

# Разделяй и властвуй



ПРЕПОДАВАТЕЛЬ



# Артем Гордийчук

**Full-stack software engineer**

- Более 8 лет опыта работы
- Java, Spring, Hibernate, AWS, Oracle, PostgreSQL
- Проекты связанные с банковской, финансовой деятельностью, e-commerce

[artemsgor@gmail.com](mailto:artemsgor@gmail.com)

[www.linkedin.com/in/artem-g-48071a61](https://www.linkedin.com/in/artem-g-48071a61)



# ВАЖНО:

- Камера должна быть включена на протяжении всего занятия.
- Если у Вас возник вопрос в процессе занятия, пожалуйста, поднимите руку и дождитесь, пока преподаватель закончит мысль и спросит Вас, также можно задать вопрос в чате или когда преподаватель скажет, что начался блок вопросов.
- Организационные вопросы по обучению решаются с кураторами, а не на тематических занятиях.
- Вести себя уважительно и этично по отношению к остальным участникам занятия.
- Во время занятия будут интерактивные задания, будьте готовы включить камеру или демонстрацию экрана по просьбе преподавателя.

# ПЛАН ЗАНЯТИЯ

1. Повторение изученного
2. Вопросы по повторению
3. Разбор домашнего задания
4. Основной блок
5. Вопросы по основному блоку
6. Задание для закрепления основного блока
7. Практическая работа
8. Оставшиеся вопросы



TEL-RAN  
by Starta Institute

1

# ПОВТОРЕНИЕ ИЗУЧЕННОГО

# Повторение

## Recursion, Stack

- Что такое рекурсия
- Математическая интерпретация
- Как хранится в памяти
- Базовое условие в рекурсии
- Хвостовая и не хвостовая рекурсия
- Выделение памяти для разных вызовов
- Рекурсия VS Итерация
- Недостатки рекурсивного подхода по сравнению с итеративным
- Итоги



# Повторение. Экспресс-опрос

## Вопрос 1.

Что означает термин - рекурсия в программировании?

## Вопрос 2.

Дайте определение: хвостовая рекурсия - это ...

## Вопрос 3.

Согласны ли вы с тем, что любой рекурсивный алгоритм, можно переписать на итерацию?



2

# ВОПРОСЫ ПО ПОВТОРЕНИЮ



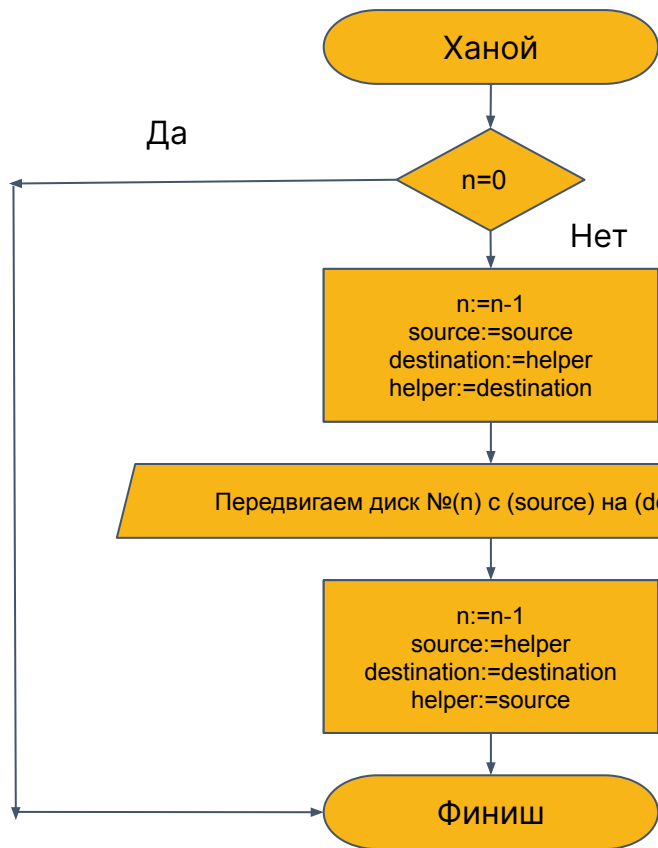


TEL-RAN  
by Starta Institute

3

# РАЗБОР ДОМАШНЕГО ЗАДАНИЯ

# Разбор ханойской башни



**n** - количество дисков  
**source** - пирамида с дисками  
**destination** - пирамида, куда диски будут перемещаться  
**helper** - свободная пирамида для использования в промежуточном шаге

Происходит смена назначений, т.е. пирамида с которой снимается диск становится "source", а та на которую передвигаем становится "destination"

# Разбор ханойской башни

## Итеративный подход

1. Считаем общее количество необходимых ходов.  
 $\text{moves} = (\text{row}(2, n) - 1)$  здесь  $n$  - количество дисков.
2. Если количество дисков ( $n$ ) четное, то перемещаем диск для обмена на среднюю пирамиду

```
for i = 1; i <= moves;  
    if i%3 == 1: переместить верхний диск с "source" на "destination"  
    if i%3 == 2: переместить верхний диск с "source" на "helper"  
    if i%3 == 0: переместить диск с "helper" на "destination"
```

## Рекурсивный подход

1. Переместить « $n-1$ » диск с «source» на «helper», используя  $\rightarrow$  destination.
2. Переместить последний диск с «source» на «destination».
3. Переместить « $n-1$ » диск с «helper» на «destination», используя  $\rightarrow$  source.

# Введение

- Техника Разделяй и властвуй
- Алгоритмы «разделяй и властвуй»
- Преимущества и недостатки
- Примеры
  - Binary Search



4

# ОСНОВНОЙ БЛОК

# Техника Разделяй и властвуй

Divide

Conquer

Combine

# Техника Разделяй и властвуй

## Divide

Включает в себя разделение проблемы на более мелкие подзадачи

## Conquer

Рекурсивно вызываем подзадачи до тех пор, пока они не будут решены

## Combine

Объединить подзадачи, чтобы получить окончательное решение всей проблемы

# Алгоритмы Разделяй и властвуй

- Quick Sort
- Merge Sort
- Closest Pair of Points
- Strassen's Algorithm





# Алгоритмы Разделяй и властвуй

- **Quick Sort**
- Merge Sort
- Closest Pair of Points
- Strassen's Algorithm

**Quick Sort** - алгоритм сортировки.

Алгоритм выбирает опорный элемент и переупорядочивает элементы массива таким образом, чтобы все элементы, меньшие, чем выбранный опорный элемент, перемещались в левую часть опорного элемента, а все большие элементы перемещались в правую сторону.

# Алгоритмы Разделяй и властвуй

- Quick Sort
- **Merge Sort**
- Closest Pair of Points
- Strassen's Algorithm

**Merge Sort** также является алгоритмом сортировки.  
Алгоритм делит массив на две половины, рекурсивно сортирует их и, наконец, объединяет две отсортированные половины.

# Алгоритмы Разделяй и властвуй

- Quick Sort
- Merge Sort
- **Closest Pair of Points**
- Strassen's Algorithm

## **Closest Pair of Points**

Задача состоит в том, чтобы найти ближайшую пару точек в наборе точек на плоскости  $\chi$ .

Задача может быть решена за время  $O(n^2)$  путем вычисления расстояний каждой пары точек и сравнения расстояний для поиска минимума.

Алгоритм «разделяй и властвуй» решает проблему за время  $O(n \log n)$ .

# Алгоритмы Разделяй и властвуй

- Quick Sort
- Merge Sort
- Closest Pair of Points
- **Strassen's Algorithm**

**Strassen's Algorithm** - эффективный алгоритм умножения двух матриц. Простой метод умножения двух матриц требует 3 вложенных цикла и составляет  $O(n^3)$ . Алгоритм Штрассена умножает две матрицы за время  $O(n^{2,8974})$ .

# Разделяй и властвуй: +/-

Преимущества	Недостатки
Сложная проблема решается легко	Включает в решение рекурсию, которая иногда медленная
Делит задачу на подзадачи, поэтому ее можно решать параллельно, обеспечивая многопроцессорность.	Эффективность зависит от реализации логики
Эффективно использует кэш-память, не занимая много места	Это может привести к сбою системы, если в рекурсии есть ошибки
Снижает временную сложность задачи	



# Экспресс-опрос

- **Вопрос 1.**

Дайте определение алгоритму “Разделяй и властвуй” - приведите пример

- **Вопрос 2.**

Как вы считаете алгоритмы РИВ могут решаться только с помощью рекурсивного подхода?



# Example 1. Binary Search

Дан отсортированный массив `arr[]` из  $n$  элементов.  
Напишите функцию для поиска заданного элемента  $x$  в `arr[]` и  
возврата индекса  $x$  в массиве.

Примеры:

Ввод: `arr[] = {11, 22, 44, 50, 60, 86, 114, 140, 145, 190}`,  $x = 114$

Вывод: 6

Объяснение: Элемент  $x$  присутствует в индексе 6.

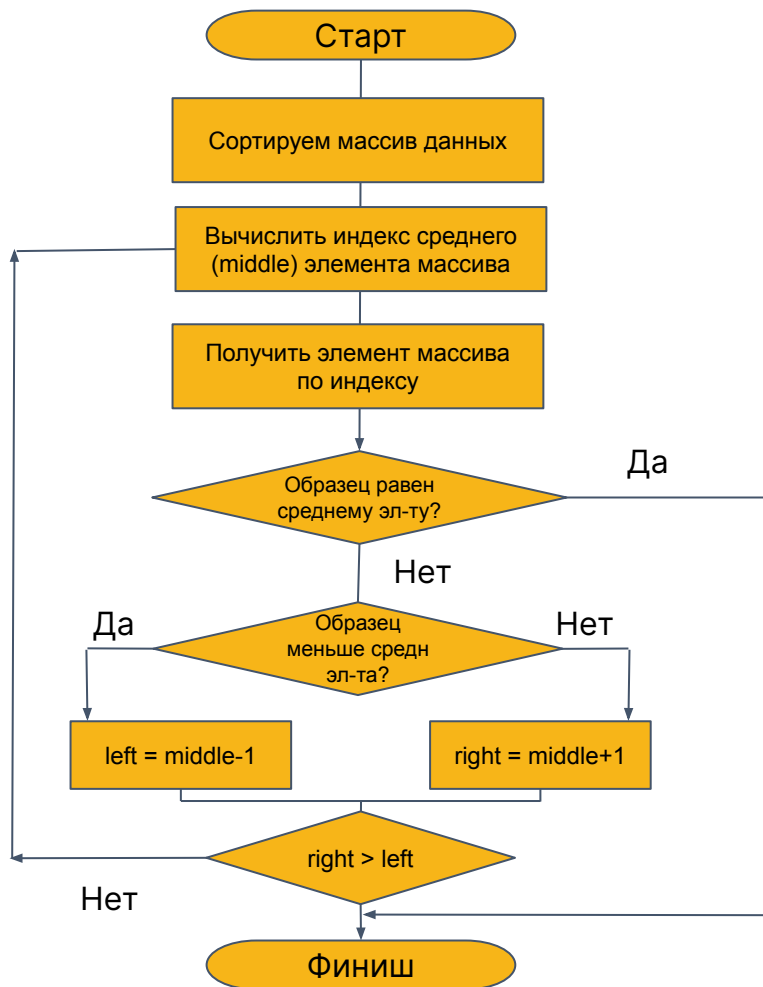
Ввод: `arr[] = {1, 24, 30, 46, 60, 100, 120, 133, 270}`,  $x = 114$

Вывод: -1

Объяснение: Элемент  $x$  отсутствует в `arr[]`.

# Example 1

Binary Search: блок-схема





5

# ВОПРОСЫ ПО ОСНОВНОМУ БЛОКУ



TEL-RAN  
by Starta Institute

# 6

## ЗАДАНИЕ ДЛЯ ЗАКРЕПЛЕНИЯ

# Задание для закрепления

Найти максимальный элемент в массиве.

Известно, что в таком массиве максимум находится по соседству с меньшими элементами, т.е. предыдущий и следующий за ним элементы гарантировано меньше искомого.

Пример входного массива: `array [0,1,2,3,4,5,10,9,8,7,6]`  
`max = 10;`

# Реализация задания

## Реализация на Java

```
public static int getMaxElement(int[] arr, int low, int high) {  
  
    int mid = (low + high) / 2;  
  
    if (arr[mid] > arr[mid + 1] && arr[mid] > arr[mid - 1]) {  
        return arr[mid];  
    }  
  
    if (arr[mid - 1] > arr[mid] && arr[mid] > arr[mid + 1]) {  
        return getMaxElement(arr, low, high: mid - 1);  
    } else {  
        return getMaxElement(arr, low: mid + 1, high);  
    }  
}
```

## Реализация на Java Script

```
function getMaxElement(arr, index) {  
    let max;  
    let length = arr.length;  
  
    if (length > index) {  
        max = getMaxElement(arr, index: index + 1);  
        if (arr[index] > max)  
            return arr[index];  
        else  
            return max;  
    } else {  
        return arr[index - 1];  
    }  
}
```



TEL-RAN  
by Starta Institute

7

# ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА

# Практическое задание 1

Выведите на экран первые 11 членов последовательности Фибоначчи.

- первый и второй члены последовательности равны единицам
- а каждый следующий — сумме двух предыдущих

Пример последовательности Фибоначчи - это 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89 и т.д.

- 1) Реализация рекурсивно
- 2) Улучшить используя алгоритм РиВ



# Реализация задания 1

## Реализация на Java

```
private static int fibonacciRecursion(int n) {
    if (n < 2) {
        return 1;
    }
    return fibonacciRecursion(n - 1) + fibonacciRecursion(n - 2);
}
3 usages new *

private static int fibonacciUpgrade(int n, int[] arr) {
    if (n < 2) {
        return 1;
    }
    if (arr[n] != -1) {
        return arr[n];
    }
    arr[n] = fibonacciUpgrade(n - 1, arr) + fibonacciUpgrade(n - 2, arr);
    return arr[n];
}
```

## Реализация на Java Script

```
function fibonacciRecursion(number) {
    if (number < 2) {
        return 1;
    }
    return fibonacciRecursion(number - 1) + fibonacciRecursion(number - 2);
}
no usages new *

function fibonacciUpgrade(number, arr) {
    if (number < 2) {
        return 1;
    }
    if (arr[number] !== -1) {
        return arr[number];
    }
    arr[number] = fibonacciUpgrade(number - 1, arr) + fibonacciUpgrade(number - 2, arr);
    return arr[number];
}
```



TEL-RAN  
by Starta Institute

# 8

## ОСТАВШИЕСЯ ВОПРОСЫ



# Домашнее задание

Имея два отсортированных массива размера  $m$  и  $n$  соответственно, вам нужно найти элемент, который будет находиться на  $k$ -й позиции в конечном отсортированном массиве.

Массив 1 - 100 112 256 349 770

Массив 2 - 72 86 113 119 265 445 892

$k = 7$

Вывод : 256

Окончательный отсортированный массив -

72, 86, 100, 112, 113, 119, 256, 265, 349, 445, 770, 892

7-й элемент этого массива равен 256.



# Полезные ссылки

- [Divide-and-conquer algorithm - Wikipedia](#)
- [Fibonacci sequence - Wikipedia](#)

# ЗАКЛЮЧЕНИЕ

