

### Question 1: Sorteringsalgoritmer

Riktig. Den beste strategien som garantert fungerer er å sortere på  $n \log(n)$  tid, og så iterere gjennom.

Vi har en usortert liste med  $n$  elementer, og vi ønsker å finne ut hvor mange unike tall det er i listen. Etter algoritmene vi har lært til og med forelesningen om splitt og hersk, hva er den raskeste kjøretiden vi kan garantere for dette problemet (den beste worst-case kjøretiden)?

- ☐  $\Theta(\log \log n)$
- ☐  $\Theta(n^2)$
- ☐ Ingen av alternativene stemmer
- ☐  $\Theta(n)$
- ☐  $\Theta(n\sqrt{n})$
- ☒  $\Theta(n \log n)$
- ☐  $\Theta(\log n)$
- ☐  $\Theta(\sqrt{n})$

### Question 2: Sorteringsalgoritmer

Denne oppgaven handler om quicksort og mergesort. Med "sorteringsarbeid" menes her den faktiske flyttingen av tall som en sorteringsalgoritme gjør. Hvilket av følgende alternativ er sant?

- ☐ Mergesort gjør sorteringsarbeidet før det rekursive kallet, mens quicksort gjør det etterpå
- ☐ Begge algoritmene gjør sorteringsarbeidet etter det rekursive kallet
- ☐ Begge algoritmene gjør sorteringsarbeidet før det rekursive kallet
- ☒ Quicksort gjør sorteringsarbeidet før det rekursive kallet, mens mergesort gjør det etterpå

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

## For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

### Question 3: Sorteringsalgoritmer

La liste  $A$  være en liste sortert i stigende rekkefølge, og  $B$  en liste sortert i synkende rekkefølge. Hvilken påstand stemmer da om kjøretiden til Quicksort?

- ☐ Begge har kjøretid  $\Theta(n^2)$
- ☒ Kjøretid for liste  $A$  er  $\Theta(n^2)$  og for liste  $B$  er kjøretiden  $\Theta(n \log n)$
- ☐ Begge har kjøretid  $\Theta(n \log n)$
- ☐ Kjøretid for liste  $B$  er  $\Theta(n^2)$  og for liste  $A$  er kjøretiden  $\Theta(n \log n)$

### Question 4: Sorteringsalgoritmer

Riktig. Merge sort har  $O(n)$  ekstra minneforbruk, mens quicksort har  $O(\log n)$  i average case.

Hvilken av algoritmene forbruker mest ekstra minne i average case?

- ☒ Merge sort
- ☐ Quicksort

### Question 5: Sorteringsalgoritmer

All input kan gi worst-case kjøretid for randomized-quicksort

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

👤 Classroom : Default classroom

## For evaluation

📄 Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

### Question 5: Sorteringsalgoritmer

All input kan gi worst-case kjøretid for randomized-quicksort

- ☒ Sant  
☐ Usant

### Question 6: Substitusjonsmetoden

Du ønsker å teste om kjøretiden til fire ulike, rekursive algoritmer er  $O(n^2)$  ved hjelp av substitusjonsmetoden. Først setter du opp rekurrenser for algoritmene, og så forutsetter du for hver av dem den induktive hypotesen at  $T(n) \leq c \cdot n^2$ . Etter å ha gjennomført substitusjonsmetoden for hver av rekurrensene får du resultatene

$$T_1(n) \leq c \cdot n^2 - 5n$$

$$T_2(n) \leq c \cdot n^2 + 5n$$

$$T_3(n) \leq c \cdot n^2 + 1$$

$$T_4(n) \leq c \cdot n^2 - 1$$

Hvilke(n) av algoritmene har du greid å bevise at har kjøretid  $O(n^2)$ ? Anta at grunntilfellene i den matematiske induksjonen også stemmer.

- ☐  $T_2$   
☐  $T_3$   
☒  $T_4$

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

👤 Classroom : Default classroom

## For evaluation

📄 Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

ChromeFilEndreVisningLoggBokmerkerPersonerVinduHjelp

Marci xE-po xTDT xQueu xBlog xjavas xPage xBb eLS xØving xIkke x

Sikkerhttps://inginius.idi.ntnu.no/course/TDT4120/03t

Question 6: Substitusjonsmetoden

Du ønsker å teste om kjøretiden til fire ulike, rekursive algoritmer er  $O(n^2)$  ved hjelp av substitusjonsmetoden. Først setter du opp rekurrenser for algoritmene, og så forutsetter du for hver av dem den induktive hypotesen at  $T(n) \leq c \cdot n^2$ . Etter å ha gjennomført substitusjonsmetoden for hver av rekurrensene får du resultatene

$$T_1(n) \leq c \cdot n^2 - 5n$$
$$T_2(n) \leq c \cdot n^2 + 5n$$
$$T_3(n) \leq c \cdot n^2 + 1$$
$$T_4(n) \leq c \cdot n^2 - 1$$

Hvilke(n) av algoritmene har du greid å bevise at har kjøretid  $O(n^2)$ ? Anta at grunntilfellene i den matematiske induksjonen også stemmer.

☐  $T_2$

☐  $T_3$

☒  $T_4$

☒  $T_1$

Question 7: Master-teoremet

La  $T(n) = 27 \cdot T(n/3) + n^3$ . Hvilket tilfelle tilhører rekurrensen når du benytter master-teoremet?

Deler skjermbilde

En kobling til skjermbildet ble kopiert til utklippstavlen.

Lukk

Vis i Finder

Information

Author(s)

Deadline14/09/2018 16:00:00

StatusSucceeded

Grade93.33%

Grading weight1.0

Attempts1

Submission limit1 submissions

Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

### Question 7: Master-teoremet

La  $T(n) = 27 \cdot T(n/3) + n^3$ . Hvilket tilfelle tilhører rekurrensen når du benytter master-teoremet?

- ☒ Case 2
- ☐ Ingen av dem
- ☐ Case 1
- ☐ Case 3

### Question 8: Master-teoremet

La  $T(n) = 27 \cdot T(n/3) + n^3$ . Hva blir kjøretiden?

- ☐  $\Theta(n^4 \log n)$
- ☐  $\Theta(n^4)$
- ☒  $\Theta(n^3 \log n)$
- ☐  $\Theta(n^3)$

### Question 9: Master-teoremet

La  $T(n) = 4 \cdot T(n/2) + n^3$ . Hva blir kjøretiden?

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

## For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

### Question 9: Master-teoremet

La  $T(n) = 4 \cdot T(n/2) + n^3$ . Hva blir kjøretiden?

- ☒  $\Theta(n^3)$
- ☐  $\Theta(n^2)$
- ☐  $\Theta(n^3 \log n)$
- ☐  $\Theta(n^4)$

### Question 10: Rekursjonstrær

Her er det den lengste grenen som bestemmer høyden. Denne er gitt av det dominerende leddet  $T(n-1)$ .

La  $T(n) = T(n/3) + T(n/2) + T(n-1) + 1$  der  $T(1) = 1$ . Hva blir høyden til rekursjonstreet?

- ☐  $\Theta(\log n)$
- ☒  $\Theta(n)$
- ☐  $\Theta(n \log n)$
- ☐  $\Theta(n^2)$

### Question 11: Variabelskifte

Bruk substitusjonen  $m = \log(n)$  og  $S(m) = T(2^m)$ . Løs  $S(m)$  med masterteoremet og bytt tilbake variabler for å finne  $T(n)$ .

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

## For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

### Question 11: Variabelskifte

Bruk substitusjonen  $m = \log(n)$  og  $S(m) = T(2^m)$ . Løs  $S(m)$  med masterteoremet og bytt tilbake variabler for å finne  $T(n)$ .

Løs rekurensen gitt ved  $T(n) = T(\sqrt{n}) + n$  ved hjelp av variabelskifte. Hva blir kjøretiden?

Hint:  $\sqrt{n}$  er det samme som  $n^{\frac{1}{2}}$ .

- ☒  $\Theta(n)$
- ☐  $\Theta(\log \log n)$
- ☐  $\Theta(n \log n)$
- ☐  $\Theta(\log n)$

### Question 12: Kjøretidsanalyse

Funksjonen `gjoerNoe(n)` under har kjøretid  $\Theta(n)$ . Hva blir kjøretiden til funksjonen `f1(n)`?

Hint: Sett opp to rekurrenser  $T_1(n)$  og  $T_2(n)$  og finn først en løsning på lukket form for  $T_1(n)$ .

```
function f1(n)
  gjoerNoe(n)
  if n > 1
    f1(n / 2)
```

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

## For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%



Deler skjermbilde

En kobling til skjermbildet ble kopiert til utklippstavlen.

Lukk

Vis i Finder

## Question 12: Kjøretidsanalyse



Funksjonen `gjoerNoe(n)` under har kjøretid  $\Theta(n)$ . Hva blir kjøretiden til funksjonen `f1(n)` ?

Hint: Sett opp to rekurrenser  $T_1(n)$  og  $T_2(n)$  og finn først en løsning på lukket form for  $T_1(n)$ .

```
function f1(n)
  gjoerNoe(n)
  if n > 1
    f1(n / 2)
    f2(n - 2)
  end
end

function f2(n)
  gjoerNoe(n)
  if n > 1
    f1(n / 2)
  end
end
```

- ☒  $\Theta(n \log n)$
- ☐  $\Theta(\log n)$
- ☐  $\Theta(n^2)$
- ☐  $\Theta(n)$

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

- > Sander Bjerklund Lindberg
- Classroom : Default classroom

## For evaluation

- i Best submission
- > 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

- 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%




Sett opp en rekurrens for  $f_3$ . En egnet måte å løse den på er iterasjonsmetoden.

```
function f3(n)
    if n > 42
        f3(n - 42)
        f3(42)
    end
end
```

- ### Question 14: Kjøretidsanalyse

Sett opp en rekurrens for f4. For-løkken tar lineær tid.


**Deler skjermbilde**  
 En kobling til skjermbildet ble kopiert  
 til utklippstavlen.

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

➤ **Sander Bjerklund Lindberg**

👤 Classroom : Default classroom

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

Deler skjermbilde  
En kobling til skjermbildet ble kopiert til utklippstavlen.

Lukk

Vis i Finder

# Question 14: Kjøretidsanalyse

Sett opp en rekurrens for f4. For-løkken tar lineær tid.

Hva blir kjøretiden til funksjonen f4(n) ? println tar konstant tid.

```

function f4(n)
  for i in 1:n
    println("Algdat ruler!")
  end

  if n > 1
    f4(3/4* n)
    f4(1/4* n)
  end
end
    
```

- ☒  $O(n \log n)$
- ☐  $O(1)$
- ☐  $O(n^2)$
- ☐  $O(\log n)$
- ☐  $O(n)$

# Question 15: Kjøretidsanalyse

Her hjelper det å huske på at små konstantledd kan ignoreres.

## Information

Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

## Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

## For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

## Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

# Question 15: Kjøretidsanalyse

Her hjelper det å huske på at små konstantledd kan ignoreres.

Funksjonen `gjoerNoeAnnet(n)` under har kjøretid  $\Theta(n^2)$ . Hva blir kjøretiden til funksjonen `f5(n)` ?

```
function f5(n)
  gjoerNoeAnnet(n/6)

  if n > 1
    f5(n/2 - 2)
    f5(n/2 - 3)
  end
end
```

- ☐  $O(n^2 \log n)$
- ☐  $O(\log n)$
- ☒  $O(n^2)$
- ☐  $O(n \log n)$
- ☐  $O(n)$

You have reached the submission limit.

Deler skjermbilde  
En kobling til skjermbildet ble kopiert til utklippstavlen.

Lukk

Vis i Finder

Information	
Author(s)	
Deadline	14/09/2018 16:00:00
Status	Succeeded
Grade	93.33%
Grading weight	1.0
Attempts	1
Submission limit	1 submissions

Submitting as

> Sander Bjerklund Lindberg

Classroom : Default classroom

For evaluation

i Best submission

> 13/09/2018 10:54:43 - 93.33%

Submission history

13/09/2018 10:54:43 - 93.33%