# Corrigé

# Corrigé feuille exercices révision

```
[1]: import numpy as np import matplotlib.pyplot as plt
```

### Exercice 1 : Représentation binaire

Q1.

```
[2]: bin(213)
```

[2]: '0b11010101'

Conversion du binaire en décimal

```
[3]: int('0b11101',2)
```

[3]: 29

Conversion de l'hexadécimal vers le décimal

```
[4]: int('0xCA',16)
```

[4]: 202

Q2.

0.375 est représenté par 0.011 car  $0.375 = 0 + 0 \times 1/2 + 1 \times 1/4 + 1 \times 1/8$ 

Q3.

```
[5]: def binaire(n):
    L = []
    while n>0:
        L.append(n%2)
        n = n//2
    return L
```

```
[6]: binaire(213),bin(213)
```

```
[6]: ([1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1], '0b11010101')
```

Q4.

```
[7]: def octet(n):
    from math import log
    return int(log(n)/log(256))+1
```

```
[8]: n = 21354654
p = octet(n)
p, n<256**p, 256**(p-1)<=n
```

```
[8]: (4, True, True)
```

```
[9]: def octet(n):
    p = 1
    while n>256:
        n = n//256
        p += 1
    return p
```

```
[10]: n = 21354654
p = octet(n)
p, n<256**p, 256**(p-1)<=n
```

[10]: (4, True, True)

## Exercice 2 - Échantillonnage

Q1.

Une résolution de 16 bits donne  $2^{16} = 65536$  valeurs ce qui donne une précision de  $\frac{5}{2^{16}} = \frac{5}{65536}$ .

```
[11]: 5/2**16
```

[11]: 7.62939453125e-05

Q2.

On a 1000 mesures par seconde  $\times$  16 bits  $\times$  5 secondes = 80 000 bits soit 10 000 octets.

Q3.

L'échantillonnage correspond à 16~000 bits par seconde ce qui est compatible avec 127~000 bits par seconde.

**Q4**.

```
[12]: 127000/16
```

[12]: 7937.5

La liaison permet 7937 échantillons par seconde soit une fréquence d'échantillonnage de 7937 Hz.

### Exercice 3 - Calcul numérique

Q1.

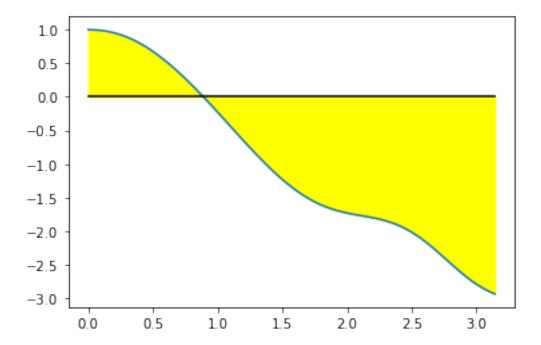
```
[13]: def trapz(f,a,b,n):
    pas = (b-a)/n
    I = 0
    for i in range(n):
        I += pas *(f(a+i*pas) + f(a+(i+1)*pas))/2
    return I
```

```
[14]: def f(t): return (np.cos(t**2)-t**3)/(1+t**2)
```

[15]: trapz(f,0,np.pi,20)

[15]: -3.0949580551501663

```
[16]: Lt = np.linspace(0,np.pi,100)
Ly = f(Lt)
plt.plot(Lt,Ly)
plt.plot(Lt,0*Lt,"k")
plt.fill_between(Lt, 0*Lt, Ly, color = 'yellow')
pass
```



**Q2**.

```
[17]: def dicho(f,a,b):
    while b-a>1e-5:
        m = (a+b)/2
        if f(m)*f(a)>0:
            a = m
        else:
            b = m
    return (a,b)
```

[18]: dicho(f,0,3)

[18]: (0.8892803192138672, 0.8892860412597656)

Q3.

```
[19]: def newton(f,fp,x0):
    x1 = x0 + 1e-3
    while abs(x1-x0)>1e-7:
        x1 = x0
        x0 = x0 - f(x0)/fp(x0)
    return x1
```

```
[20]: def fp(t): return -2*t*np.sin(t**2)/(1+t**2) - 3*t**2/(1+t**2) -2*t*f(t)/(1+t**2)
```

```
[21]: newton(f,fp,1.0)
```

[21]: 0.8892810752556453

### Exercice 4: Recherche dichotomique

Invariant de boucle : à chaque itération de la bouche While, on a « L[g] < val <= L[d] » pour trouver la première occurence de val.

```
[22]: def rechDicho(L,val):
    d = len(L)-1
    g = -1
    while d-g>1:
        m = (g+d)//2 # on veut obtenir un entier
        if L[m] < val :
            g = m # on garantit ainsi L[g]<val<= L[d]
        else:
            d = m
    if L[d] == val:
        return True,d
    else :
        return False,-1</pre>
```

```
[23]: rechDicho([0,0,1,1,1,1,2,3,3,4,5,6,8,9],1)
```

```
[23]: (True, 2)
```

[]:

#### Version récursive

```
[24]: def rechDichoRec(val,L,g,d):
    if d-g<=1:
        if L[d] == val:
            return True, d
        else:
            return False, -1
        m = (g+d)//2 # on veut obtenir un entier
    if L[m] < val :
        g = m # on garantit ainsi L[g]<val <= L[d]
    else:</pre>
```

```
d = m
return rechDichoRec(val,L,g,d)
```

```
[25]: L = [k for k in range(200)]
val = 35
rechDichoRec(val,L,0,len(L)),rechDichoRec(val+.5,L,0,len(L))
```

[25]: ((True, 35), (False, -1))

### Exercice 5 - SQL

Q1. La moyenne des populations des communes de France :

SELECT AVG(pop) FROM communes

Q2. Les communes de Loire-Atlantique :

SELECT \* FROM communes AS C JOIN departements AS D ON C.dep\_id = D.id WHERE D.nom
="Loire-Atlantique"

Les communes des Pays de la Loire :

SELECT \* FROM communes AS C JOIN departements AS D ON C.dep\_id = D.id JOIN regions AS R ON D.reg id = R.id WHERE R.nom = "Pays de la Loire"

Q3. Pour la (ou les) commune (s) la (les) moins peuplée(s), on utilise une sous-requête :

SELECT nom FROM communes WHERE pop = (SELECT MIN(pop) FROM communes)

Q4. Pour les 100 communes les plus peuplées, on ordonne les communes par population décroissante et on ne conserve que les 100 premières.

SELECT nom, pop FROM communes ORDER BY pop DESC LIMIT 100

**Q5.** Pour la moyenne de population des communes pour chaque département, on groupe les tuples par département pour calculer les moyennes :

SELECT D.nom, AVG(C.pop) AS Moyenne FROM communes AS C JOIN departements AS D ON C.dep\_id = D.id GROUP BY D.id

**Q6.** Pour les départements ayant une population totale supérieure à 1 million d'habitants, on ne conserve que les départements (groupes) ayant une population supérieure à 1 million :

SELECT D.nom, SUM(C.pop) AS Total FROM communes AS C JOIN departements AS D ON C.dep\_id = D.id GROUP BY D.id HAVING Total>1E6

Q7. Pour les départements ayant une population totale supérieure à la moyenne, on utilise deux sous-requêtes : une pour calculer les populations totales et une pour calculer la moyenne.

```
SELECT D.nom, SUM(C.pop) AS Total FROM communes AS C JOIN departements AS D ON C.dep_id = D.id GROUP BY D.id HAVING Total> (SELECT AVG(Total) FROM (SELECT D.nom, SUM(C.pop) AS Total FROM communes AS C JOIN departements AS D ON C.dep_id = D.id GROUP BY D.id) )
```

### Exercice 6 : Algorithme de Gauss

```
[26]: def recherchePivot(M,j):
         maxi = j
         n = len(M)
         for i in range(j,n):
             if abs(M[i,j])>abs(M[maxi,j]):
                 maxi = i
         return maxi
     def transvection(M,i,piv,alpha):
         p = len(M[0])
         for j in range(p):
             M[i,j] = M[i,j] + alpha*M[piv,j]
     def echange(M,i,k):
         p = len(M[0])
         for j in range(p):
             M[i,j], M[k,j] = M[k,j], M[i,j]
     def dilatation(M,i,alpha):
         p = len(M[0])
         for j in range(p):
             M[i,j] = alpha*M[i,j]
     def echelonne(M):
         n = len(M)
         for j in range(n):
             piv = recherchePivot(M,j) # plus grand pivot dans la colonne j
             echange(M,j,piv)
                                       # échange pivot et ligne courante
             for i in range(n):
                 if i != j:
                                        # transvections sur toutes les lignes
                     transvection (M,i,j,-M[i,j]/M[j,j])
                 dilatation(M,j,1/M[j,j])
         return M[:,-1]
[27]: M = [[1.0,2,1,3,4],[2,1,1,-1,1],[1,2,1,1,0],[3,1,2,3,1]]
     M = np.array(M)
[28]: echelonne(M)
[28]: array([ 8., 3., -16.,
                                2.])
[29]: M
[29]: array([[ 1.,
                     0.,
                           0., 0.,
                                       8.],
                                       3.],
             [ 0.,
                     1., 0., 0.,
                          1., 0., -16.],
             [ -0.,
                    -0.,
            [ 0.,
                     0.,
                           0.,
                               1.,
                                       2.]])
```

```
[30]: def transvection(M,i,piv,alpha):
         M[i] = M[i] + alpha*M[piv]
     def echange(M,i,k):
         \# M[i], M[k] = M[k], M[i] \# NE MARCHE PAS
         M[[i,k]] = M[[k,i]] # MARCHE !!! Notation spécifique de numpy appelée
      \rightarrow «advanced slicing».
     def dilatation(M,i,alpha):
         M[i] = alpha*M[i]
[31]: M = [[1.0,2,1,3,4],[2,1,1,-1,1],[1,2,1,1,0],[3,1,2,3,1]]
     M = np.array(M)
     М
[31]: array([[ 1., 2., 1., 3., 4.],
             [2., 1., 1., -1.,
                                   1.],
             [1., 2., 1., 1., 0.],
             [3., 1., 2., 3., 1.]
[32]: transvection(M, 1, 0, -2)
     М
[32]: array([[ 1., 2., 1., 3., 4.],
             [0., -3., -1., -7., -7.],
             [1., 2., 1., 1., 0.],
             [3., 1., 2., 3., 1.]])
[33]: dilatation(M,1,-1/3)
     М
[33]: array([[ 1.
                            2.
                                                      3.
                                                                   4.
                                         1.
                                                                             ],
             [-0.
                                         0.33333333,
                                                      2.33333333,
                                                                   2.33333333],
                            1.
             [ 1.
                            2.
                                         1.
                                                      1.
                                                                   0.
                                                                             ],
             [ 3.
                                                                             ]])
                            1.
                                         2.
                                                      3.
                                                                   1.
[34]: echange (M,0,1)
     М
[34]: array([[-0.
                            1.
                                         0.33333333, 2.33333333, 2.33333333],
             [ 1.
                            2.
                                         1.
                                                      3.
                                                                   4.
                                                                             ],
             [ 1.
                            2.
                                                      1.
                                                                   0.
                                                                             ],
                                         1.
             [ 3.
                                         2.
                                                      3.
                                                                   1.
                                                                             ]])
                            1.
[35]: echelonne(M)
[35]: array([ 8., 3., -16.,
                                2.])
[]:
```

#### Exercice 7: Tri Fusion

```
[36]: def fusion(L1,L2):
    """ on fusionne L1 et L2 en respectant l'ordre """
    nL = []
    i1, i2 = 0,0
    for k in range(len(L1)+len(L2)):
        if i2>= len(L2) or ( i1<len(L1) and L1[i1] < L2[i2] ):
            nL.append(L1[i1])
            i1 += 1
        else:
            nL.append(L2[i2])
            i2 += 1
    return nL</pre>
[37]: def tri_fusion(L):
```

```
[37]: def tri_fusion(L):
    if len(L) <=1: # cas de base si la liste contient un seul élément
        return L
    # sinon on trie récursivement les deux moitiés et on les fusionne
    L1 = tri_fusion(L[0:len(L)//2])
    L2 = tri_fusion(L[len(L)//2:])
    return fusion(L1,L2)</pre>
```

```
[38]: L=[1,5,4,65,4,2,6,4,2,3,4,5,65,654,47,532,1,351,35,4]
tri_fusion(L), len(L) == len(tri_fusion(L))
```

```
[38]: ([1, 1, 2, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 5, 5, 6, 35, 47, 65, 65, 351, 532, 654], True)
```

[]:

### Exercice 8 : Manipulation d'échantillons

```
[39]: Lt = np.linspace(0,10,180)
Ly = f(Lt)
```

Q1.

```
[40]: def valeurMoyenne(Lt,Ly):
    n = len(Lt) # nombre de points
    val = 0
    for i in range(n-1): # pour chaque intervalle
        val += (Lt[i+1] - Lt[i]) * (Ly[i] + Ly[i+1])/2
    return val/(Lt[-1]-Lt[0])
```

```
[41]: valeurMoyenne(Lt,Ly)
```

[41]: -4.704012893040506

```
[42]: def ecrire(nom_fichier,Lt, Ly):
          f = open(nom fichier, "wt")
          for i in range(len(Lt)):
              f.write(str(Lt[i])+"; "+str(Ly[i]) + "\n")
          f.close()
[43]: ecrire("listes.txt",Lt,Ly)
     Q3.
[44]: def lire(nom_fichier):
          f = open(nom_fichier,"rt")
          Lt, Ly = [], []
          for ligne in f:
              L=ligne.split(";")
              Lt.append(float(L[0]))
              Ly.append(float(L[1]))
          return Lt, Ly
[45]: Lt1,Ly1 = lire("listes.txt")
     Q4. Moyenne glissante
[46]: def moyenne(p,Lt,Ly):
          n = len(Ly)
          Lu=[]
          Lz=[]
          somme = 0
          for i in range(p-1):
              somme += Ly[i]
          for i in range(p,n):
              somme = somme + Ly[i]
              Lz.append(somme)
              somme -= Ly[i-p]
              Lu.append(Lt[i])
          return Lu, Lz
[47]: Lu,Lz = moyenne(4,Lt,Ly)
[48]: len(Lu), len(Lt)
```

### Exercice 9 : Fonction récursive

[48]: (176, 180)

```
for p in L:
                                     # pour chaque permutation des n-1 premiers
                  for k in range(n-1): # on place n en position k
                      nL.append( p[:k]+[n]+p[k:])
                  nL.append(p + [n]) # et on place n en dernière position
              return nL
[66]: len(permut(4))
[66]: 24
[67]: L = [0,1,2]
     L[:0]
[67]: []
[]:
     Exercice 10: Manipulation de listes
     Q1.
[68]: def zip(L1,L2):
         assert len(L1) == len(L2)
         L = []
         for k in range(len(L1)):
              L.append( [L1[k], L2[k]] )
         return L
[73]: L1 = [1,2,3,4,5,6]
      L2 = ["a","b","c","d","e","f"]
      zip(L1,L2)
[73]: [[1, 'a'], [2, 'b'], [3, 'c'], [4, 'd'], [5, 'e'], [6, 'f']]
     Q2.
[74]: def seuil1(L,s):
         i = 0
          while L[i] <s:
              i += 1
         return i
[75]: seuil1(L1,3)
[75]: 2
     Q3.
[76]: def seuil2(L,s):
          i = len(L)-1
         while L[i]>=s:
```

```
i -= 1
          return i
     Q4.
[77]: def seuilx(LP,s):
          L = []
          for k in range(len(LP)):
              if LP[k][0]>= s:
                  L.append(LP[k])
          return L
[78]: LP = [[1,2], [3,4], [1,3], [2,5]]
      seuilx(LP,2)
[78]: [[3, 4], [2, 5]]
     Q5.
[79]: def passage(L,s):
          res = []
          for k in range(len(L)-1):
              if L[k] < s <= L[k+1]:
                  res.append(k)
          return res
[80]: L3 = [1,2,3,4,3,2,1,2,3,4,5,6,5,4,3,2,1]
      passage(L3,3)
[80]: [1, 7]
     Q6.
[81]: def monotonie(L):
          croissant = L[0]< L[1]</pre>
          res = []
          i = 0
          while i < len(L) -1:
              if croissant and L[i]>L[i+1]: # ça devient décroissant
                   croissant = False
                  res.append(i)
              if not croissant and L[i]<L[i+1]: # ça devient croissant</pre>
                  croissant = True
                  res.append(i)
              i += 1
          return res
[82]: monotonie(L3)
[82]: [3, 6, 11]
 []:
```

[]: