devolve o comprimento de uma lista
def comprimento(lista):
    if lista==[]:
        return 0
    return 1+comprimento(lista[1:])
```

```
comprimento([1,2,3])
1 + comprimento([2,3])
1 + (1 + comprimento([3]))
1 + (1 + (1 + comprimento([]))
1 + (1 + (1 + 0))
1 + (1 + 1)
1 + 2
```

Funções recursivas – exemplos - II

```
# verifica se um elemento é membro de uma lista
def membro(x,lista):
  if I==[]:
     return False
  return (lista[0]==x) or membro(x,lista[1:])
# devolve uma lista com os elementos da lista
# de entrada por ordem inversa
def inverter(lista):
  if lista==[]:
     return []
  inv = inverter(lista[1:])
  inv[len(inv):] = [lista[0]]
  return inv
```

Expressões Lambda – I

- São expressões cujo valor é uma função
- São um "ingrediente" clássico da programação funcional
- Exemplos:
 - lambda x: x+1
 - Função que dado um valor x, devolve x+1
 - m = lambda x, y : math.sqrt(x**2+y**2)
 - Função que calcula o módulo de um vector (x,y), função esta atribuída à variável m
 - (lambda lista : lista[-1]-lista[0]) [5,7,11,19,38]
 - Função que calcula a diferença entre o primeiro e o último elemento de uma lista, função esta logo aplicada a uma lista concreta
 - Resultado: 33

Expressões Lambda – II

- Como qualquer objecto, uma expressão lambda pode ser passada como parâmetro a uma função
- Exemplo:
 - Uma função h que, dada uma função f e um valor x, produz f(x)*x

```
def h(f,x): return f(x)^*x
```

Exemplo de utilização:

```
h(lambda x : x+1,7)
```

Resultado: 56

Expressões Lambda – III

- As expressões lambda podem ser produzidas por outras funções:
 - Exemplo: Dado um inteiro n, a função seguinte produz uma função que soma n à sua entrada

```
def faz_incrementador(n):
    return lambda x : x+n
```

– Exemplo de utilização:

```
suc = faz_incrementador(1)
suc(10)
```

Resultado: 11

Expressões Lambda – IV

- As expressões lambda são também conhecidas como expressões funcionais
- As funções que recebem expressões lambda como entrada e/ou produzem expressões lambda como saída são conhecidas como funções de ordem superior
- Nota importante: As expressões lambda só são úteis enquanto são simples. Uma função complexa merece ser escrita de forma clara numa definição (def) à parte

Exercício

- Pesquisa dicotómica de uma raiz de uma função *f* num intervalo [*a*,*b*]
 - Assume-se que a função é contínua em [a,b]
 - Assume-se que f(a) e f(b) são de sinais opostos
 - Implementa-se uma função que divide ao meio o intervalo e se chama a si própria recursivamente sobre a metade do intervalo em cujos extremos f tem valores de sinal contrário
 - A função f é um parâmetro de entrada da função que procura a raiz
 - O processo termina quando o valor b-a for suficientemente pequeno

Aplicar uma função a uma lista

 Aplicar uma função f a cada um dos elementos de uma lista, devolvendo uma lista com os resultados:

```
def aplicar(f,lista):
    if lista=[]:
        return []
    return [f(lista[0])] + aplicar(f,lista[1:])
```

 Exemplo de utilização: Dada uma lista de inteiros, obter a lista dos dobros

```
aplicar(lambda x : 2*x, [2,-4,17])
```

- Resultado: [4,-8,34]
- Corresponde à função pré-definida map()
 - Em Pyhton3, esta função retorna um iterador que pode ser convertido para lista

Filtrar uma lista

• Dada uma função booleana f e uma lista, devolve uma lista com os elementos da lista de entrada para os quais f devolve True:

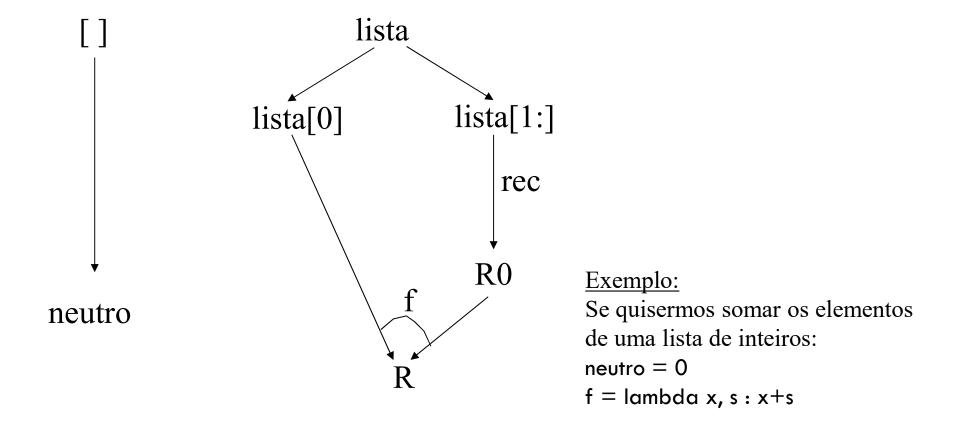
```
def filtrar(f,lista):
    if lista=[]:
        return []
    if f(lista[0]):
        return [lista[0]] + filtrar(f,lista[1:])
    return filtrar(f,lista[1:])
```

- Exemplo: Dada uma lista de inteiros, obter a lista dos pares filtrar(lambda x : x%2==0, [2,-4,17])
 - Resultado: [2,-4]
- Corresponde à função pré-definida filter()
 - Em Pyhton3, esta função retorna um iterador que pode ser convertido para lista

Reduzir uma lista a um valor - I

- Muitos procedimentos que actuam sobre listas têm em comum a seguinte estrutura:
 - No caso de a lista ser vazia, o resultado é um valor "neutro" pré-definido;
 - No caso de a lista ser não vazia, o resultado da função depende de combinar a cabeça da lista (lista[0]) com o resultado da chamada recursiva sobre os restantes elementos (lista[1:]).

Reduzir uma lista a um valor - II



Reduzir uma lista a um valor - III

• Dada uma função de combinação f, uma lista e um valor neutro, devolve a redução da lista:

```
def reduzir(f,lista,neutro):
    if lista=[]:
        return neutro
    return f(lista[0],reduzir(f,lista[1:],neutro))
```

• Exemplo: Dada uma lista de inteiros, obter a respectiva soma

```
reduzir(lambda x, s: x+s, [2,-4,17], 0)
```

- Resultado: 15
- Corresponde à função pré-definida reduce()
 - Em Python3, esta função está na biblioteca functools

Listas de compreensão

- Do inglês "list comprehension"
- Mecanismo compacto para processar alguns ou todos os elementos numa lista
 - "importado" da linguagem funcional Haskell
 - Pode ser aplicado a listas, tuplos e cadeias de caracteres
 - O resultado é uma lista
- Síntaxe (caso simples):

```
[<expr> for <var> in <sequência> if <condição>]
```

- Podem funcionar como a função map()
- Exemplo: Obter os quadrados dos elementos de uma dada lista:

```
>>> map(lambda x : x**2, [2,3,7])
[4,9,49]
>>> [x**2 for x in [2,3,7]]
[4,9,49]
```

- Podem funcionar como a função filter()
- Exemplo: Obter os elementos pares existentes numa dada lista

```
>>> filter(lambda x : x%2==0, [2,3,7,6])
[2,6]
>>> [x for x in [2,3,7,6] if x%2==0]
[2,6]
```

- Podem combinar as funcionalidades de map() e filter()
- Exemplo: Obter os quadrados de todos os elementos positivos de uma dada lista

```
>>> [x**2 for x in [3,-7,6] if x>0] [9,36]
```

- Podem percorrer várias sequências
- Exemplo: Obter todos os pares de elementos, um de uma lista e outro de outra, em que a soma seja ímpar

```
>>> [(x,y) for x in [3,7,6]
... for y in [2,8,9] if (x+y)%2!=0]
[(3,2), (3,8), (7,2), (7,8), (6,9)]
```

Classes

- As classes em Python possuem as características mais comuns nas linguagens orientadas a objectos
 - Uma classe define um conjunto de objectos caracterizados por diversos atributos e métodos
 - É possível definir hierarquias de classes com herança
- As classes surgem na linguagem Python com pouca sintaxe adicional

Classes (cont.)

Sintaxe:
 class < nome-classe>:
 <declaração-1>
 <declaração-N>

Classes – exemplo

class UmTeste:

def dizer_ola(self):

print "Ola"

Por convenção, as palavras no nome de uma classe iniciam-se com maiúscula

Exemplo de definição de um método

Utilização

Criação de uma instância e atribuição a uma variável

Invocação do método

Classes com construtor – exemplo

class Complexo:

def __init__(self,real,imag):

self.r = real

self.i = imag

Utilização ()
 >>> c = Complexo(-1.5,13.1)
 >>> c.r, c.i

(-1.5, 13.1)

O construtor é o método que inicializa um objecto no momento da sua criação; chama-se obrigatoriamente "__init___";

O primeiro parâmetro (self) de <u>qualquer método</u> é a própria instância na qual o método é chamado

Criação de uma instância e atribuição a uma variável

Classes – atributos

- No exemplo anterior, a classe Complexo tem os atributos r e i
- Tal como acontece com as variáveis normais, também os atributos das classes não são declarados
- Acesso aos atributos numa instância é feito com o ponto ("."), como no exemplo anterior
- A todo o tempo, pode-se criar um novo atributo numa instância, bastando para isso atribuir-lhe um valor

Classes derivadas / herança

• Sintaxe:

- A classe derivada herda os métodos e atributos da classe mãe
- É possível uma classe ter várias classes mães

Exemplo de aplicação: expressões aritméticas

• Considere a seguinte expressão:

$$2*x+1$$

- Pode-se representar em Python da seguinte forma:
 Soma(Produto(Const(2),Var()),Const(1)
- Em que Soma, Produto, Const e Var são classes definidas pelo programador para representar
 - somas de expressões,
 - produtos de expressões,
 - constantes e
 - ocorrências da variável

Exemplo de aplicação: expressões aritméticas (cont.)

- Como definir os construtores das classes referidas?
- Como definir métodos para avaliar as expressões, dado um certo valor da variável?
- Como definir métodos para simplificar expressões?
- Como definir métodos para derivar expressões?

Exemplo de aplicação: expressões aritméticas (cont.)

Exemplo:
 class Soma:
 def __init__(self,e1,e2):
 self.arg1 = e1
 self.arg2 = e2
 def avaliar(self,v):
 return self.arg1.avaliar(v) + self.arg2.avaliar(v)

Classes – conversão para cadeia de caracteres

- Relevante para visualização
- Consegue-se através da implementação de um método "__str__()" (nome obrigatório)
- Na classe Soma (ver acetato anterior), poderia ser assim:

```
def __str__(self):
    return str(self.arg1) + "+" + str(self.arg2)
```

• Utilização:

```
>>> s = Soma(Const(2),Const(1))
>>> str(s)
2+1
```

Métodos e atributos pré-definidos

Métodos

- __init__() construtor
- __str__() implementa a conversão para cadeia de caractéres; suporta a função de conversão str()
- __repr__() define a representação em cadeia de caractéres que aparece na consola do interpretador; suporta a função repr()

Atributos

- __class___ identifica a classe de um dado objecto
 - Também se pode usar a função isinstance(<instance>,<class>)

O tipo list de Python é uma classe

- Tem os seguintes métodos:
 - list.append(x) acrescenta x ao fim da lista
 - list.extend(L) acrescenta elementos da lista L no fim da lista
 - list.insert(i,x) insere x na posição i
 - list.remove(x) remove a primeira ocorrência de x
 - list.index(x) remove a posição da primeira ocorrência de x
 - list.sort() ordena a lista (modifica a lista)

— ...