

# KONTINUASJONSEKSAMEN I FAG 45011

## ALGORITMER OG DATASTRUKTURER

Mandag 10. august 1992 kl. 09.00–13.00

Faglig kontakt under eksamen: Bård Kjos, tlf. 3470

Alle trykte og håndskrevne hjelpemidler tillatt.

Godkjent lommekalkulator tillatt.

Merk: Alle svar skal skrives i de angitte feltene på oppgavearket. Korte konsise svar honoreres.

### Oppgave 1 (30%)

Gi begrunnede ja/nei-svar på følgende påstander:

a) (10%)

$$f(n) + o(f(n)) = O(f(n))$$

b) (10%)

Ved bruk av “kokebokmetoden” (Master Theorem) på rekursjonen  $T(n) = 3T(n/3) + O(\log n)$  får vi  $T(n) = \Theta(n \log n)$

c) (10%)

Det  $\log n$ 'te største/minste av  $n$  usorterte heltall kan ubetinget bestemmes i  $O(n)$  tid.

### Oppgave 2 (20%)

Gitt en urettet graf  $G = (V, E)$  der alle kanter i  $E$  har en gitt kostnad knyttet til seg.

Beskriv kort og punktvis en algoritme som finner et spennetre  $S$ , slik at kostnaden til den dyreste kanten som blir med i  $S$  minimaliseres. (Den totale kostnaden for  $S$  er uvesentlig.)

### Oppgave 3 (25%)

Fletting som ledd i sortering utføres normalt på 2 lister. Følgende rekursive sorteringsalgoritme benytter p-veis fletting istedet for 2-veis fletting:

```
SORT(A)
  if A har lengde 1 then return;
  Del A i p like lange sub-arrayer  $A_1, A_2, \dots, A_p$ ;
  SORT( $A_1$ ); SORT( $A_2$ ); ... ; SORT( $A_p$ );
  p-veis-fletting( $A_1, A_2, \dots, A_p$ );
end;
```

a) (15%)

Finn en rekursiv formel  $T(n)$  for tidsforbruket til  $\text{SORT}(A)$ , der  $n$  er lengden på arrayet  $A$ . Hvert ledd som inngår i  $T$  skal forklares/begrunnes.

b) (10%)

Ta stilling til (med kort og presis begrunnelse) om det vil være noen forskjell på om  $p$  er konstant eller om  $p$  gjøres avhengig av  $n$ .

## Oppgave 4 (25%)

I en *unimodal* sekvens av heltall  $(a_0, a_1, \dots, a_{n-1})$  finnes en  $t$  slik at  $(a_t, a_{t+1}, \dots, a_{t+n-1})$  først øker strengt monotont for deretter å avta strengt monotont. Indeksene er beregnet modulo  $n$ .

Eksempler på unimodale sekvenser med  $n = 6$  og h.h.v.  $t = 0$ ,  $t = 2$ , og  $t = 4$ :  $(1, 3, 8, 5, 2, 0)$ ,  $(2, 0, 1, 3, 8, 5)$ ,  $(8, 5, 2, 0, 1, 3)$ .

Sekvensen  $(3, 4, 5, 5, 4, 6, 7, 12)$  er eksempelvis ikke unimodal.

a) (15%)

Beskriv kort og punktvist med tekst/figurer en mest mulig effektiv algoritme som finner den (eneste) største verdien i en vilkårlig unimodal sekvens. Merk at det antas gitt at sekvensen er unimodal.

b) (10%)

Angi  $A$ 's tidsforbruk med  $\Theta$ -notasjon.