

SplayTree 与 AvlTree 的对比实验

1. 实验思路

根据实验要求，选则数据规模为 $n=1000$ ，查询次数为 $m=1000000$ ， $m/n=10^3$ ， k/n 取 0.5%，1%，10%，20%，50%，80%.

首先由 random 库随机生成长度为 1000，无重复元素的输入集，并插入到 avl 树及 splay 树中，随后对输入集进行排序，对二者在有序插入集中指定的连续数据范围的搜索时间进行测试。由于 splay 树每次测试后树的储存状态发生更新，因此对不同查找范围进行测试时需重置 splay 树。

本实验采用的 avl 树以及 splay 树代码来自 <https://github.com/BigWheel92/>

2. 实验数据

在 1. 的条件下，所测得的实验数据为

表 1 SplayTree 与 AvlTree 对比测试实验数据

k/n	时间 (μs)	
	SplayTree	AvlTree
0.5%	34070.3	38484.7
1%	41959.4	42731.8
2%	47137.2	42786.8
20%	74406.4	56610.3
50%	84352.8	63405.7
80%	90272.0	68056.4

3. 对实验结果的分析

两种数据结构的搜索时间增长趋势符合预期，即：Splay 树时间复杂度随 k/n 的增长快于 Avl 树，在 k/n 较小时，Splay 树优于 Avl 树， k/n 较大时则反之。观察发现，Splay 树仅在 k/n 小于 1%时优于 Avl 树， $k/n=1\%$ 时二者的时间成本已经较为接近。可能的原因是，由于程序级实现的不足，导致 top-down splay 树在 splay 的过程中资源消耗较严重，相比于简单高效的 avl 树查找操作，时间成本随 k/n 的增长速度较快。

4. 对 Splay 树的理解

在实际的信息处理场景中，刚刚被访问过的数据，极有可能再次被访问，若需要访问的数据在查找树中位于距离根节点较远的位置，则重复多次查询需要较高的时间复杂度。而 Splay 针对以上现象对查找算法做出调整，将每次被访问后的数据节点更新至根节点，使得键值与上一次访问的键值较为接近的数据节点（包括该节点本身）在下一次访问中可以较为容易地被查询到。

Splay 树由于其算法特性，在查找次数远大于数据规模、数据规模远大于查询范围时具有明显的优势，而在其他情况下，由于每次查询需要对查找树的结构进行调整，相比于 avl 树等静态查找树将不再有优势，实验数据在一定程度上说明了这一点。