<b>ATOM WODORU</b>

energia atomu wodoru (model Bohra)

$$E_{n} = -\frac{m_{\rm e} e^{4}}{8 \, \varepsilon_{0}^{2} \, h^{2}} \cdot \frac{1}{n^{2}}$$

## ОРТҮКА

równanie soczewki – zwierciadła	$\frac{1}{f} = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$
soczewka	$\frac{1}{f} = \left(\frac{n_{\text{socz}}}{n_{\text{otocz}}} - 1\right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right)$
zwierciadło	$f = \frac{R}{2}$
zdolność skupiająca	$Z = \frac{1}{f}$
kąt graniczny	$\sin \alpha_{\rm gr} = \frac{1}{n}$
kąt Brewstera	$tg \alpha_B = n$

FIZYKA V	VSPÓŁCZESNA
równoważność masy-energii	$E = mc^2 = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$
pęd relatywistyczny	$p = \frac{m_0 v}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$
dylatacja czasu	$\Delta t = \frac{\Delta t'}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$
energia fotonu	E = hv
pęd fotonu	$p = \frac{h}{\lambda}$
fala de Broglie'a	$\lambda = \frac{h}{p}$
zasada nieoznaczoności	$\Delta p_x  \Delta x \ge \frac{h}{4\pi}$
efekt fotoelektryczny	$hv = W + \left(\frac{mv^2}{2}\right)_{\text{max}}$
rozpad promieniotwórczy	$N = N_0 \ 2^{-\frac{t}{T_{1/2}}}$

HYDROSTATYKA		
siła parcia	F = p S	
ciśnienie hydrostatyczne	$p = \rho g h$	
siła wyporu	$F_{\rm wyp} = \rho  g  V$	

# ASTRONOMIA

III prawo Keplera  $\frac{T^2}{R_{\text{sr}}^3} = const$ 

STAŁE I	FIZYCZNE
Przyspieszenie ziemskie	$g \approx 9.81  \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2} \approx 10  \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$
Masa Ziemi	$M_Z \approx 5.98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$
Średni promień Ziemi	$R_{\rm Z} \approx 6370 \text{ km}$
Stała grawitacji	$G \approx 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}$ $N_A \approx 6,02 \cdot 10^{23} \frac{1}{\text{mol}}$ $V \approx 22,41 \frac{\text{dm}^3}{\text{mol}}$ $R \approx 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$
Liczba Avogadro	$N_{\rm A} \approx 6.02 \cdot 10^{23} \ \frac{1}{\rm mol}$
Objętość 1 mola gazu w warunkach normalnych	$V \approx 22,41 \frac{\text{dm}^3}{\text{mol}}$
Stała gazowa	$R \approx 8.31 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$
Stała Boltzmanna	$k_{\rm B} \approx 1.38 \cdot 10^{-23} \ \frac{\rm J}{\rm K}$
Przenikalność elektryczna próżni (stała elektryczna)	$k_{\rm B} \approx 1.38 \cdot 10^{-23} \frac{\rm J}{\rm K}$ $\varepsilon_0 \approx 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{\rm C^2}{\rm N \cdot m^2}$ $\left(\frac{1}{4\pi \varepsilon_0} = k \approx 8.99 \cdot 10^9  \frac{\rm N \cdot m^2}{\rm C^2}\right)$
Przenikalność magnetyczna próżni (stała magnetyczna)	$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\mathrm{N}}{\mathrm{A}^2}$
Prędkość światła w próżni	$c \approx 3,00 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$
Stała Plancka	$h \approx 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$
Ładunek elektronu	$e \approx 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Masa spoczynkowa elektronu	$m_{\rm e} \approx 9.11 \cdot 10^{-31}  \text{kg}$
Masa spoczynkowa protonu	$m_{\rm p} \approx 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Masa spoczynkowa neutronu	$m_{\rm n} \approx 1,68 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Jednostka masy atomowej	$u \approx 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

# PRZEDROSTKI

Mnożnik	10 <sup>9</sup>	10 <sup>6</sup>	10 <sup>3</sup>	10 <sup>2</sup>	10 <sup>1</sup>	$10^{-1}$	$10^{-2}$	$10^{-3}$	10 <sup>-6</sup>	$10^{-9}$	$10^{-12}$
Przedrostek	giga	mega	kilo	hekto	deka	decy	centy	mili	mikro	nano	piko
Oznaczenie	G	M	k	h	da	d	С	m	μ	n	p



materiały pomocnicze opracowane dla potrzeb egzaminu maturalnego i dopuszczone jako pomoce egzaminacyjne

RUCH	PROSTOLINIOWY
prędkość	$v(t) = v_0 + at$
droga	$s(t) = v_0 t + \frac{a t^2}{2}$
przyspieszenie	$\vec{a} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ ; $\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$
pęd	$\vec{p} = m  \vec{v}$
siła tarcia	$F_T = \mu F_N$
praca	$W = F s \cos \sphericalangle (\vec{F}, \vec{s})$
energia kinetyczna	$E_{\rm kin} = \frac{m v^2}{2}$
moc	$P = \frac{\Delta W}{\Delta t}$

wychylenie	$x(t) = A\sin(\omega t + \varphi)$
prędkość	$v_x(t) = A\omega\cos(\omega t + \varphi)$
przyśpieszenie	$a_x(t) = -A\omega^2 \sin(\omega t + \omega^2)$
siła	$F_x(t) = -mA\omega^2 \sin(\omega t + \omega^2)$
wahadło matematyczne	$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$
masa na sprężynie	$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$

RUCH PO OKRĘGU	
częstotliwość	$f = \frac{1}{T}$
prędkość kątowa	$\omega = \frac{\Delta \alpha}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$
przyspieszenie dośrodkowe	$a_d = \frac{v^2}{r}$
siła dośrodkowa	$F_d = \frac{m v^2}{r}$

GRAWITACJA		
siła	$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$	
natężenie pola	$\vec{\gamma} = \frac{\vec{F}_g}{m}$	
energia	$E_{\rm pot} = -G \frac{m_1 m_2}{r}$	
C	$E_{\text{pot}} = m g h  (\text{dla } h << R_z)$	
prędkości kosmiczne	$v_I = \sqrt{\frac{GM_z}{R_z}} \approx 7.9 \frac{\text{km}}{\text{s}}$	
	$v_{II} = \sqrt{\frac{2GM_z}{R_z}} \approx 11.2  \frac{\text{km}}{\text{s}}$	

# RUCH OBROTOWYprędkość<br/>kątowa $\omega(t) = \omega_0 + \varepsilon t$ kąt $\alpha(t) = \omega_0 t + \frac{\varepsilon t^2}{2}$ moment siły $M = F r \sin \sphericalangle (\vec{F}, \vec{r})$ moment<br/>bezwładności $I = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2$ moment pędu $J = I \omega$ przyspieszenie<br/>kątowe $\varepsilon = \frac{M}{I}$ energia $E_{\rm kin} = \frac{I \omega^2}{2}$

	FALE
długość	$\lambda = vT = \frac{v}{f}$
załamanie fali	$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin\alpha}{\sin\beta} = \frac{n_2}{n_1} = n_{2,1}$
siatka dyfrakcyjna	$n\lambda = d\sin\alpha$
poziom natężenia dźwięku	$L = 10 \log \frac{I}{I_0}$ $I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$
efekt Dopplera	$f = f_{ix} \frac{v \pm u_{ob}}{v \mp u_{ix}}$

siła sprężystości	$F_x = -k x$
energia	$E_{\rm pot} = \frac{k  x^2}{2}$
ELE	KTROSTATYKA
prawo Coulomba	$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2};  k = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0}$
natężenie pola	$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}  ; \qquad E = \frac{U}{d}$
energia	$E_{\text{pot}} = k \frac{q_1 q_2}{r}$
potencjał elektrostatyczny	$V = \frac{E_{\text{pot}}}{q}$
pojemność	$C = \frac{Q}{U}$ $C = \varepsilon_0 \varepsilon_r \frac{S}{d}$
kondensator płaski	$C = \varepsilon_0 \varepsilon_r \frac{S}{d}$
energia kondensatora	$W = \frac{CU^2}{2}$
łączenie kondensatorów	szeregowe $ \frac{I}{C_z} = \sum_{i=1}^{n} \frac{I}{C_i} $ równoległe $ C_z = \sum_{i=1}^{n} C_i $
Р	RĄD STAŁY
natężenie prądu stałego	$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$
prawo Ohma	U = R I
łączenie oporów	szeregowe $R_{z} = \sum_{i=1}^{n} R_{i}$ równoległe $\frac{1}{R_{z}} = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{R_{i}}$

 $R = \rho \frac{l}{S}$ 

 $I = \frac{\mathcal{E}}{R_{\rm z} + R_{\rm w}}$ 

P = IU

opór

moc

prawo Ohma dla obwodu

SPREŻYSTOŚĆ

POLE MAGNETYCZNE	
siła Lorentza	$F = q v B \sin \sphericalangle (\vec{v}, \vec{B})$
siła elektro- dynamiczna	$F = B I l \sin \sphericalangle (\vec{l}, \vec{B})$
strumień pola	$\Phi = BS \cos \lessdot (\vec{B}, \vec{S})$
przewód prostoliniowy	$B = \frac{\mu_0  \mu_r  I}{2  \pi  r}$
pojedynczy zwój	$B = \frac{\mu_0  \mu_r  I}{2  r}$
zwojnica	$B = \mu_0  \mu_{\rm r}  n \frac{I}{l}$
siła wzajemnego oddziaływania pomiędzy przewodami	$F = \frac{\mu_0 \mu_r  I_1 I_2  l}{2  \pi  r}$
SEM indukcji	$\mathcal{E} = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$
SEM samoindukcji	$\mathcal{E} = -L \frac{\Delta I}{\Delta t}$
indukcyjność zwojnicy	$L = \mu_0 \mu_{\rm r} n^2 \frac{\rm S}{l}$

PRĄD PRZEMIENNY		
SEM – prądnica	$\mathcal{E} = nBS\omega\sin\omega t$	
napięcie skuteczne	$U_{\rm sk} = \frac{U_{\rm max}}{\sqrt{2}}$	
natężenie skuteczne	$I_{\rm sk} = \frac{I_{\rm max}}{\sqrt{2}}$	
transformator	$\frac{U_1}{U_2} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{I_2}{I_1}$	
opór indukcyjny	$R_L = \omega L = 2\pi f L$	
opór pojemnościowy	$R_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$	
częstotliwość rezonansowa obwodu LC	$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$	
zawada	$Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$	