

## PROBLEMA 4:

### Cálculo de mediana de dos vectores del mismo tamaño ordenados de forma ascendente

Sean  $X$  e  $Y$  dos vectores de tamaño  $n$ , ordenados de forma no decreciente. Se necesita implementar un algoritmo para calcular la mediana de los  $2n$  elementos que contienen  $X$  e  $Y$ . Recuerde que la mediana de un vector de  $k$  elementos es aquel elemento que ocupa la posición  $(k+1) \div 2$  una vez el vector está ordenado de forma creciente. Dicho de otra forma, la mediana es aquel elemento que, una vez ordenado el vector, deja la mitad de los elementos a cada uno de sus lados. Como en este caso  $k = 2n$  (y por tanto par) se busca el elemento en posición  $n$  de la unión ordenada de  $X$  e  $Y$

#### TÉCNICA: Divide y Vencerás

#### Cálculo de Complejidad

NOTA: Se calculará la complejidad de la función que calcula la mediana únicamente, las demás operaciones de impresión o acceso a una posición en el arreglo se consideran despreciables

#### FUNCIÓN:

```
template <class T>
```

```
T Media<T>::twoArrayMedian(T arr_a[], T arr_b[], int n)
```

No.	Instrucción	Operaciones Elementales	Ciclo	Veces	Total Simplificado
1	if(n<=0){	2	1	1	2

Carla Pérez Gavilán Del Castillo, A01023033

17 de abril de 2020

Prof. Vicente Cubells

Análisis y Diseño de Algoritmos

2	return -1;	0	0	0	0
3	if(n==1){	1	1	1	1
4	return (arr_a[0]+arr_b[0])/2;	4	1	1	4
5	if(n==2){	1	1	1	1
6	return (std::max(arr_a[0],arr_b[0])+std::min(arr_a[1], arr_b[1]))/2;	5 **	1	1	5
7	int median_a = getMedian(arr_a, n);	**Ver cálculo de complejidad de la función abajo			9
8	int median_b = getMedian(arr_b, n);				9
9	if(median_a==median_b){	1	1	1	1
10	return median_b;	1	1	1	1
11	if(median_a>median_b){	1	1	1	1

Carla Pérez Gavilán Del Castillo, A01023033

17 de abril de 2020

Prof. Vicente Cubells

Análisis y Diseño de Algoritmos

12	if(n%2==0){	2	2	2	2
13	return twoArrayMedian(arr_a + n / 2 - 1, arr_b, n - n / 2 + 1);	cada vez que llamamos la función de forma recursiva dividimos el arreglo en dos por lo tanto consideramos **ver demostración abajo			$\log_2(n)$
14	return twoArrayMedian(arr_b + n / 2, arr_a, n - n / 2);				$\log_2(n)$
<b>COMPLEJIDAD TOTAL</b>		Peor de los casos			$T(n) = 24$
		Mejor de los casos			$T(n) = 36 \log_2(n)$

\*\*Nota: consideramos las funciones max y min de la std despreciables.

FUNCIÓN AUXILIAR:

**template <class T>**

**T Media<T>::getMedian(T sort\_vect[], int n)**

	Instrucción	Operaciones Elementales	Veces	Ciclos	Total Simplificado
1	if(n%2==0){	2	2	2	2

Carla Pérez Gavilán Del Castillo, A01023033

17 de abril de 2020

Prof. Vicente Cubells

Análisis y Diseño de Algoritmos

2	return (sort_vect[n/2]+sort_vect[n/2+1])/2;	7	7	7	7
3	return sort_vect[n/2];	2	2	2	2
Peor Caso		9	Mejor caso		4

## DEMOSTRACIÓN DE LLAMADA RECURSIVA

\*\* para poder comprender el comportamiento general de la recursividad nos fijamos en la variable n de forma recursiva.

$$T(a, b, 0) = -1$$

$$T(a, b, 1) = a[0] + b[0]/2$$

$$T(a, b, 2) = \max(a[0], b[0]) + \min(a[1], b[1])/2$$

$$T(a, b, 3) = T(a, b, 1) = a[0] + b[0]/2$$

$$T(a, b, 4) = T(a, b, 3) = a[0] + b[0]/2$$

Por lo tanto si consideramos lo siguiente:

$$n - n/2 = n(1 - 1/2) = n(1/2)$$

considerando que el más uno por ser constante es despreciable, veremos que la complejidad de la función es logarítmica

## CÁLCULO DE COTA ASINTÓTICA

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{36 \cdot \log_2(n)}{\log_2(n)} = 36$$

Como el resultado es una constante sabemos que pertenecen al mismo orden de complejidad:

$$O(n) = \log_2(n)$$