

Отчет по лабораторной работе №3

Модель боевых действий

Дмитрий Сергеевич Шестаков

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Теоретическое введение	7
4	Выполнение лабораторной работы	9
4.1	Реализация на Julia	9
4.2	Реализация на Openmodelica	13
5	Выводы	16
6	Список литературы	17

Список иллюстраций

4.1	Модель боевых действий №1(Julia)	11
4.2	Модель боевых действий №2(Julia)	13
4.3	Модель боевых действий №1(Openmodelica)	14
4.4	Модель боевых действий №2(Openmodelica)	15

Список таблиц

1 Цель работы

Изучить и отработать навыки работы с языками программирования Julia и Openmodelica. Освоить основные библиотеки данных языков для решения дифференциальных уравнений и построения графиков. Закрепить на практике полученные знания. Решить математическую задачу моделирования боевых действий.

2 Задание

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями $x(t)$ и $y(t)$. В начальный момент времени страна X имеет армию **39800**, а в распоряжении страны Y армия численностью **21400** человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a, b, c, h постоянны. Также считаем $P(t)$ и $Q(t)$ непрерывные функции.

Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Y для следующих случаев:

1. Модель боевых действий между регулярными войсками.

$$\begin{aligned}\frac{dx}{dt} &= -0.42x(t) - 0.68y(t) + \sin(5t + 1) \\ \frac{dy}{dt} &= -0.59x(t) - 0.43y(t) + \cos(5t + 2)\end{aligned}$$

2. Модель ведения боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов.

$$\begin{aligned}\frac{dx}{dt} &= -0.301x(t) - 0.7y(t) + \sin(20t) + 1 \\ \frac{dy}{dt} &= -0.502x(t)y(t) - 0.4y(t) + \cos(20t) + 1\end{aligned}$$

3 Теоретическое введение

Julia — высокоуровневый высокопроизводительный свободный язык программирования с динамической типизацией, созданный для математических вычислений. Эффективен также и для написания программ общего назначения. Синтаксис языка схож с синтаксисом других математических языков (например, MATLAB и Octave), однако имеет некоторые существенные отличия. Julia написан на Си, C++ и Scheme. Имеет встроенную поддержку многопоточности и распределённых вычислений, реализованные в том числе в стандартных конструкциях.[1]

OpenModelica — свободное открытое программное обеспечение для моделирования, симуляции, оптимизации и анализа сложных динамических систем. Основано на языке Modelica. Активно развивается Open Source Modelica Consortium, некоммерческой неправительственной организацией. Open Source Modelica Consortium является совместным проектом RISE SICS East AB и Линчёпингского университета. По своим возможностям приближается к таким вычислительным средам как Matlab Simulink, Scilab xCos, имея при этом значительно более удобное представление системы уравнений исследуемого блока.[2]

Законы Ланчестера (законы Осипова — Ланчестера) — математическая формула для расчета относительных сил пары сражающихся сторон — подразделений вооруженных сил. В статье «Влияние численности сражающихся сторон на их потери», опубликованной журналом «Военный сборник» в 1915 году, генерал-майор Корпуса военных топографов М. П. Осипов описал математическую модель глобального вооружённого противостояния, практически применяемую в

военном деле при описании убыли сражающихся сторон с течением времени и, входящую в математическую теорию исследования операций, на год опередив английского математика Ф. У. Ланчестера. Мировая война, две революции в России не позволили новой власти заявить в установленном в научной среде порядке об открытии царского офицера. Уравнения Ланчестера — это дифференциальные уравнения, описывающие зависимость между силами сражающихся сторон A и D как функцию от времени, причем функция зависит только от A и D . [4]

4 Выполнение лабораторной работы

Для моделирования данной задачи используем языки Julia и Openmodelica и пакеты DifferentialEquations, Plots.

4.1 Реализация на Julia

```
using DifferentialEquations
using Plots

function ode_fn(du, u, p, t)
    x, y = u
    du[1] = -0.42*x - 0.68*y + sin(5*t+1)
    du[2] = -0.59*x - 0.43*y + cos(5*t+2)
end

t_begin = 0.0
t_end = 1.5
tspan = (t_begin, t_end)

#Initial condition
x_init = 39800
y_init = 21400
```

```

prob = ODEProblem(ode_fn, [x_init, y_init], tspan)

sol = solve(prob, Tsit5(), reltol=1e-8, abstol=1e-8)
x_sol = [u[1] for u in sol.u]
y_sol = [u[2] for u in sol.u]

plot(sol.t, x_sol,
      linewidth=2,
      title = "Модель боевых действий №1",
      xaxis="Время",
      yaxis="Численность армий",
      label="Армия X",
      legend=true)

plot!(sol.t, y_sol,
      linewidth = 2,
      label = "Армия Y",
      legend = true)
savefig("report/image/Model_1.png")

```

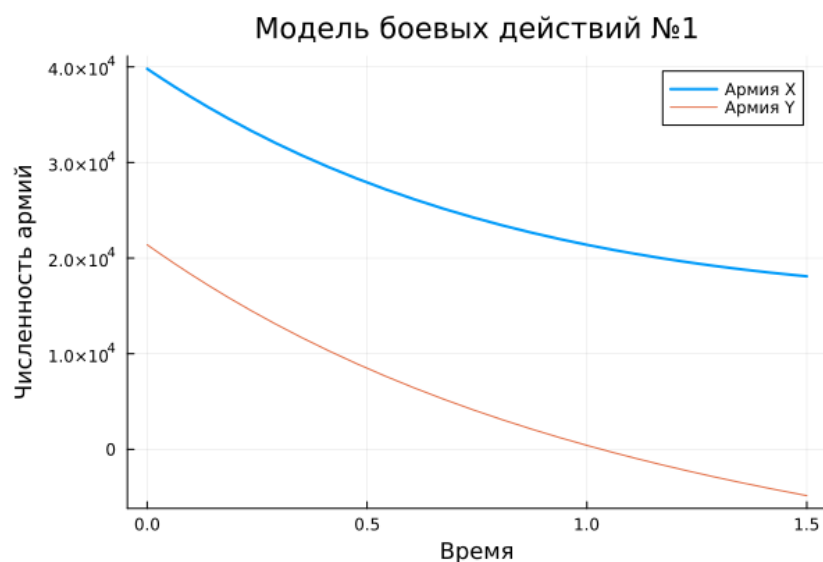


Рис. 4.1: Модель боевых действий №1(Julia)

```
function ode_fn_1(du, u, p, t)
    x, y = u
    du[1] = -0.301*x - 0.7*y + sin(20*t) + 1
    du[2] = -0.502*x*y - 0.4*y + cos(20*t) + 1
end

t_begin = 0.0
t_end = 0.001
tspan = (t_begin, t_end)

#Initial condition
x_init = 39800
y_init = 21400

prob1 = ODEProblem(ode_fn_1, [x_init, y_init], tspan)

sol1 = solve(prob1, Tsit5(), reltol=1e-16, abstol=1e-16)
```

```

x_sol_1 = [u[1] for u in sol1.u]
y_sol_1 = [u[2] for u in sol1.u]

plot(sol1.t, x_sol_1,
      linewidth=2,
      title = "Модель боевых действий №2",
      xaxis="Время",
      yaxis="Численность армий",
      label="Армия X",
      legend=true)

plot!(sol1.t, y_sol_1,
      linewidtht = 2,
      label = "Армия Y",
      legend = true)

savefig("image/Model_2.png")

```

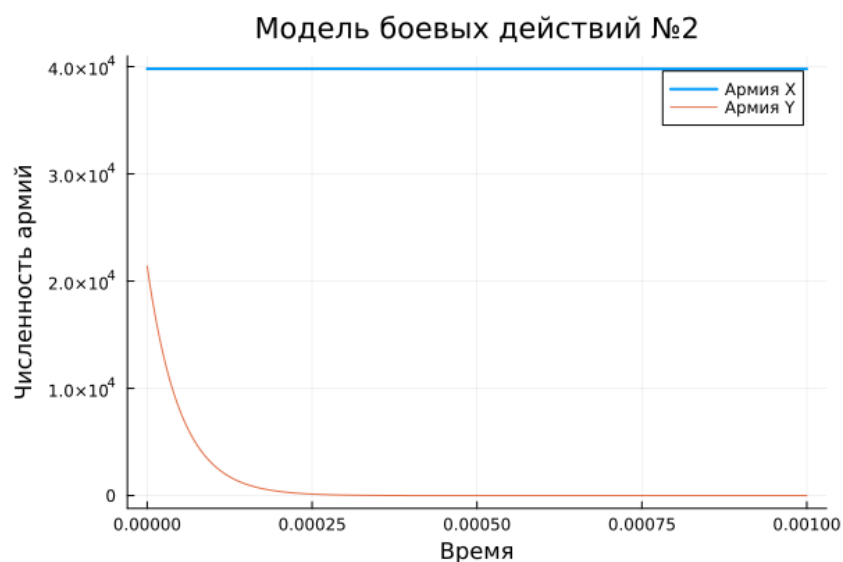


Рис. 4.2: Модель боевых действий №2(Julia)

4.2 Реализация на Openmodelica

```

model battle
  Real x, y, t;

  initial equation
    t = 0;
    x = 39800;
    y = 21400;
  equation
    der(t) = 1;
    der(x) = -0.42*x - 0.68*y + sin(5*t+1);
    der(y) = -0.59*x - 0.43*y + cos(5*t+2);
  end battle;

```

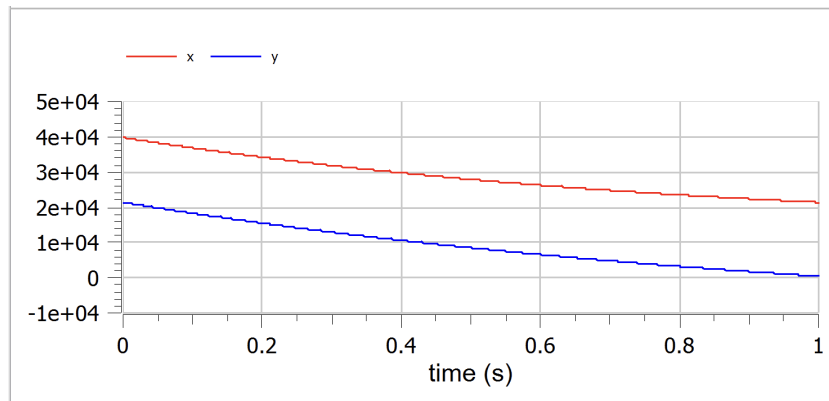


Рис. 4.3: Модель боевых действий №1(Openmodelica)

```

model battle
  Real x, y, t;
initial equation
  t = 0;
  x = 39800;
  y = 21400;
equation
  der(t) = 1;
  der(x) = -0.301*x - 0.7*y + sin(20*t) + 1;
  der(y) = -0.502*x*y - 0.4*y + cos(20*t) + 1;
end battle;

```

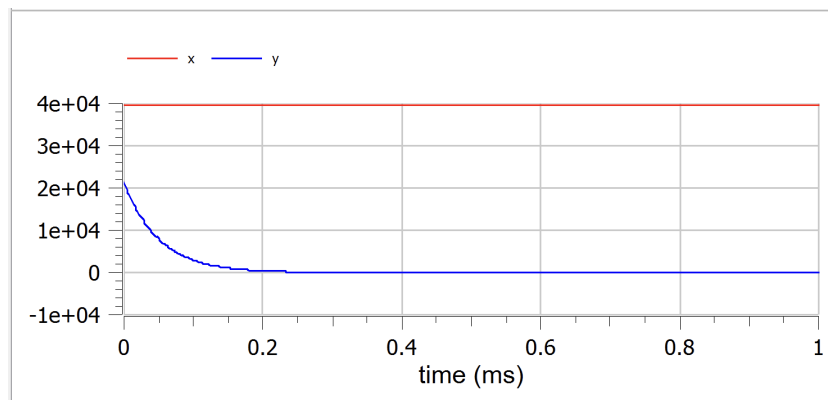


Рис. 4.4: Модель боевых действий №2(Орemodelica)

Из графиков мы отчетливо видим, что в обоих случаях армия страны X победит армию страны Y . В частности, во втором случае крайне быстро.

5 Выводы

Произведено численное моделирование модели боевых действий для двух случаев: без партизан и с партизанским движением. Для этого были применены языки программирования Julia и Openmodelica и пакеты DifferentialEquations, Plots. Отработали навыки работы с вышеназванными языками программирования.

6 Список литературы

1. Wikipedia Julia [Электронный ресурс]. URL: “wikipedia.org/Julia”
2. Wikipedia Openmodelica [Электронный ресурс]. URL: “wikipedia.org/OpenModelica”
3. Julia Manual [Электронный ресурс]. URL: “docs.julialang.org”
4. Wikipedia Законы Ланчестера [Электронный ресурс]. URL: “wikipedia.org/Законы_Ланчестера”