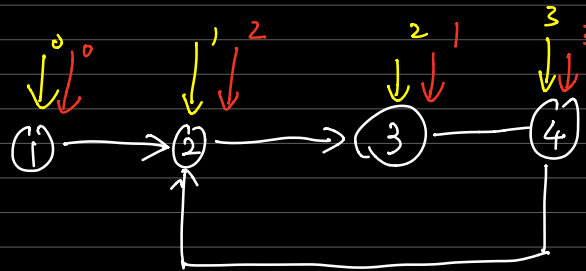


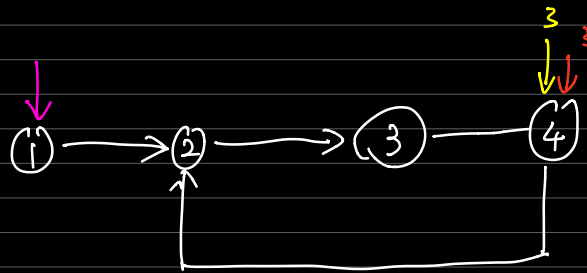
这是一个有用的算法，原地 ( $O(1)$ ) 且时间复杂度为  $O(n)$  用于在 linked 的图或线性结构，例如链表中判定是否存在环。此算法称为 Floyd 判圈或者 龟兔赛跑。

其有两种作用

1. 判定是否存在圈
2. 判定圈的入口

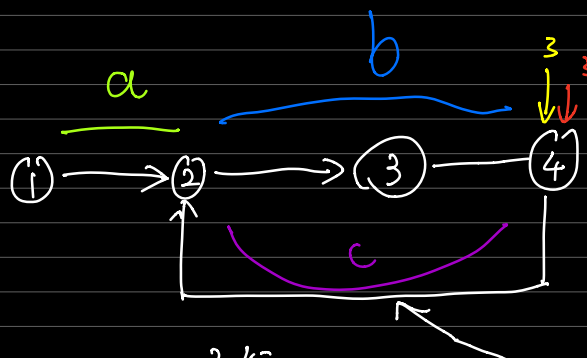


如上图为指针的移动顺序，设指针 1，1 次移动 1 位，指针 2，1 次移动两位，那么，如果存在圈，则两者一定会相遇，相当于另一指针相对多走了若干距离。



如上相遇时，从起点另行走一指针，那么其和指针 1 会在入口相遇。

证明如下：



或

如上三个距离, 当 **指针** 和 **指针** 相遇时, 有

$$slow = (a+b)$$

$$fast = a + n(b+c) + b$$

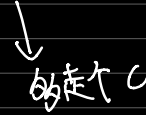
因此  $2(a+b) = a + n(b+c) + b$

$$a = n(b+c) - b$$

$$= (n+1)(b+c) + c$$



走了n圈



的走个c

a 的距离

另外两指针

就会走n+1

圈, 再多走

c, 刚刚

好会落在

相遇点, (即

走了c的距离)

此种方法可用在其他变种上

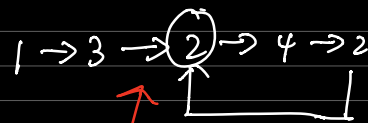
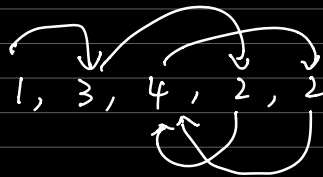
例287 寻找重复数: 给定一个  $n+1$  个整数的数组, 其数字在  $1 \sim n$  之间, 只有一重复数字, 找出这个数

$nums = [1, 3, 4, 2, 2]$        $ans \Rightarrow 2$

$nums = [3, 1, 3, 4, 2]$        $ans \Rightarrow 3$

两种思路:  $[sort(nums) \rightarrow search]$

另一种思路则是利用图



利用判圈算法找到该环即可