### Structures de données

Thibaut Cantaluppi

September 15, 2024

Un objet est dit **mutable** si l'on peut changer sa valeur après sa création sans nouvelle affectation. Il est dit **immutable** dans le cas contraire.

Un objet est dit **mutable** si l'on peut changer sa valeur après sa création sans nouvelle affectation. Il est dit **immutable** dans le cas contraire.

#### Objets immutables:

- entiers
- flottants
- booléens
- chaines de caractères
- tuples

Un objet est dit **mutable** si l'on peut changer sa valeur après sa création sans nouvelle affectation. Il est dit **immutable** dans le cas contraire.

#### Objets immutables:

- entiers
- flottants
- booléens
- chaines de caractères
- tuples

#### Objets mutables:

- listes
- dictionnaires
- sets

En Python, les objets sont passés par nom aux fonctions.

Le comportement apparent dépend de la mutabilité des objets en question !

#### Dictionnaire

Un **dictionnaire** est une structure de données qui à chaque **clé** associe une **valeur**. Il possède les opérations suivantes :

- Ajouter une association (clé, valeur).
- Supprimer une association (clé, valeur).
- Obtenir les valeurs associées à une clé donnée.

### Dictionnaire

Un **dictionnaire** est une structure de données qui à chaque **clé** associe une **valeur**. Il possède les opérations suivantes :

- Ajouter une association (clé, valeur).
- Supprimer une association (clé, valeur).
- Obtenir les valeurs associées à une clé donnée.

#### Exemples:

- Associer à chaque utilisateur (clé) son mot de passe (valeur).
- Associer à chaque couleur sous forme de texte (clé) son code RGB (valeur).

### Dictionnaire : Définition

Définition d'un dictionnaire en Python, de type dict :

```
d = \{\} # dictionnaire vide
d = dict() # autre façon de définir un dictionnaire vide
# dictionnaire avec 2 associations
mots de passe = { "jean-michel" : "azerty", "admin": "1234" }
# dictionnaire avec 3 associations
couleurs = {
    "rouge": (255, 0, 0),
    "jaune": (255, 255, 0),
    "blanc": (255, 255, 255)
```

### Dictionnaire : Définition

Définition d'un dictionnaire en Python, de type dict :

```
d = {} # dictionnaire vide
d = dict() # autre façon de définir un dictionnaire vide
# dictionnaire avec 2 associations
mots de passe = { "jean-michel" : "azerty", "admin": "1234" }
# dictionnaire avec 3 associations
couleurs = {
    "rouge": (255, 0, 0),
    "jaune": (255, 255, 0),
    "blanc": (255, 255, 255)
```

Dans mots\_de\_passe, les clés et les valeurs sont des chaînes de caractères.

Dans couleurs, les clés sont des chaînes de caractères et les valeurs sont des triplets d'entiers.

### Dictionnaire: Accès

d[k] donne la valeur associée à la clé k dans le dictionnaire d :

```
mots_de_passe["jean-michel"] # renvoie "azerty"
couleurs["jaune"] # renvoie (255, 255, 0)
couleurs["bleu"] # erreur : la clé n'existe pas
```

#### Dictionnaire: Modification

On modifie la valeur associée à la clé k avec  $d[k] = \dots$ Si la clé n'existait pas, elle est ajoutée.

```
mots_de_passe["admin"] = "zpd0Q64n"
# change la valeur associée à "admin"

couleurs["bleu"] = (0, 0, 255)
# ajoute la clé "bleu" avec la valeur (0, 0, 255)
```

## Dictionnaire: Test d'appartenance

On peut tester si une clé k appartient à un dictionnaire d avec k in d (ou n'appartient pas, avec k not in d):

### Dictionnaire: Test d'appartenance

On peut tester si une clé k appartient à un dictionnaire d avec k in d (ou n'appartient pas, avec k not in d):

```
"jean-michel" in mots_de_passe # renvoie True
"violet" in couleurs # renvoie False
```

Utile pour éviter une erreur en accédant à une clé qui n'existe pas.

### Exemple:

```
def login(nom, mdp):
    if nom in mots_de_passe:
        if mdp == mots_de_passe[nom]:
            return True
    return False
```

#### Dictionnaire: Parcours d'un dictionnaire

On peut obtenir les clés d'un dictionnaire avec d.keys() et ses valeurs avec d.values() :

```
mots_de_passe.keys() # renvoie ["jean-michel", "admin"]
mots_de_passe.values() # renvoie ["azerty", "1234"]
```

On peut aussi connaître le nombre de clés d'un dictionnaire avec len(d).

### Dictionnaire: Parcours d'un dictionnaire

On peut parcourir toutes les clés (et donc aussi toutes les valeurs) :

```
for k in mots_de_passe:
    print(k + " a le mot de passe " + mots_de_passe[k])
```

# Dictionnaire : Complexité

Python	Description	Complexité
d[k] = v	Ajout (ou modification) d'une	O(1) en moyenne
	association de k à v	
d[k]	Accès à la valeur de clé k	O(1) en moyenne
len(d)	Nombre de clés de d	O(1) en moyenne
for k in d:	Parcourir les clés k de d	O(n) où $n$
		est le nombre de clés

### Dictionnaire: Exercices

#### Exercice

Écrire une fonction inverse(d) renvoyant un dictionnaire d2 tel que :

 $d[k] = v \iff d2[v] = k$ 

où on suppose que d ne contient pas deux fois la même valeur v.

Dictionnaire: Exercices

#### Exercice

Écrire une fonction inverse(d) renvoyant un dictionnaire d2 tel que :  $d[k] \ = \ v \Longleftrightarrow d2[v] \ = \ k$ 

où on suppose que d ne contient pas deux fois la même valeur v.

#### Exercice

Écrire une fonction frequent (L) renvoyant l'élément le plus fréquent dans une liste L de taille n, en complexité O(n).

### Applications : Dictionnaire de variables

Python conserve en mémoire deux dictionnaires :

- globals: fonction qui renvoie un dictionnaire contenant les variables globales.
- locals : idem mais pour les variables locales (accessibles uniquement dans un bloc de code, par exemple dans une fonction).

```
def f(x):
    y = 2
    print(locals())
f(1) # affiche {'x': 1, 'y': 2}
```

## Applications : Représentation de graphe/arbre

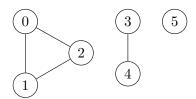
Au lieu de la représentation par matrice/liste d'un graphe G, on peut utiliser une représentation par un dictionnaire d, où d[v] est la liste (ou l'ensemble) des voisins du sommet v.

## Applications : Représentation de graphe/arbre

Au lieu de la représentation par matrice/liste d'un graphe G, on peut utiliser une représentation par un dictionnaire d, où d[v] est la liste (ou l'ensemble) des voisins du sommet v.

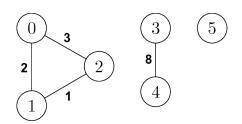
#### Exercice

Représenter le graphe ci-dessous avec un dictionnaire.



### Exercice

Représenter le graphe pondéré ci-dessous avec un dictionnaire.



Il existe (au moins) deux façons de créer un dictionnaire :

- Avec table de hachage (utilisé par Python).
- (Pour MP/MP\* option info seulement) Avec un arbre binaire de recherche: chaque noeud est un couple (clé, valeur) et on compare les clés seulement.

#### Définition

Une table de hachage est composée de :

- Un tableau contenant les valeurs.
- Une **fonction de hachage** h telle que, si k est une clé, h(k) est l'indice du tableau où se trouve la valeur associée à k.

#### Définition

Une table de hachage est composée de :

- Un tableau contenant les valeurs.
- Une **fonction de hachage** h telle que, si k est une clé, h(k) est l'indice du tableau où se trouve la valeur associée à k.

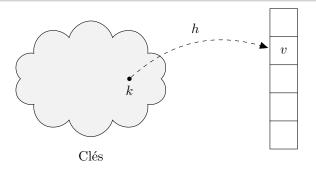
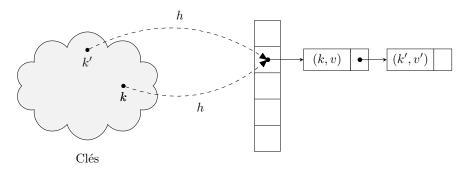
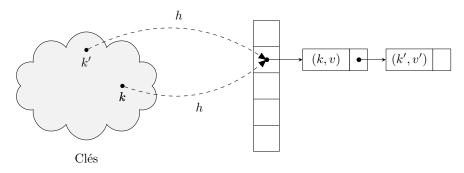


Table de hachage  $\approx$  tableau dont les indices (clés) ne sont pas forcément des entiers consécutifs.

Souvent, il y a beaucoup plus de clés possibles que de cases du tableau, ce qui conduit à des **collisions** : plusieurs clés ayant la même image par h. On peut résoudre ces collisions par **chaînage**, en stockant une liste à chaque position de la table de hachage :



Souvent, il y a beaucoup plus de clés possibles que de cases du tableau, ce qui conduit à des **collisions** : plusieurs clés ayant la même image par h. On peut résoudre ces collisions par **chaînage**, en stockant une liste à chaque position de la table de hachage :



Autre possibilité de résolution de collisions : adressage ouvert.

Les dictionnaires en Python sont des tables de hachages qui utilisent une fonction hash.

hash(e) n'est définit que si e est immutable (ou : persistant), c'est-à-dire non modifiable. Il est en effet fortement déconseillé d'utiliser une clé qui puisse être modifiée (ex : liste) puisque cela changerait l'image par la fonction de hachage.

Implémentation d'un dictionnaire par table de hachage, avec résolution par chaînage :

```
T = [[] \text{ for i in range}(10)] \# liste contenant 10 listes vides
def h(k):
    return (k**2) % 10 # exemple de fonction de hachage
def add(k, v): # ajoute l'association de clé k et de valeur v
    T[h(k)].append((k, v))
def get(k): # donne la valeur associée à la clé k
    for k_{-}, v in T[h(k)]:
        if k == k:
            return v
    raise Exception("clé non trouvée")
```

T[i] contient la liste des associations (k, v) telles que h(k) = i.

## Ensemble (HP)

Un ensemble (set en Python) est l'analogue d'un ensemble mathématique :

```
s = {2, 3} # définition d'un ensemble contenant 2 et 3
s.add(5) # ajout de 5
3 in s # renvoie True
for e in s: # affiche tous les éléments de s
    print(e)
```

## Ensemble (HP)

Un ensemble (set en Python) est l'analogue d'un ensemble mathématique :

```
s = {2, 3} # définition d'un ensemble contenant 2 et 3
s.add(5) # ajout de 5
3 in s # renvoie True
for e in s: # affiche tous les éléments de s
    print(e)
```

set est implémenté par table de hachage, comme dict  $\longrightarrow$  add et in sont en O(1).

## Ensemble (HP)

#### Exercice

Écrire une fonction eratosthene(n) renvoyant l'ensemble des nombres premiers inférieurs à n, en utilisant le crible d'Eratosthène.