

基礎コンピュータ工学

第2章 情報の表現

(パート4)

2進数の和差の計算（復習）

2進数の場合は以下のようになる。

- 1より大きくなる時に**桁上げ**が発生する。

$$\begin{array}{r} 010 \\ + 001 \\ \hline 011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 001 \\ + 001 \\ \hline 010 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 010 \\ + 011 \\ \hline 101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 011 \\ + 001 \\ \hline 100 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 011 \\ + 011 \\ \hline 110 \end{array}$$

- 桁借り**では2借りてくる。

$$\begin{array}{r} 011 \\ - 001 \\ \hline 010 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 010 \\ - 001 \\ \hline 001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ - 011 \\ \hline 010 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 100 \\ - 001 \\ \hline 011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 110 \\ - 011 \\ \hline 011 \end{array}$$

2進数の和差の計算（復習）

10進数の計算と2進数の計算をなさい。

3+8

10進

3

+ 8

2進

0011

+ 1000

5+7

10進

5

+ 7

2進

0101

+ 0111

11-8

10進

11

- 8

2進

1011

- 1000

12-7

10進

12

- 7

2進

1100

- 0111

負の数を含む計算

2の補数表現の負数は符号無し2進数と同じ手順で計算できる！！

- 最上位ビットからの桁上げは無視する.

0010	(+2)	1011	(-5)	1101	(-3)			
+	1111	(-1)	+	0101	(+5)	+	1101	(-3)
<hr/>			<hr/>			<hr/>		
0001	(+1)	0000	(+0)	1010	(-6)			

- 仕組み

- **正の数と負の数の和** ($-b$ を2の補数 $(2^n - b)$ と表現する)
正の値 a と負の値 $-b$ の和を計算し 2^n (最上位の桁上げ) を無視する
$$a + (-b) = a + (2^n - b) = 2^n + a - b = a - b$$
- **負の数と負の数の和** ($-a$, $-b$ を2の補数で表現する)
 2^n (最上位からの桁上げ) を一つ無視すると
$$(-a) + (-b) = (2^n - a) + (2^n - b) = 2^n - (a + b)$$

負の数を含む計算

2の補数表現の負数は符号無し2進数と同じ手順で計算できる！！

- 最上位ビットの桁借りは**制限なし**とする.

0010	(+2)	0000	(+0)	1101	(-3)
- 1111	(-1)	- 0101	(+5)	- 1010	(-6)
<hr/>		<hr/>		<hr/>	
0011	(+3)	1011	(-5)	0011	(+3)

- 仕組み

- **正の数と負の数の差** ($-b$ を2の補数 $(2^n - b)$ と表現する)
正の値 a と負の値 $-b$ の差を計算し -2^n (最上位の桁借り) を許す
$$a - (-b) = a - (2^n - b) = -2^n + a + b = a + b$$
- **負の数と負の数の差** ($-a, -b$ を2の補数で表現する)
 2^n (最上位からの桁上げ) を一つ無視すると
$$(-a) - (-b) = (2^n - a) - (2^n - b) = (-a) + b$$

負数を含む計算（問題 1/2）

問題 1 1：次の計算を 2 進数と 10 進数でしなさい。
(ただし, 2 進数は 2 の補数表現形式になっている)

1)
$$\begin{array}{r} 0011\ 0010_2 \\ +\ 0011\ 0010_2 \\ \hline \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \boxed{}_{10} \\ +\ \boxed{}_{10} \\ \hline \boxed{}_{10} \end{array}$$

2)
$$\begin{array}{r} 1111\ 1111_2 \\ +\ 1111\ 1111_2 \\ \hline \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \boxed{}_{10} \\ +\ \boxed{}_{10} \\ \hline \boxed{}_{10} \end{array}$$

負数を含む計算 (問題 2/2)

3)
$$\begin{array}{r} 0110\ 0100_2 \\ +\ 1001\ 1100_2 \\ \hline \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \boxed{}_{10} \\ \boxed{}_{10} \\ + \\ \boxed{}_{10} \end{array}$$

4)
$$\begin{array}{r} 1111\ 0000_2 \\ +\ 1110\ 1111_2 \\ \hline \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \boxed{}_{10} \\ \boxed{}_{10} \\ + \\ \boxed{}_{10} \end{array}$$

5)
$$\begin{array}{r} 0001\ 0000_2 \\ -\ 1110\ 1111_2 \\ \hline \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} \boxed{}_{10} \\ \boxed{}_{10} \\ - \\ \boxed{}_{10} \end{array}$$

2進数による小数の表現

固定小数点方式（小数点の位置を約束する.）

$$00.00_2 = 0.0_{10}$$

$$00.01_2 = 0.25_{10}$$

$$00.10_2 = 0.5_{10}$$

$$00.11_2 = 0.75_{10}$$

$$01.00_2 = 1.0_{10}$$

$$01.01_2 = 1.25_{10}$$

$$01.10_2 = 1.5_{10}$$

$$01.11_2 = 1.75_{10}$$

$$10.00_2 = 2.0_{10}$$

...

$$11.11_2 = 3.75_{10}$$

桁の重み

- 小数点から左に進むと 2 倍

$$001.0000_2 = 1.0_{10}$$

$$010.0000_2 = 2.0_{10}$$

$$100.0000_2 = 4.0_{10}$$

- 小数点から右に進むと $1/2$ 倍

$$000.1000_2 = 0.5_{10}$$

$$000.0100_2 = 0.25_{10}$$

$$000.0010_2 = 0.125_{10}$$

$$000.0001_2 = 0.0625_{10}$$

固定小数点方式 2 進数 → 10 進数

桁の重みを合計する.

$$\begin{aligned} 10.01_2 &= 1 \times 2 + 0 \times 1 + 0 \times 1/2 + 1 \times 1/4 \\ &= 2 + 0 + 0 + 1/4 \\ &= 2 + 0.25 \\ &= 2.25 \end{aligned}$$

問題 1 2 : 2 進数を 10 進数に変換しなさい.

1) 0101.1010_2

2) 0011.0011_2

3) 0100.0101_2

4) 1010.1111_2

10進数 → 固定小数点方式2進数

2進数	×2は	10進数
0.101 ₂	左シフトと同じ	0.625
✓		×
1.010 ₂		<u>1.250</u>

2進数	×2は	10進数
0.010 ₂	左シフトと同じ	0.250
✓		×
0.100 ₂		<u>0.500</u>

2進数	×2は	10進数
0.100 ₂	左シフトと同じ	0.500
✓		×
1.000 ₂		<u>1.000</u>

10進数で計算したとき，小数点を横切って整数部に出てきた数を小数点の右に順番に並べると 0.101₂ になる。

固定小数点方式 2 進数 → 10 進数

問題 1 3 : 10 進数を 2 進数に変換しなさい.
但し 2 進数は, 小数点以下 4 桁, 全体で 6 桁とする.

1) 0.75_{10}

2) 0.5625_{10}

3) 2.5_{10}

4) 1.1875_{10}

文字の表現

ASCIIコード (American Standard Code for Information Interchange)

1963年にアメリカ規格協会 (ANSI) が定めた情報交換用の文字コード。英字, 数字, 記号等が含まれる。現代のPC等でもASCIIコードが基本になっている。

(上位3ビット)

	(上位3ビット)							
	0	1	2	3	4	5	6	7
0	NUL	DLE	(SP)	0	@	P	`	p
1	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q
2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
3	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s
4	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
7	BEL	ETB	'	7	G	W	g	w
8	BS	CAN	(8	H	X	h	x
9	HT	EM)	9	I	Y	i	y
A	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
B	VT	ESC	+	;	K	[k	{
C	FF	FS	,	<	L	\	l	
D	CR	GS	-	=	M]	m	}
E	SO	RS	.	>	N	^	n	~
F	SI	US	/	?	O	_	o	DEL

(下位4ビット)

文字の表現

JIS (Japan Industrial Standard : 日本工業規格) 8ビットコード

JIS 8ビットコードは、ASCIIコードに半角カタカナを追加したもの。記号、数字、英字の部分は、ほぼ、同じ並びになっている。

(上位4ビット)

(下位4ビット)

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	NUL	DLE		0	@	P	`	p				一	タ	ミ		
1	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q			。	ア	チ	ム		
2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r			「	イ	ツ	メ		
3	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s			」	ウ	テ	モ		
4	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t			、	エ	ト	ヤ		
5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u			・	オ	ナ	ユ		
6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v			ヲ	カ	ニ	ヨ		
7	BEL	ETB	'	7	G	W	g	w			ヱ	キ	ヌ	ラ		
8	BS	CAN	(8	H	X	h	x			イ	ク	ネ	リ		
9	HT	EM)	9	I	Y	i	y			ウ	ケ	ノ	ル		
A	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z			エ	コ	ハ	レ		
B	VT	ESC	+	;	K	[k	{			オ	サ	ヒ	ロ		
C	FF	FS	,	<	L	¥	l				セ	シ	フ	ワ		
D	CR	GS	=	=	M]	m	}			ユ	ス	ヘ	シ		
E	SO	RS	.	>	N	^	n				ホ	セ	ホ			
F	SI	US	/	?	O	_	o	DEL			ッ	ソ	マ			

はASCIIコード表と異なる部分

補助単位

1,000m を 1km, 1,000g を 1kg, 0.001l を 1ml, 0.001m を 1mm
ここで, k や m は**補助単位**と呼ばれる.

一般的に			記憶容量		
値	記号	読み方	値	記号	読み方
10^3	<i>k</i>	キロ	2^{10}	<i>Ki</i>	キビ
10^6	<i>M</i>	メガ	2^{20}	<i>Mi</i>	メビ
10^9	<i>G</i>	ギガ	2^{30}	<i>Gi</i>	ギビ
10^{12}	<i>T</i>	テラ	2^{40}	<i>Ti</i>	テビ

- 通常は 10^3 毎に補助単位がある.
- コンピュータの記憶容量では 2^{10} 毎に補助単位がある.
 $2^{10} = 1,024 = 1Ki$
 $10^3 = 1,000 = 1k$