

KMP 算法

KMP 算法是为了加速字符串匹配的算法，其有一核心为 next 数组

index	0	1	2	3	4	5	6	7
模式串:	a	b	a	b	a	b	c	a
next	-1	0	0	1	2	3	4	0

含义 next 数组含义: $next[i]$ 表示第 i 位匹配失败后 jump 到的 index, 比如

$$\begin{array}{cccccccc} a & b & a & b & a & b & c & a \\ a & b & a & b & a & b & c & a \end{array}$$

j 和 i 无法匹配了 $j = next[j]$

↓

$$\begin{array}{cccccccc} a & b & a & b & a & b & c & a \\ a & b & a & b & a & b & c & a \end{array}$$

因为红色这两段一样, 所以可以平移过去不用再匹配.

如上我们可以知, 其实际含义就是前缀相同的最大长度

"字符串是从左往右读的", 根据上面规律, 我们可以求得 next

abababca

⇒ abababca

↑
假设 b 匹配失败了, 如在

$$\begin{array}{cccc} \underline{ab} & \underline{ab} & \underline{ab} & \underline{ca} \\ \underline{aba} & \underline{aba} & \underline{aba} & \underline{baca} \end{array}$$

显然 abab-baba 不可以平移, 而 aba-aba 可以平移, 所以为 3

当然 a 也是可以的不过因为可以选择更长的 3, 就不使用 1 了.

注意 这个 x 为失败

快速生成 next 的方法:

其实其思路就是自己和自己匹配.

next[0] = -1 恒定.
next[1] = 0

a b ^x a b a b c a
a b a b a b c a
x

next[2] = 0

a b a ^x b a b c a
a b a b a b c a
→ x x a b a b a b c a

next[3] = 1

a b a b a ^x b c a
a b a b a b c a
→ a b a b a b c a

next[4] = 2

next[5] = 3

next[6] = 4

为什么不用移动, 因为已经匹配了, 能够平移

a b a b a b c ^x a
→ a b a b a b c a
没能两两对 c

next[7] = 0

到这里就已经结束了. 总结算法

begin i = 1 :

next[0] = -1

next[1] = 0

无法两两对 j = 0

a b a b a b c a

next[i] = 0 无法两两对

if (s[i] != s[j])

⇒ next[i] = 0
j = 0

i = 2

a b a b a b c a
↓ ↓
a b a b a b c a

if (s[i] == s[j])

a b a b a b c a $\Rightarrow \text{next}[i] = j$
 $\uparrow \quad \quad \quad \uparrow$
 $j \quad \quad \quad j$

if (s[i] != s[j])
 $\quad \quad \quad j = \text{next}[j]$

按照上面的思想递归, 可知从p的next

数组的代码如下 (Java/C++)

```

int i = 1, j = 0;
int[] next = new int[s.length];
next[0] = -1; next[1] = 0;
while (i < s.length) {

```

j = -1 时同样是往下找, 否则会报错, 找到 -1 意味着无法

匹配
 || j = -1
 ✓

```

    if (s.charAt(i) == s.charAt(j)) {
        next[i] = j;
        i++;
        j++;
    }

```

```

    } else {

```

```

        j = next[j];

```

```

    }

```

```

}

```