

Arbeitsunterlagen zu FOS Elektrotechnik, Technische Informatik, Mechatronik Themenfeld 12.1

Gleichstromnetzanalyse

Thomas Maul

Brühlwiesenschule, Hofheim

V 0.1.2 - im Aufbau
Stand: 3. November 2025



Für eigene Teile gilt:

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz
oo
oooooo
oooo

Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Teil I

Themenfeld 12.1 - Gleichstromnetzanalyse

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○○

Helmholtz
○
○○
○○○○
○○○

Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Inhalt

Spannungsteiler

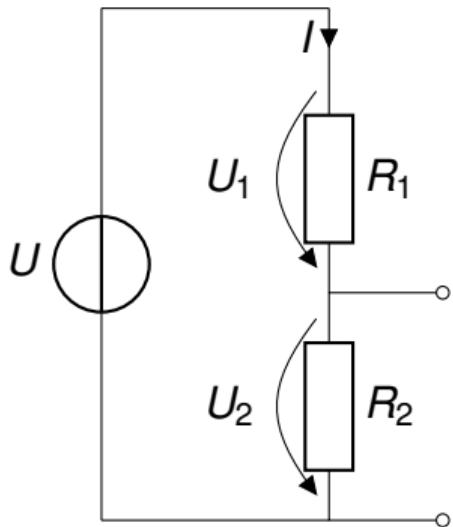
Zweipoltheorie (Pflicht)

Überlagerungsverfahren nach Helmholtz
(Pflicht)

Dreieck <-> Stern-Umwandlung (Pflicht)

Pflicht-Themen, die noch offen sind

Spannungsteiler



$$U = U_1 + U_2 \quad (1)$$

$$I = \frac{U}{R_{ges}} = \frac{U}{R_1 + R_2} \quad (2)$$

$$I = \frac{U_1}{R_1} = \frac{U_2}{R_2} \quad (3)$$

$$U_2 = I * R_2 \quad (4)$$

$$U_2 = \frac{U}{R_{ges}} * R_2 \quad (5)$$

$$U_2 = \frac{U}{R_1 + R_2} * R_2 \quad (6)$$

$$\frac{U_2}{U} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad (7)$$

Spannungsteiler
○

Zweipole
●○○○○

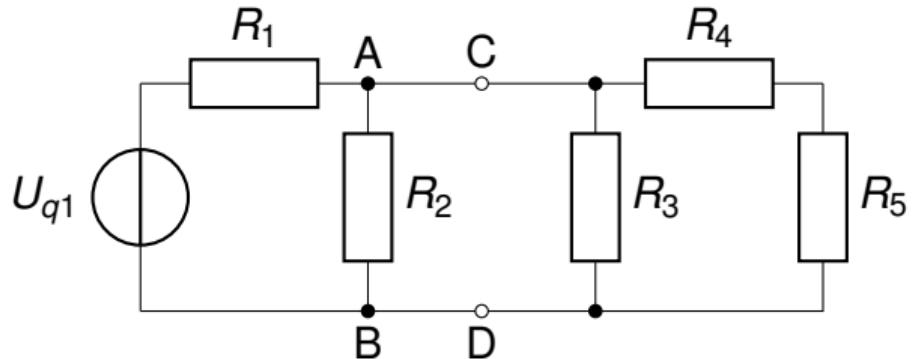
Helmholtz
○○
○○○○
○○○○

Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Zweipole

In der Schaltung unten sollen die Widerstände R_3 bis R_5 als ein virtuelles Bauteil dargestellt werden.



Spannungsteiler
○

Zweipole
○●○○○

Helmholtz
○○
○○○○○
○○○○

Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Werte für Berechnung

$$R_1 = 10\Omega$$

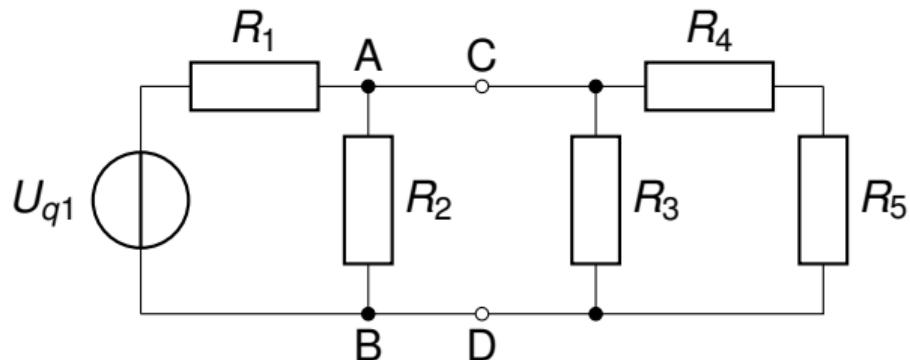
$$R_2 = 20\Omega$$

$$R_3 = 30\Omega$$

$$R_4 = 40\Omega$$

$$R_5 = 50\Omega$$

$$U_{q1} = 5V, \\ U_{q2} = 12V$$



Berechnung des Ersatzwiderstands

$$R_{45} = R4 + R5 \quad (8)$$

$$R_{45} = 40\Omega + 50\Omega \quad (9)$$

$$R_{45} = 90\Omega \quad (10)$$

$$\frac{1}{R_{3||45}} = \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_{45}} \quad (11)$$

$$\frac{1}{R_{3||45}} = \frac{1}{30\Omega} + \frac{1}{90\Omega} \quad (12)$$

$$R_{3||45} = 22,5\Omega \quad (13)$$

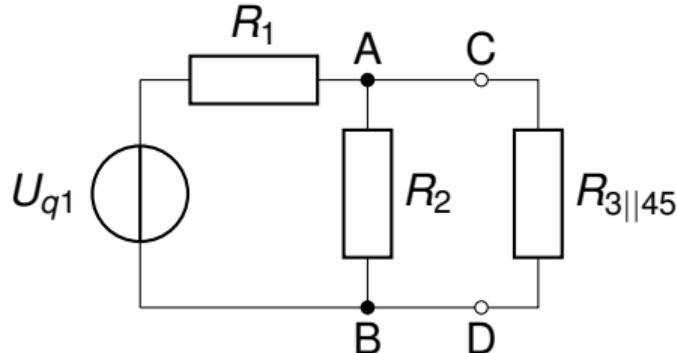


Abbildung: Berechnung
des Erstatwiderstands

Übungen zu Zweipole I

Berechnen Sie jeweils den Ersatzwiderstand zwischen den Klemmen C und D zur Schaltung unten.

- a $R_1 = R_2 = 220\Omega \quad R_3 = R_5 = 230\Omega \quad R_4 = 470\Omega$
- b $R_1 = R_2 = R_3 = R_5 = 230\Omega \quad R_4 = 470\Omega$
- c $R_1 = R_2 = R_4 = R_5 = 230\Omega \quad R_3 = 470\Omega$

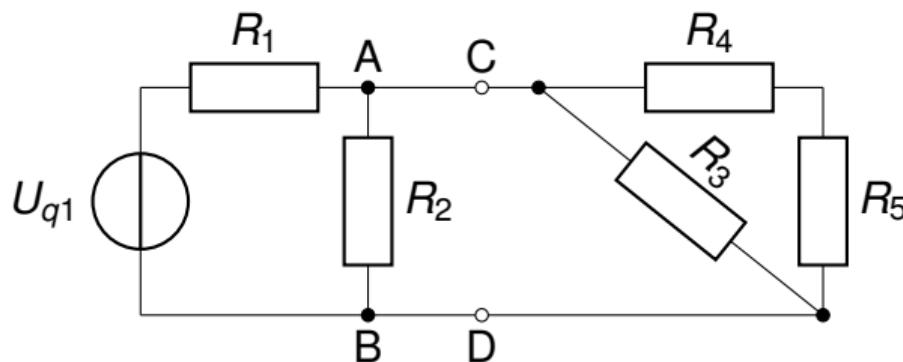


Abbildung: Schaltung zu Übung Ersatzzweipol - Teil 1

Übungen zu Zweipole II

Berechnen Sie jeweils den Ersatzwiderstand zwischen den Klemmen C und D zur Schaltung unten.

- a $R_1 = R_2 = 220\Omega \quad R_3 = R_5 = 230\Omega \quad R_4 = 470\Omega$
- b $R_1 = R_2 = R_3 = R_5 = 230\Omega \quad R_4 = 470\Omega$
- c $R_1 = R_2 = R_4 = R_5 = 230\Omega \quad R_3 = 470\Omega$

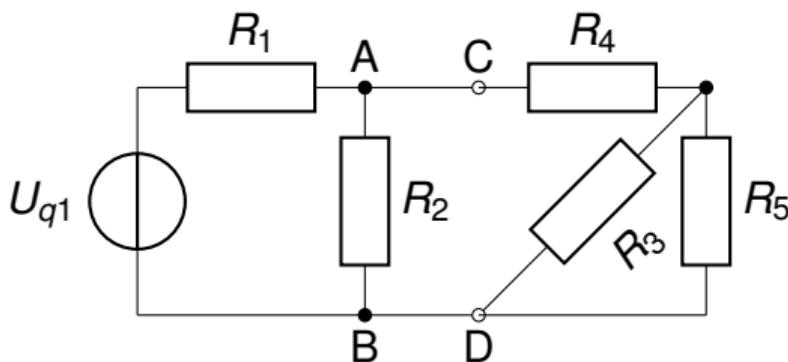


Abbildung: Schaltung zu Übung Ersatzzweipol - Teil 2

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Inhalt

Spannungsteiler

Zweipoltheorie (Pflicht)

Überlagerungsverfahren nach Helmholtz (Pflicht)

- Nur Quelle U1 aktiv
- Nur Quelle U2 aktiv

Dreieck <-> Stern-Umwandlung (Pflicht)

Pflicht-Themen, die noch offen sind

Zwei Spannungsquellen U_1 und U_2

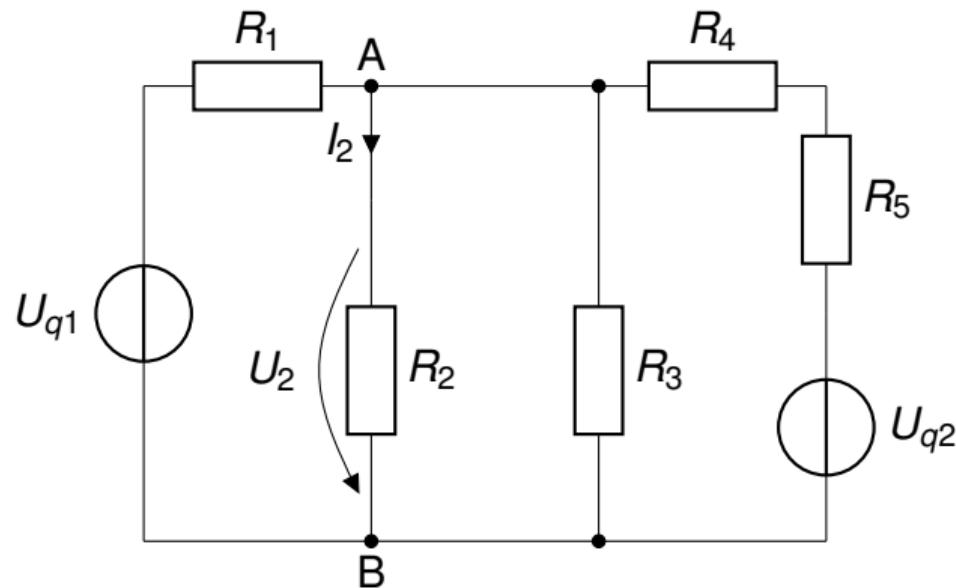


Abbildung: Zwei Quellen aktiv

$$R1 = 10\Omega, R2 = 20\Omega, R3 = 30\Omega, R4 = 40\Omega, R5 = 50\Omega$$

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz
oo
● ooooo
ooo

Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Nur Quelle U1 aktiv

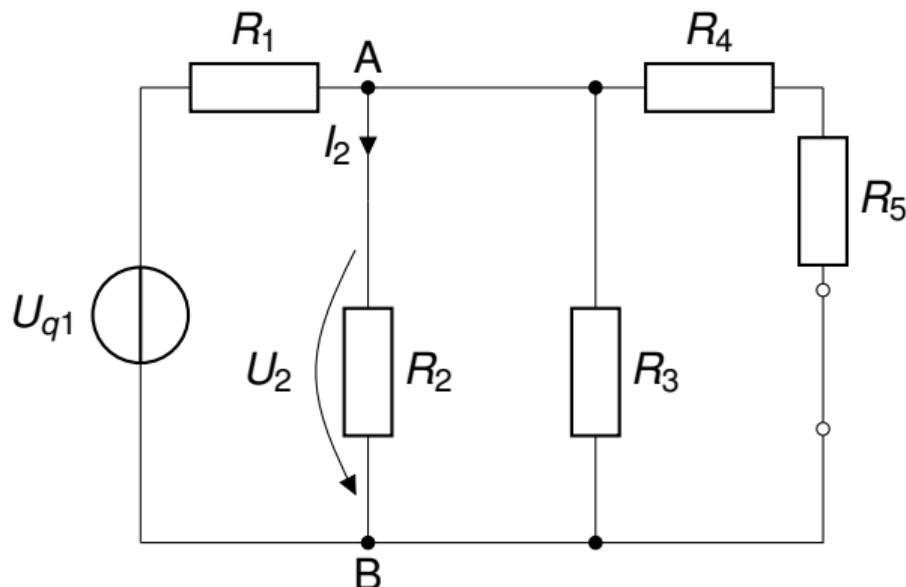


Abbildung: Nur Quelle 1 aktiv

$$U_{q1} = 5V, U_{Q2} = 12V, R1 = 10\Omega, R2 = 20\Omega, R3 = 30\Omega, R4 = 40\Omega, R5 = 50\Omega$$

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Berechnung Ersatzwiderstand I

$$U_{2'} = I_2 * R_2 || R_3 || R_4 + R_5 \quad (14)$$

$$U_{2'} = I_2 * \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4+R_5}} \quad (15)$$

I_2 ist nicht bekannt.

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Berechnung Ersatzwiderstand II

$$U_{q1} = U_1 + U_2 \quad (16)$$

$$U_2 = U_{q1} * \frac{R_2 || R3 || R45}{R_1 + R_2 || R3 || R45} \quad (17)$$

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Einsetzen I

$$U_{2'} = U_{q1} * \frac{R_2 || R3 || R45}{R1 + R2 || R3 || R45} \quad (18)$$

$$U_{2'} = U_{q1} * \frac{\frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4 + R_5}}}{R_1 + \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4 + R_5}}} \quad (19)$$

(20)

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Einsetzen II

$$U_{2'} = U_{q1} * \frac{R_2 || R3 || R45}{R1 + R2 || R3 || R45}$$

$$U_{2'} = U_{q1} * \frac{\frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4 + R_5}}}{R_1 + \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4 + R_5}}}$$

$$U_{2'} = 5V * \frac{10,59\Omega}{10\Omega + 10,59\Omega} \quad (21)$$

$$U_{2'} = 5V * 0,514 \quad (22)$$

$$U_{2'} = 2,57V \quad (23)$$

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz
○○○○○
●○○○○

Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Nur Quelle U2 aktiv

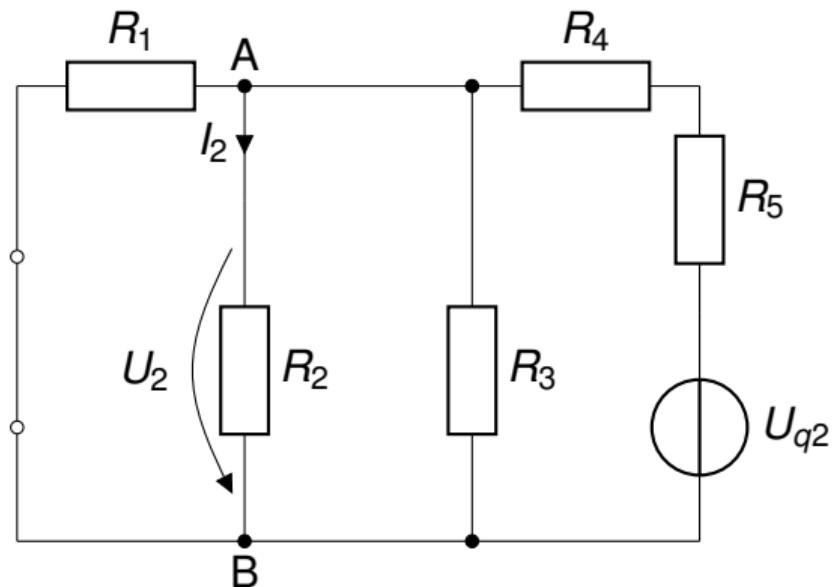


Abbildung: Nur Quelle zwei aktiv

$$R1 = 10\Omega, R2 = 20\Omega, R3 = 30\Omega, R4 = 40\Omega, R5 = 50\Omega$$

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○○

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Quelle 2, Einsetzen I

$$U_{2''} = U_{q2} * \frac{\frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}}{R_4 + R_5 + \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}} \quad (24)$$

(25)

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
o

Quelle 2, Einsetzen II

$$U_{2''} = U_{q2} * \frac{\frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}}{R_4 + R_5 + \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}} \quad (26)$$

$$U_{2''} = 12 \text{ V} * \frac{\frac{1}{\frac{1}{10\Omega} + \frac{1}{20\Omega} + \frac{1}{30\Omega}}}{40\Omega + 50\Omega + \frac{1}{\frac{1}{10\Omega} + \frac{1}{20\Omega} + \frac{1}{30\Omega}}} \quad (27)$$

$$U_{2''} = 12 \text{ V} * 0,057 \quad (28)$$

$$U_{2''} = 0,685 \text{ V} \quad (29)$$

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○

Helmholtz


Dreieck <-> Stern
○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Addition

Zum Abschluss werden die beiden Teilspannungen addiert.

$$U_2 = U_{2'} + U_{2''} \quad (30)$$

$$U_2 = 2,57V + 0,685V \quad (31)$$

$$U_2 = 3,26V \quad (32)$$

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○○

Helmholtz
○
○○
○○○○
○○○○

Dreieck <-> Stern
●○○○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Inhalt

Spannungsteiler

Zweipoltheorie (Pflicht)

Überlagerungsverfahren nach Helmholtz (Pflicht)

Dreieck <-> Stern-Umwandlung (Pflicht)

Pflicht-Themen, die noch offen sind

Messbrücke

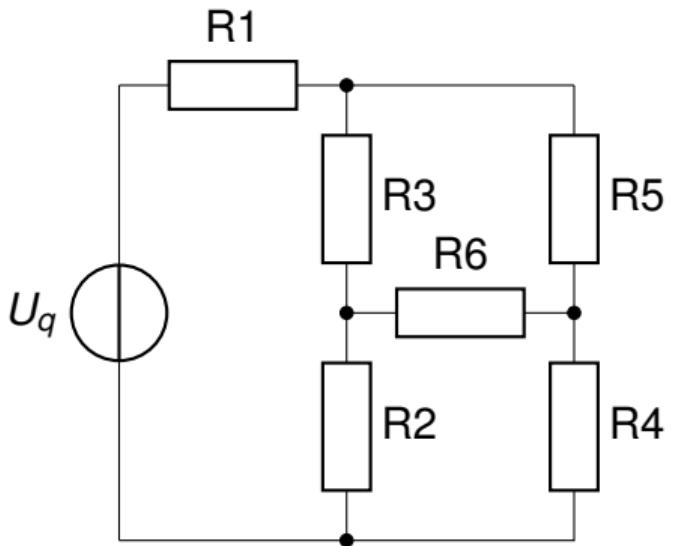


Abbildung: Messbrücke

Spannungsteiler
○

Zweipole
○○○○○

Helmholtz
○○
○○○○
○○○○

Dreieck <-> Stern
○●○○○

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Messbrücke

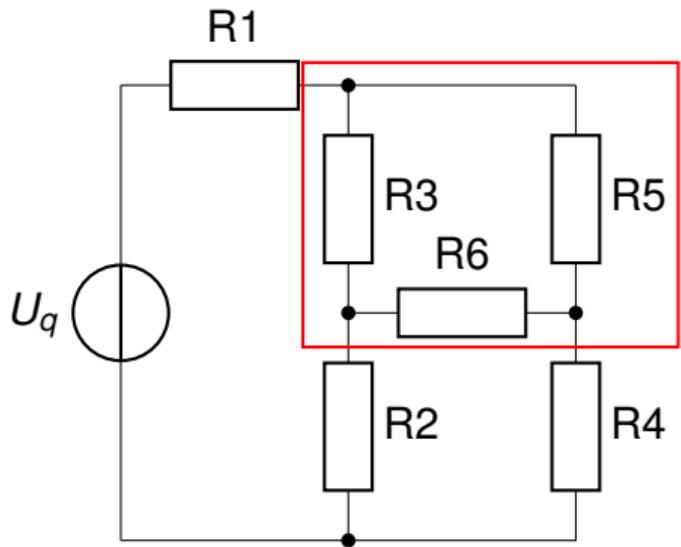
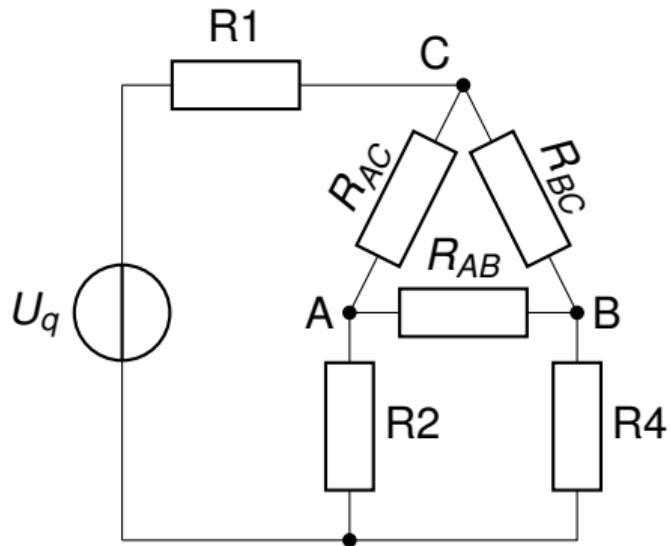


Abbildung: Messbrücke

Messbrücke - Stern-Dreieck



$$R_{AC} = R_3$$

$$R_{AB} = R_6$$

$$R_{BC} = R_5$$

Abbildung: Messbrücke

Umwandlung Dreieck -> Stern

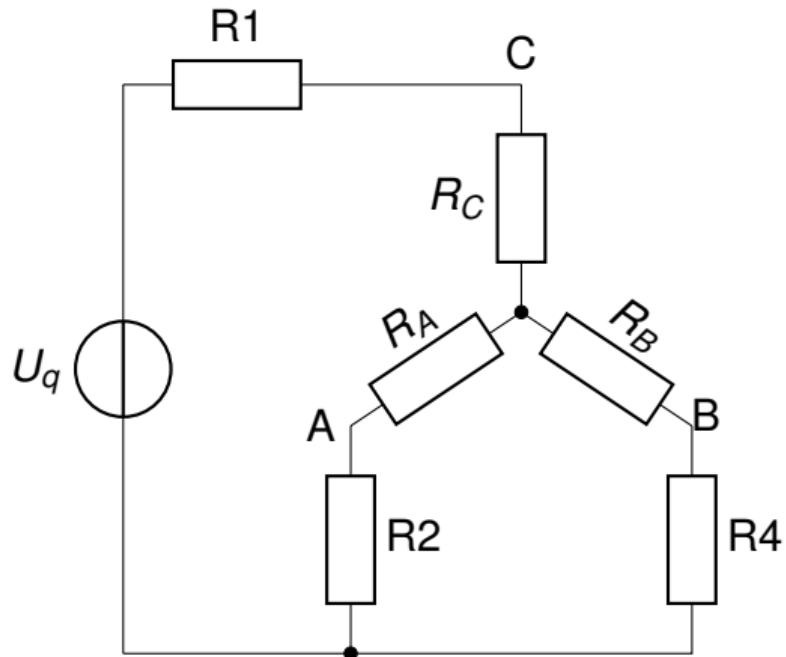
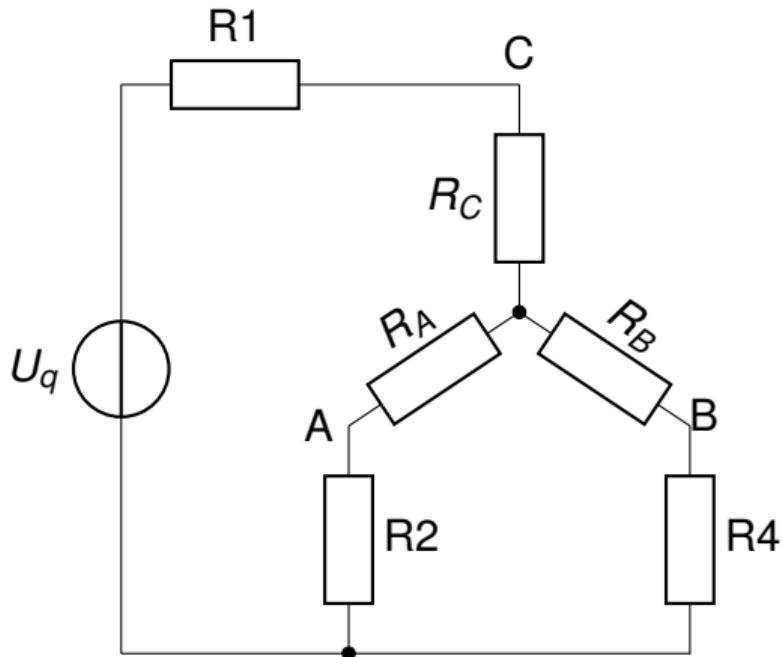


Abbildung: Messbrücke

Umwandlung Dreieck -> Stern



$$R_A = \frac{R_{AC}R_{AB}}{R_{AC} + R_{AB} + R_{BC}}$$

$$R_B = \frac{R_{AB}R_{BC}}{R_{AC} + R_{AB} + R_{BC}}$$

$$R_C = \frac{R_{AC}R_{BC}}{R_{AC} + R_{AB} + R_{BC}}$$

Abbildung: Messbrücke

Umwandlung - Stern- > Dreieck

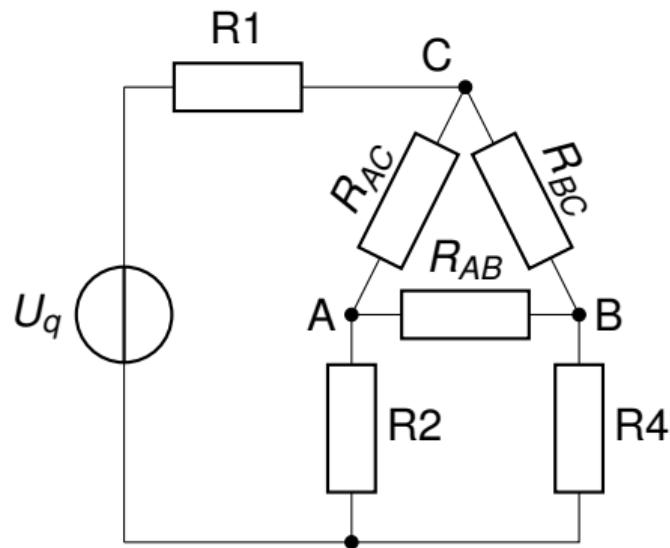


Abbildung: Messbrücke

Umwandlung - Stern- > Dreieck

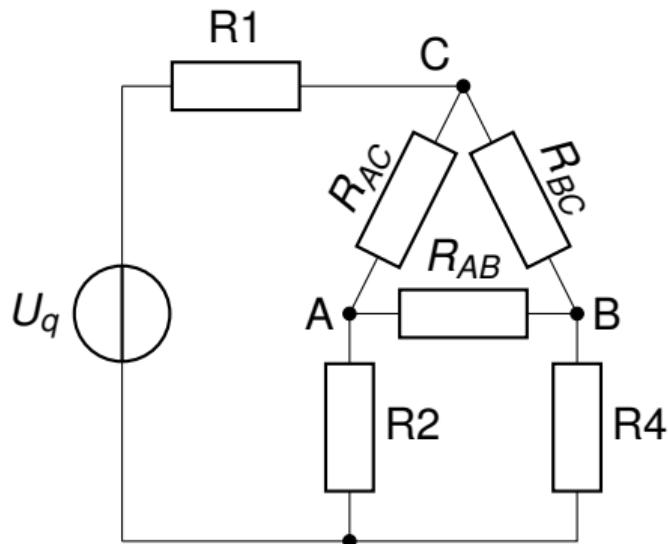


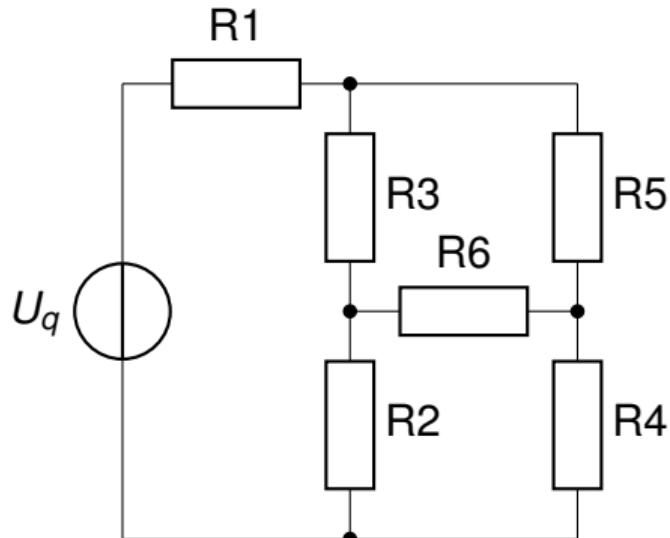
Abbildung: Messbrücke

$$R_{AB} = \frac{R_A R_B}{R_C} + R_A + R_B$$

$$R_{AC} = \frac{R_A R_C}{R_B} + R_A + R_C$$

$$R_{BC} = \frac{R_B R_C}{R_A} + R_B + R_C$$

Messbrücke



$$R_1 = 220\Omega$$

$$R_2 = 470\Omega$$

$$R_3 = 330\Omega$$

$$R_4 = 330\Omega$$

$$R_5 = 560\Omega$$

$$R_6 = 390\Omega$$

$$U_q = 5 \text{ V}$$

$$R_4 = R_{\text{Mess}}$$

gesucht: Strom und Spannung an R_6 , R_4 und R_5

Abbildung: Messbrücke

Spannungsteiler
○

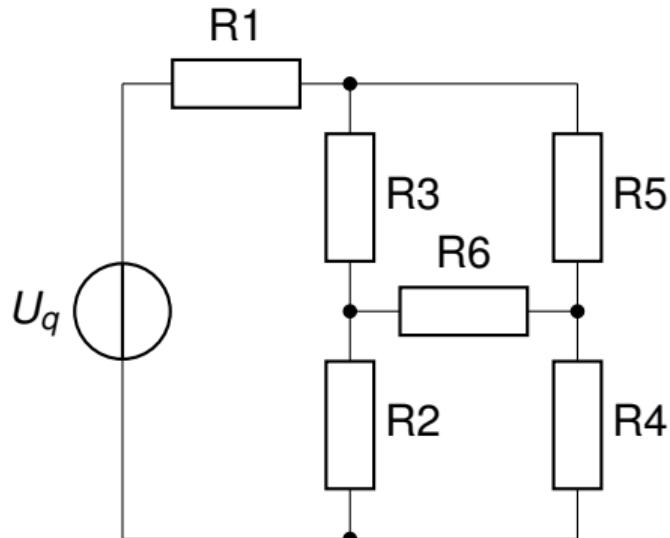
Zweipole
○○○○○

Helmholtz
○
○○○○○
○○○○○

Dreieck <-> Stern
○○○○●

Pflicht-Themen, die noch offen sind
○

Messbrücke



$$R_1 = 220\Omega$$

$$R_2 = 470\Omega$$

$$R_3 = 330\Omega$$

$$R_4 = 330\Omega$$

$$R_5 = 560\Omega$$

$$R_6 = 390\Omega$$

$$U_q = 5 \text{ V}$$

$$I_4 = 4,2 \text{ mA}, \quad I_5 = 3,3 \text{ mA}, \quad I_6 = 890 \mu\text{A}$$
$$U_4 = 1,4 \text{ V}, \quad U_5 = 3,6 \text{ V}, \quad U_6 = 0,35 \text{ V}$$

Abbildung: Messbrücke

Spannungsteiler
o

Zweipole
ooooo

Helmholtz
oo
oooo
oooo

Dreieck <-> Stern
oooooo

Pflicht-Themen, die noch offen sind
●

Pflicht-Themen, die noch offen sind

Folgende Themen sind gemäß Prüfungserlass für die Prüfung 2026 Plicht, aber noch nicht ausgearbeitet.

- Knoten- und Maschengleichungen
- Kreisstromverfahren
- Knotenspannungsverfahren

Die Themen folgen demnächst hier.