Теория графов и её приложения Отчёт по проектному заданию

Козырев С. А., Куклин Д. В.

Факультет прикладной математики — процессов управления Санкт-Петербургский государственный университет

4 июня 2020 г.



Требовалось:



Требовалось:

1 построить граф дорог Российского города,



Требовалось:

- построить граф дорог Российского города,
- оценить удобство размещения зданий,



Требовалось:

- 1 построить граф дорог Российского города,
- оценить удобство размещения зданий,
- ③ спланировать размещение зданий.







- ① C++ , так как
 - большинство проектов написаны либо на С, либо на С++,



3/16

- ① C++ , так как
 - большинство проектов написаны либо на С, либо на С++,
 - среди остальных С++ является наиболее быстрым,



- ① C++ , так как
 - большинство проектов написаны либо на С, либо на С++,
 - среди остальных С++ является наиболее быстрым,
 - Python простой,



- ① C++ , так как
 - большинство проектов написаны либо на С, либо на С++,
 - среди остальных С++ является наиболее быстрым,
 - Python простой,
- 2 libosmium,



- ① C++ , так как
 - большинство проектов написаны либо на С, либо на С++,
 - среди остальных С++ является наиболее быстрым,
 - Python простой,
- 2 libosmium,
- 3 Нижний Новгород.



OSM Specification

Спецификация *OSM* определяет следующие структуры данных:

- Node (узел),
- Way (путь),
- Relation (отношение).



Извлечение карты



Рис.: Карта центра Нижнего Новгорода



Добавление путей

```
unordered_map < uint64_t, bool > marked {};
void way(const Way& w) noexcept {
    if (!w.has_key("highway")) { return; }
    for (const auto& node: w.nodes()) {
        if (marked.contains(node)) {
            marked[node] |= true;
        } else {
            marked.insert({ node, false });
```



Добавление путей

```
for (const auto& curr: way.nodes()) {
    if (curr != first && curr != last) {
        if (marked.at(curr)) {
            auto d = ...; // One-way or two-way.
            auto w = haversine(pred, curr);
            routes.add_edge({ pred, curr }, w, d);
            pred = &curr;
        }
    }
}
```



Расстояние между узлами

Расстояние между двумя узлами можно вычислить, используя формулу гаверсинуса

$$\eta(\Theta) = \eta(\varphi_2 - \varphi_1) + \cos(\varphi_1)\cos(\varphi_2)\eta(\lambda_2 - \lambda_1),$$

$$d = 2r\arcsin(\sqrt{\eta(\Theta)}),$$

где Θ — центральный угол, $\varphi_{1,2}$ — широты в радианах, $\lambda_{1,2}$ — высоты в радианах и $\eta(\theta)=\sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right)$ для произвольного угла θ .



Структура Node

```
struct Node {
private:
    using Angle = long double;

    uint64_t m_id = 0;
    Angle m_latitude = 0;
    Angle m_longitude = 0;
};
```



Структура Graph

```
struct Graph {
private:
    using Edge = pair < Node > ;
    using OutgoingEdges = unordered_map < Node,</pre>
                                              Distance >;
    using AdjList = unordered_map < Node,</pre>
                                       OutgoingEdges >;
    AdjList m_data {};
};
```



Структура Building

Для каждого здания на карте

- 1 вычисляем барицентр здания,
- находим ближайший к зданию узел дороги,
- ③ в структуре Building связываем со зданием найденный узел.



Структура Building

```
struct Building {
private:
    enum class Type {
        House,
        Facility
    };
    uint64_t m_id = 0;
    Type m_type;
    Angle m_latitude = 0;
    Angle m_longitude = 0;
    Node m_closest_node;
};
```



Структура Мар

```
struct Map {
    struct Path {
    private:
        Building m_from, m_to;
        Distance m_distance;
    };
    struct TracedPath: public Path {
    private:
        vector < Node > m_trace;
    };
private:
    vector < Building > m_buildings;
    Graph m_graph;
};
```



Проблема производительности

Очевидно, карта составляется долго.

Libosmium каждый раз производит чтение карты и заполнение структур.

Вопрос итоговой сложности является открытым, но любой желающий может получить на него ответ, изучив исходный код библиотеки.



Кэширование

Мы обошли проблему, применив кэширование к структуре Мар.

```
template < typename T>
bool serialize(fs::path& filename, T&& data) {
    std::ofstream binary { filename };
    boost::binary_oarchive archive { binary };
    archive << data;
    binary.close();
    return true;
}</pre>
```



Кэширование

```
template < typename T>
bool deserialize(fs::path& filename, T&& data) {
    if (!fs::exists(filename)) { return false; }
    std::ifstream binary { filename };
    boost::binary_iarchive archive { binary };
    archive >> data;
    binary.close();
    return true;
}
```

