

# Análisis de la estructura del microsatélite

ESTRUCTURAS DE USO ESPACIAL

Autor: María Fuencisla Páez López

Andrés Pedraza Rodríguez

Profesor: Andrés García Pérez

Madrid, 7 de junio de 2021

https://github.com/temisAP/Practica2\_EUE

### Resumen

El objetivo del presente trabajo es el estudio estructural de un microsatélite completo construido a partir de las bandejas optimizadas anteriormente en [1] y [2] a las cuales se les han añadido cuatro vigas en forma de L en las esquinas y unos paneles de cierre. La estructura se analizará frente a cargas tanto estáticas como dinámicas para comprobar que la respuesta estructural es la adecuada.



# Índice

| Ín | adice de figuras                             | I   |
|----|--|-----|
| Ín | adice de tablas                              | III |
| 1. | Introducción                                 | 1   |
| 2. | Metodología                                  | 2   |
| 3. | Modelo resultante                            | 3   |
|    | 3.1. Características de los nuevos elementos | 3   |
|    | 3.2. Modelo de elementos finitos             | 5   |
| 4. | Resultados                                   | 9   |
|    | 4.1. Chequeos                                | 9   |
|    | 4.2. Modos propios                           | 11  |
|    | 4.3. Análisis estáticos                      | 13  |
|    | 4.4. Análisis de vibraciones sinusoidales    | 17  |
|    | 4.5. Análisis de vibraciones aleatorias      | 21  |
|    | 4.6. Análisis de tornillos                   | 25  |
| 5. | Conclusiones                                 | 30  |
| Re | eferencias                                   | 35  |



# Índice de figuras

| 1.  | Perfil en L  | 3  |
|-----|--|----|
| 2.  | Geometría de los rigidizadores verticales (izquierda) y visión de conjunto con las bandejas (derecha)  | 5  |
| 3.  | Semilla de malla sobre las vigas en L (izquierda) y mallado resultante (derecha)   | 5  |
| 4.  | Geometría de los paneles de cierre (izquierda) y visión de conjunto con las bandejas (derecha)   | 6  |
| 5.  | Semilla de malla sobre los paneles de cierre (izquierda) y mallado resultante (derecha).   | 6  |
| 6.  | Reubicación de los puntos de unión de los equipos a las bandejas. A la izquierda distribución inicial y a la derecha distribución final                              | 7  |
| 7.  | Modelo estructural completo del micro-satélite (a la derecha y abajo se ha ocultado un panel de cierre para una mejor visualización)                                 | 8  |
| 8.  | Chequeo de carga gravitatoria.   | 10 |
| 9.  | Chequeo de frecuencias como sólido rígido  | 10 |
| 10. | Chequeo de energía de deformación  | 11 |
| 11. | Análisis de modos propios de la estructura.  | 12 |
| 12. | Análisis estático en la dirección X, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales                         | 14 |
| 13. | Análisis estático en la dirección Y, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales                         | 15 |
| 14. | Análisis estático en la dirección Z, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales                         | 16 |
| 15. | Análisis de vibraciones sinusoidales en la dirección $X$ , arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales $y$ abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales | 18 |
| 16. | Análisis de vibraciones sinusoidales en la dirección Y, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales      | 19 |
| 17. | Análisis de vibraciones sinusoidales en la dirección Z, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales      | 20 |
| 18. | Análisis de vibraciones aleatorias en la dirección X, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales        | 22 |



| 19. | Análisis de vibraciones aleatorias en la dirección Y, arriba esfuerzos sobre los elementos |    |
|-----|--|----|
|     | bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales                         | 23 |
| 20. | Análisis de vibraciones aleatorias en la dirección Z, arriba esfuerzos sobre los elementos |    |
|     | bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales                         | 24 |
| 21. | Numeración de los elementos de tipo CBUSH que representan los tornillos de la interfaz.    | 26 |



# Índice de tablas

| 1.  | Materiales empleados en el modelo del microsatélite  | 4  |
|-----|--|----|
| 2.  | Configuración del laminado empleado en los paneles de cierre   | 4  |
| 3.  | Propiedades elásticas del laminado empleado en los paneles de cierre   | 4  |
| 4.  | Factores de seguridad asociados al cálculo de los márgenes de seguridad  | 9  |
| 5.  | Especificaciones para el análisis estático   | 13 |
| 6.  | Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis estático                    | 13 |
| 7.  | Especificaciones para el análisis de vibraciones sinusoidales  | 17 |
| 8.  | Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones sinusoidales | 17 |
| 9.  | Especificaciones para el análisis de vibraciones aleatorias  | 21 |
| 10. | Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones aleatorias   | 21 |
| 11. | Propiedades de los tornillos relacionadas con su respuesta estructural   | 26 |
| 12. | Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga cuasiestática  | 27 |
| 13. | Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica sinusoidal  | 28 |
| 14. | Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica aleatoria   | 29 |
| 15. | Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis estático                    | 30 |
| 16. | Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones sinusoidales | 30 |
| 17. | Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones aleatorias   | 31 |
| 18. | Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga cuasiestática  | 31 |
| 19. | Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica sinusoidal  | 32 |



| 20. | Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los dife- |    |
|-----|---|----|
|     | rentes casos de carga dinámica aleatoria  | 33 |



# 1. Introducción

En el presente trabajo se estudia el comportamiento del modelo estructural de un satélite. El estudio se centra principalmente en la optimización de la estructura de acuerdo a una serie de restricciones impuestas por el lanzador y la propia integridad estructural del artefacto. Para el diseño completo se han hecho uso de las bandejas optimizadas en [1] y [2] y se han añadido los paneles de cierre y las vigas verticales en forma de L de acuerdo a los criterios de optimización establecidos.

Si bien es cierto que, aún se habría de refinar más el modelo para tener certeza de que los equipos alojados en el interior del satélite responderán de manera adecuada a las solicitaciones estructurales, este estudio permitirá conocer el comportamiento global de la estructura como conjunto y así se podrán determinar las condiciones en las que se encontrarán los elementos interiores.



# 2. Metodología

Para determinar la solución óptima se ha comenzado importando en PATRAN las bandejas inferior e intermedia y luego se han añadido, unos paneles de cierre y vigas en forma de L para terminar el diseño inicial. Después, se ha analizado la estructura por medio de NASTRAN y, tras una serie de modificaciones se ha determinado la configuración final.

En este caso, los parámetros de optimización versan sobre los nuevos elementos añadidos en materia de geometría y composición.

Este trabajo se ha realizado basándose en los siguientes estándares ECSS de la Agencia Espacial Europea (ESA):

- Space engineering structural factors of safety for spaceflight hardware: ECSS-E-ST-32-10C [3].
- Space engineering structural general requirements: ECSS-E-ST-32C [4].

Además se ha hecho uso de los siguientes documentos para el desarrollo práctico de los ejemplos estudiados:

- Manual de Cálculo Estructural, del Instituto Universitario de Microgravedad "Ignacio Da Riva", por Andrés García et al. [5].
- Spacecraft Structures, de Jacob J. Wijker [6].
- Ejemplo de placa, por Andrés García [7].
- Apuntes de las asignaturas: Resistencia de Materiales y elasticidad Estructuras Aeronáuticas, Método de los elementos finitos y Vibraciones; impartidas en la facultad ETSIAE-UPM.
- Apuntes de las asignaturas: Estructuras de uso espacial y Vibraciones y Aeroacústica; impartidas en el Máster Universitario de Sistemas Espaciales (IDR-UPM).

También se ha recurrido, para el desarrollo práctico a los videotutoriales facilitados por el profesor y en las clases grabadas a través de la plataforma *Microsoft Teams*.



### 3. Modelo resultante

El modelo resultante ha de ser tal que:

- La primera frecuencia lateral esté por encima de 45 Hz.
- La primera frecuencia longitudinal esté por encima de 90 Hz.

Para ello, se han dimensionado los rigidizadores verticales y los paneles de cierre de forma que se cumplan estos requisitos.

#### 3.1. Características de los nuevos elementos

A cuatro de las bandejas definidas en los anteriores trabajos [1] y [2] cuyas características generales son:

- Forma en planta cuadrada de  $600 \times 600$  mm.
- Rigidizadores en los cuatro bordes exteriores de sección rectangular.
- Rigidizadores interiores en configuración isogrid.
- Una masa de equipos de 10 kg excepto en la bandeja superior.
- Una condición de contorno de empotramiento por medio de unos elementos CBUSH en la bandeja inferior.

se han añadido unas vigas en sección de L en las esquinas, cuyo perfil se describe en la Figura 1 fabricadas en aluminio EN-AW-7075-T6 (véase Tabla 1); y unos paneles de cierre de espesor delgado hechas de un laminado de fibra de carbono (véase Tabla 1 para el material y Tablas 2 y 3 para el laminado). Estos elementos abarcan las cuatro bandejas y le confieren integridad al conjunto.

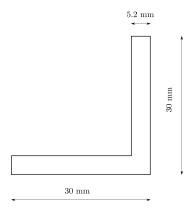


Figura 1: Perfil en L.



Tabla 1: Materiales empleados en el modelo del microsatélite.

| Material                  | Densidad $[kg/m^3]$ | Módulo elá<br>[Pa]              | stico                | Módulo de<br>Poisson | Módulo de<br>cortadura<br>[Pa] | Coeficiente de expansión térmica $[m/(m\cdot K)]$ |                      | $\sigma_y$ [Pa]   | $\sigma_u$ [Pa]      | Referencia |
|---------------------------|---------------------|---------------------------------|----------------------|----------------------|--------------------------------|---|----------------------|-------------------|----------------------|------------|
| Aluminio<br>EN-AW-7075-T6 | 2810                | $7.17 \cdot 10^{10}$            |                      | 0.33                 | $2.69 \cdot 10^{10}$           | $2.19 \cdot 10^{-5}$                              |                      | $5.03 \cdot 10^8$ | $5.72 \cdot 10^8$    | [8]        |
| CFRP                      |                     | En la dirección<br>longitudinal | $1.40 \cdot 10^{11}$ |                      |                                | En la dirección longitudinal                      | $2.13 \cdot 10^{-5}$ |                   |                      |            |
| Fiber tape                | 1700                | En la dirección<br>transversal  | $1.05 \cdot 10^{10}$ | 0.3                  | $7.10 \cdot 10^9$              | En la dirección transversal                       | $6.76 \cdot 10^{-5}$ | $1.50 \cdot 10^8$ | 1.60·10 <sup>8</sup> | [9]        |

Tabla 2: Configuración del laminado empleado en los paneles de cierre.

| Capa | Espesor [m]          | Orientación [°] |
|------|----------------------|-----------------|
| 1    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 0               |
| 2    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 45              |
| 3    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 90              |
| 4    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | -45             |
| 5    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 0               |
| 6    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 90              |
| 7    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 45              |
| 8    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 90              |
| 9    | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 0               |
| 10   | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | -45             |
| 11   | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 90              |
| 12   | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 45              |
| 13   | $9.00 \cdot 10^{-5}$ | 0               |

Tabla 3: Propiedades elásticas del laminado empleado en los paneles de cierre.

| Módulo elástico [GPa]     | 140 (en el plano)             |
|---------------------------|-------------------------------|
| Modulo elastico [Gi a]    | 10.5 (en la dirección normal) |
| Módulo de cortadura [GPa] | 7.10                          |



#### 3.2. Modelo de elementos finitos

A la hora de realizar el modelo de elementos finitos se han creado los grupos de vigas en L y de paneles de cierre.

## Vigas en L

En el grupo de las vigas se han creado unas curvas a lo largo de las esquinas de las bandejas y se han añadido a las curvas como propiedad tipo BEAM unos perfiles en L de aluminio 7075 (véase la Figura 1 para la sección y Tabla 1 para el material). En la Figura 2 se muestran las geometrías creadas y el conjunto completo.

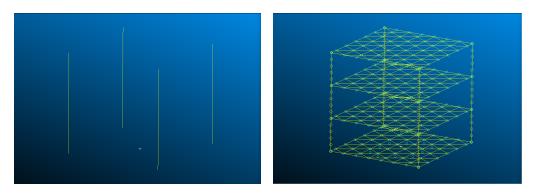


Figura 2: Geometría de los rigidizadores verticales (izquierda) y visión de conjunto con las bandejas (derecha).

Luego, se han creado las semillas de malla sobre las curvas de manera que el equiespaciado sea tal que coincidan los futuros nodos con las bandejas lo que en este caso supone una separación de 0.04 m entre cada semilla. Después se ha creado la malla y el resultado es el que aparece en la Figura 3.

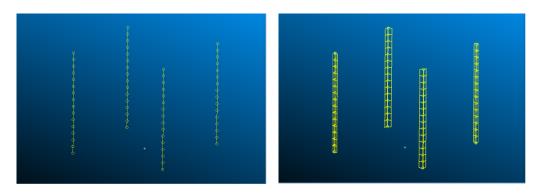


Figura 3: Semilla de malla sobre las vigas en L (izquierda) y mallado resultante (derecha).



#### Paneles de cierre

Después se han creado los paneles de cierre dispuestos de forma perimetral a las bandejas. En este caso, se ha hecho uso de las curvas de las vigas en L y se han añadido dos más para formar una superficie cuadrada a la cual se le adjudica como propiedad tipo PCOMP un laminado de fibra de carbono (véase Tablas 2 y 3 para las características del laminado y Tabla 1 para el material). En la Figura 4 se muestran las geometrías.

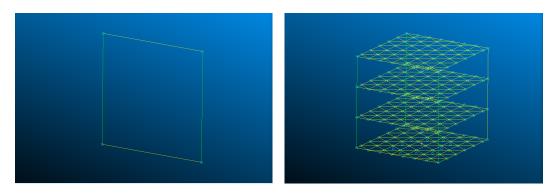


Figura 4: Geometría de los paneles de cierre (izquierda) y visión de conjunto con las bandejas (derecha).

Por último, se han creado las semillas de malla sobre las curvas de manera que coincidan los futuros nodos con las bandejas y las vigas en L lo que en este caso ha supuesto una semilla equiespaciada sobre las curvas verticales y una creada con el método TABULAR sobre las curvas horizontales de manera que los nodos de las bandejas coincidan con los futuros nodos de los paneles quedándose así las bandejas en una condición similar a la de simplemente apoyada que fue la que se empleó para la optimización de estos elementos de manera aislada. Después, se ha creado la malla y el resultado es el que aparece en la Figura 5.

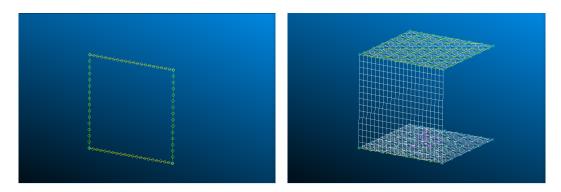


Figura 5: Semilla de malla sobre los paneles de cierre (izquierda) y mallado resultante (derecha).



### Estructura completa

Para cumplir con los requisitos se han reubicado los puntos de unión de los equipos (RBE2) a los cruces de nervios de las bandejas superiores ya que al estar alejadas del punto de unión del satélite con el lanzador suponen solicitaciones mayores de las previstas con el análisis individual de las bandejas. En la Figura 6 se muestra la comparativa entre las posiciones seleccionadas en un primer momento y la modificación realizada. Además los rigidizadores exteriores de las bandejas se han ampliado hasta el nivel de los interiores ya que a la hora de realizar el ensayo de conjuntos sí presentan cierta relevancia. Como consecuencia las bandejas intermedias han aumentado ligeramente su primera frecuencia natural y su peso. La estructura final tras todas las modificaciones llevadas a cabo se muestra en la Figura 7.

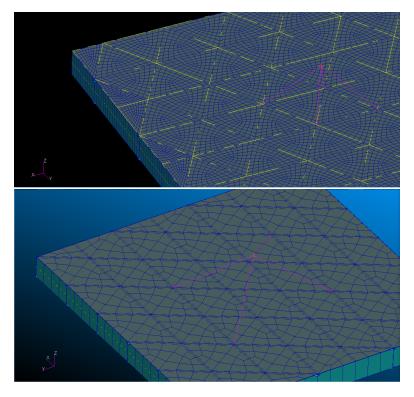


Figura 6: Reubicación de los puntos de unión de los equipos a las bandejas. A la izquierda distribución inicial y a la derecha distribución final



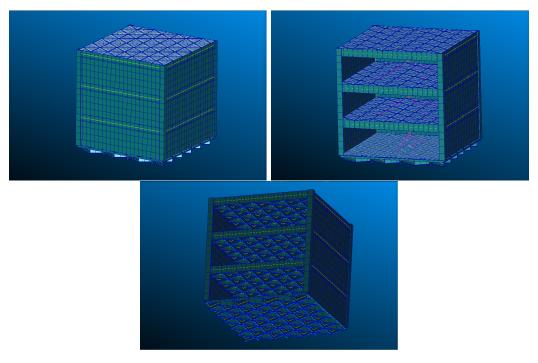


Figura 7: Modelo estructural completo del micro-satélite (a la derecha y abajo se ha ocultado un panel de cierre para una mejor visualización).



#### Resultados 4.

Una vez terminado el modelo de elementos finitos, se pasa al análisis de la estructura con el fin de comprobar que es capaz de resistir los casos de carga a los que va a ser expuesto durante el lanzamiento. A lo largo de esta sección se realizará un estudio del comportamiento de los materiales a través de los márgenes de seguridad. Estos márgenes de seguridad de límite elástico y carga última vienen definidos por:

$$MoS_y = \left(\frac{\sigma_Y}{\sigma_{VM \, \text{máx}} K_p K_M K_{LD} FOSY}\right) - 1, \qquad (1)$$

$$MoS_{y} = \left(\frac{\sigma_{Y}}{\sigma_{VM \max} K_{p} K_{M} K_{LD} FOSY}\right) - 1, \qquad (1)$$

$$MoS_{u} = \left(\frac{\sigma_{U}}{\sigma_{VM \max} K_{p} K_{M} K_{LD} FOSU}\right) - 1, \qquad (2)$$

donde los factores de seguridad son los que aparecen en la Tabla 4 y los valores de  $\sigma_{VM\,{
m m\acute{a}x}}$  son los esfuerzos máximos de Von Mises para cada caso de carga.

Tabla 4: Factores de seguridad asociados al cálculo de los márgenes de seguridad.

| $K_p$ | $K_m$ | $K_{LD}$ | FOSY | FOSU |
|-------|-------|----------|------|------|
| 1.1   | 1.2   | 1.1      | 1.1  | 1.25 |

#### 4.1. Chequeos

Antes de realizar los análisis es necesario comprobar que las estructura responde de forma adecuada a unos casos de carga sencillos. El primero de ellos es el análisis estático de carga gravitatoria. Para este caso se aplica una aceleración de 1 g en cada una de las tres principales direcciones. Se deben cumplir los siguientes requisitos:

- la resultante de fuerzas aplicadas es igual en módulo pero contraria en signo a la resultante de fuerzas de reacción.
- la resultante de fuerzas en cada dirección equivale a la masa del modelo multiplicada por la aceleración aplicada.
- los valores de desplazamiento sean del orden de 10<sup>-4</sup> m, acordes con la carga aplicada.

En la Figura 8 se muestran los resultados de este chequeo. Como se puede observar, la fuerza resultante en cada eje coincide con la masa del modelo (47.31 Kg) multiplicada con la aceleración de valor 1g. Así mismo, la resultante de fuerzas aplicadas resulta de igual valor y signo opuesto a la resultante de fuerzas de reacción. Por último, se observa que los máximos desplazamientos no presentan valores elevados.



| 0 |          |                    |               |               | OLOAD R       | ESULTANT        |               |               |
|---|----------|--------------------|---------------|---------------|---------------|-----------------|---------------|---------------|
| 9 | SUBCASE/ | LOAD               |               |               |               |                 |               |               |
| [ | DAREA ID | TYPE               | T1            | T2            | T3            | R1              | R2            | R3            |
| 0 | 1        | FX                 | 4.731729E+01  |               |               |                 | 1.276197E+01  | 6.449386E-04  |
|   |          | FY                 |               | 4.731729E+01  |               | -1.276197E+01   |               | 2.404870E-04  |
|   |          | FZ                 |               |               | 4.731729E+01  | -6.449386E-04   | -2.404870E-04 |               |
|   |          | MX                 |               |               |               | 8.532778E+00    |               |               |
|   |          | MY                 |               |               |               |                 | -8.532778E+00 |               |
|   |          | MZ                 |               |               |               |                 |               | 0.000000E+00  |
|   |          | TOTALS             | 4.731729E+01  | 4.731729E+01  | 4.731729E+01  | -4.229833E+00   | 4.228947E+00  | 8.854256E-04  |
| 0 |          |                    |               |               | SPCFORCE F    | RESULTANT       |               |               |
|   | SUBCASE/ | LOAD               |               |               |               |                 |               |               |
|   | DAREA ID | TYPE               | T1            | T2            | T3            | R1              | R2            | R3            |
| 0 | 1        | FX                 | -4.731729E+01 |               |               |                 | 9.463458E-01  | -2.810173E-02 |
|   |          | FY                 |               | -4.731729E+01 |               | -9.463458E-01   |               | 2.722031E-02  |
|   |          | FZ                 |               |               | -4.731729E+01 | L 2.273355E+00  | -2.784030E+00 |               |
|   |          | MX                 |               |               |               | 2.902823E+00    |               |               |
|   |          | MY                 |               |               |               |                 | -2.391263E+00 |               |
|   |          | MZ                 |               |               |               |                 |               | -4.000415E-06 |
|   |          | TOTALS             | -4.731729E+01 | -4.731729E+01 | -4.731729E+01 | L 4.229833E+00  | -4.228947E+00 | -8.854256E-04 |
| 0 |          |                    |               | •             | MAYTMIM I     | DISPLACEMENTS   |               |               |
| _ | SUBCASE/ |                    |               |               | PIAKIPIOPI I  | DISPLACEMENTS   |               |               |
|   | DAREA ID | Т                  | 1 .           | Г2            | тэ            | R1              | R2            | R3            |
| 0 | DANLA ID |                    | _             | -             |               | 5773113E-05 3.4 |               |               |
| 1 | _        | وهوه.و<br>ITY LOA/ |               | 33/36-00 3.49 |               | JDENT EDITION*  |               |               |
| 1 | IG GKA   | VIII LUA           | D CHECK       |               | **510         | DOENT ENTITON.  | JUNE 3, A     | 2021 MSC Nast |

Figura 8: Chequeo de carga gravitatoria.

Después se analizan las frecuencias como solido rígido, debe cumplir que los primeros seis modos tengan una frecuencia inferior a  $0.005~\rm Hz$  y que la relación entre el mayor modo como sólido rígido, que en este caso es el 6, y el modo 7 esté por debajo de  $10^{-4}~\rm Hz$ . En la Figura 9 se muestran los resultados del chequeo.

|   |       |                |               | REAL EIGEN   | VALUES        |
|---|-------|----------------|---------------|--------------|---------------|
|   | MODE  | EXTRACTION     | EIGENVALUE    | RADIANS      | CYCLES        |
|   | NO.   | ORDER          |               |              |               |
|   | 1     | 1              | -7.864405E-07 | 8.868148E-04 | 1.411410E-04  |
|   | 2     | 2              | -6.430801E-07 | 8.019227E-04 | 1.276300E-04  |
|   | 3     | 3              | -9.988526E-08 | 3.160463E-04 | 5.030033E-05  |
|   | 4     | 4              | 3.378045E-08  | 1.837946E-04 | 2.925182E-05  |
|   | 5     | 5              | 1.139979E-07  | 3.376357E-04 | 5.373640E-05  |
|   | 6     | 6              | 4.789767E-07  | 6.920815E-04 | 1.101482E-04  |
|   | 7     | 7              | 2.615914E+05  | 5.114600E+02 | 8.140139E+01  |
| 1 | RIGID | BODY FREQUENCY | CHECK         | **STUDENT    | EDITION* JUNE |

Figura 9: Chequeo de frecuencias como sólido rígido.

El último chequeo es el de energía de deformación donde se calcula la energía de deformación en cada una de las direcciones (traslación y rotación) para cada grupo e grados de libertad. Indica si el modelo pasa la prueba, ya que compara los resultados obtenidos con el límite establecido de valor  $10^{-2}$  J. En la Figura 10 se muestran los resultados del chequeo.



|                      | DY CHECKS OF MATRIX KGG<br>SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY | (G-SET)<br>THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL              |                         |                  | BODY CHECKS OF MATRIX KFF<br>ALL SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY | (F-SET)<br>THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL              |                         |
|----------------------|--|---|-------------------------|------------------|--|---|-------------------------|
|                      |  |   |                         |                  |  |   |                         |
| 1                    | 1.139822E-06   | PASS  |                         | 1                | 1.442502E-06   | PASS  |                         |
| 2                    | 5.764887E-07   | PASS  |                         | 2                | 6.407499E-07   | PASS  |                         |
| 3                    | 6.095215E-07   | PASS  |                         | 3                | 7.229974E-07   | PASS  |                         |
| 4                    | 5.465976E-08   | PASS  |                         | 4                | 1.374587E-07   | PASS  |                         |
| 5                    | 6.793538E-08   | PASS  |                         | 5                | 7.826336E-08   | PASS  |                         |
| 6                    | 3.909660E-07   | PASS  |                         | 6                | 4.237109E-07   | PASS  |                         |
|                      |  |   |                         |                  |  |   |                         |
| RESULTS OF RIGID BOD | Y CHECKS OF MATRIX KNN   | (N-SET)   | FOLLOW:                 | RESULTS OF RIGID | BODY CHECKS OF MATRIX KAA1   | (A-SET)   | FOLLOW:                 |
| PRINT RESULTS IN ALL |  | (N-SET)<br>THE LIMIT OF                           | FOLLOW:<br>1.000000E-02 |                  | BODY CHECKS OF MATRIX KAA1<br>ALL SIX DIRECTIONS AGAINST                 | (A-SET)<br>THE LIMIT OF                           | FOLLOW:<br>1.000000E-02 |
|                      |  |   |                         |                  |  |   |                         |
| PRINT RESULTS IN ALL | SIX DIRECTIONS AGAINST   | THE LIMIT OF                                      |                         | PRINT RESULTS IN | ALL SIX DIRECTIONS AGAINST   | THE LIMIT OF                                      |                         |
| PRINT RESULTS IN ALL | SIX DIRECTIONS AGAINST   | THE LIMIT OF                                      |                         | PRINT RESULTS IN | ALL SIX DIRECTIONS AGAINST   | THE LIMIT OF                                      |                         |
| PRINT RESULTS IN ALL | SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY                            | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL                         |                         | PRINT RESULTS IN | ALL SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY                              | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL                         |                         |
| PRINT RESULTS IN ALL | SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY<br><br>1.442502E-06        | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL<br>PASS                 |                         | PRINT RESULTS IN | ALL SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY<br>                          | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL<br>PASS                 |                         |
| PRINT RESULTS IN ALL | SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY<br>                        | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL<br><br>PASS<br>PASS     |                         | PRINT RESULTS IN | ALL SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY<br>                          | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL<br><br>PASS<br>PASS     |                         |
| PRINT RESULTS IN ALL | SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY<br>                        | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL<br>PASS<br>PASS<br>PASS |                         | PRINT RESULTS IN | ALL SIX DIRECTIONS AGAINST<br>STRAIN ENERGY<br>                          | THE LIMIT OF<br>PASS/FAIL<br>PASS<br>PASS<br>PASS |                         |

Figura 10: Chequeo de energía de deformación.

## 4.2. Modos propios

Para la aceptación del satélite es necesario que su primera frecuencia lateral esté por encima de 45 Hz y que su primera frecuencia longitudinal esté por encima de 90 Hz. En este caso se han cumplido ambos requisitos con bastante margen ya que se tiene una primera frecuencia lateral de 70.939 Hz y una longitudinal de 98.986 Hz. En la Figura 11 se representa la respuesta del satélite a ambas frecuencias.

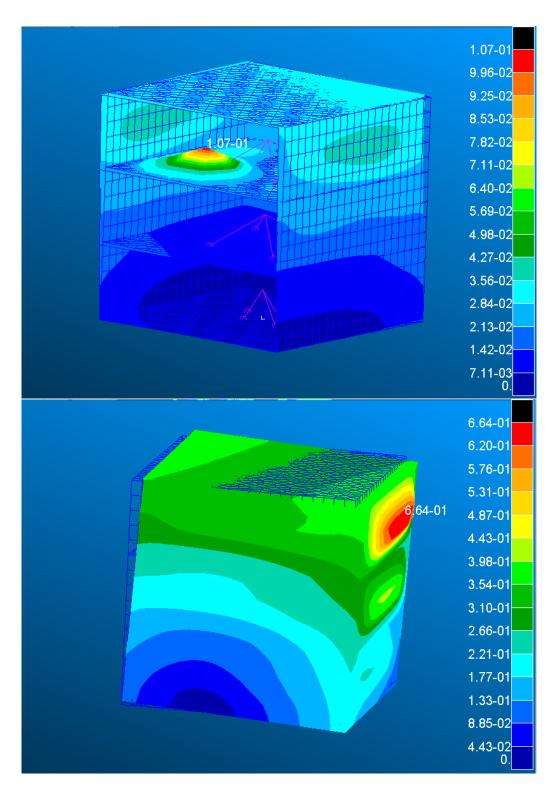


Figura 11: Análisis de modos propios de la estructura.



### 4.3. Análisis estáticos

El lanzador impone sobre el vehículo las aceleraciones cuasiestáticas que aparecen en la Tabla 5. La respuesta estructural a la aceleración en cada una de las tres direcciones se puede visualizar en las Figuras 12 a 14 y los cálculos de márgenes de seguridad se plasman en la Tabla 6.

Tabla 5: Especificaciones para el análisis estático.

| Análisis estático  |   |    |  |  |  |  |
|--|---|----|--|--|--|--|
| Aceleración en X [g]   Aceleración en Y [g]   Aceleración en Z |   |    |  |  |  |  |
| 6  | 6 | 13 |  |  |  |  |

Tabla 6: Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis estático.

| Tipo de elemento | Sentido              | Carg               | as                | Material | $MoS_y$  | $MoS_u$  |
|------------------|----------------------|--------------------|-------------------|----------|----------|----------|
|                  | Tensor               | $\sigma_{VMX}[Pa]$ | $6.09 \cdot 10^6$ | CFRP     | 14.42108 | 13.47525 |
| 2D               | de tensiones         | $\sigma_{VMY}[Pa]$ | $6.80 \cdot 10^6$ | CFRP     | 12.81093 | 11.96386 |
|                  | de tensiones         | $\sigma_{VMZ}[Pa]$ | $1.82 \cdot 10^7$ | CFRP     | 4.160129 | 3.843641 |
|                  | Tracción  Compresión | $\sigma_{VMX}[Pa]$ | $1.12 \cdot 10^7$ | CFRP     | 7.38521  | 6.870917 |
|                  |                      | $\sigma_{VMY}[Pa]$ | $1.15 \cdot 10^7$ | CFRP     | 7.166465 | 6.665589 |
| 1D               |                      | $\sigma_{VMZ}[Pa]$ | $3.05 \cdot 10^7$ | CFRP     | 2.079159 | 1.890304 |
|                  |                      | $\sigma_{VMX}[Pa]$ | $7.18 \cdot 10^5$ | CFRP     | 129.7999 | 121.7775 |
|                  |                      | $\sigma_{VMY}[Pa]$ | $5.96 \cdot 10^5$ | CFRP     | 156.5744 | 146.9098 |
|                  |                      | $\sigma_{VMZ}[Pa]$ | $1.71 \cdot 10^6$ | CFRP     | 53.92067 | 50.5522  |

14



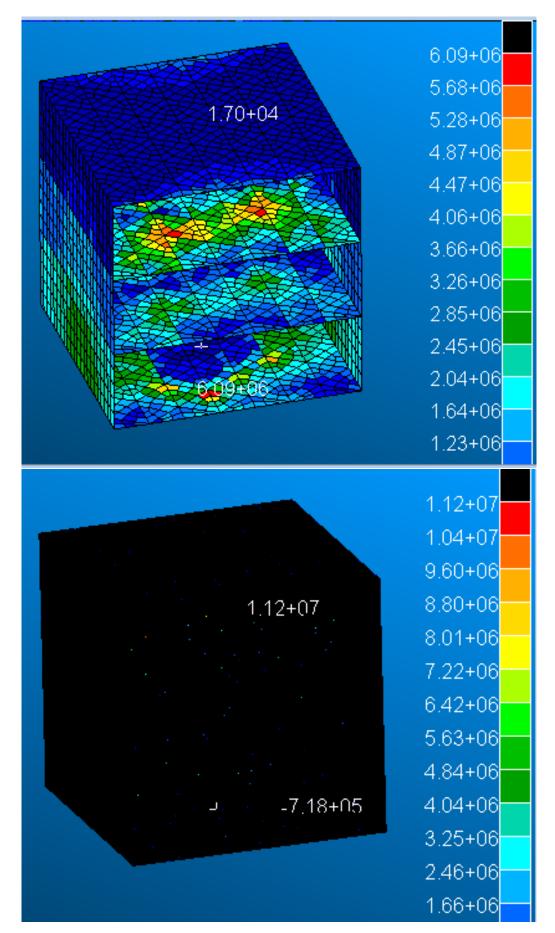
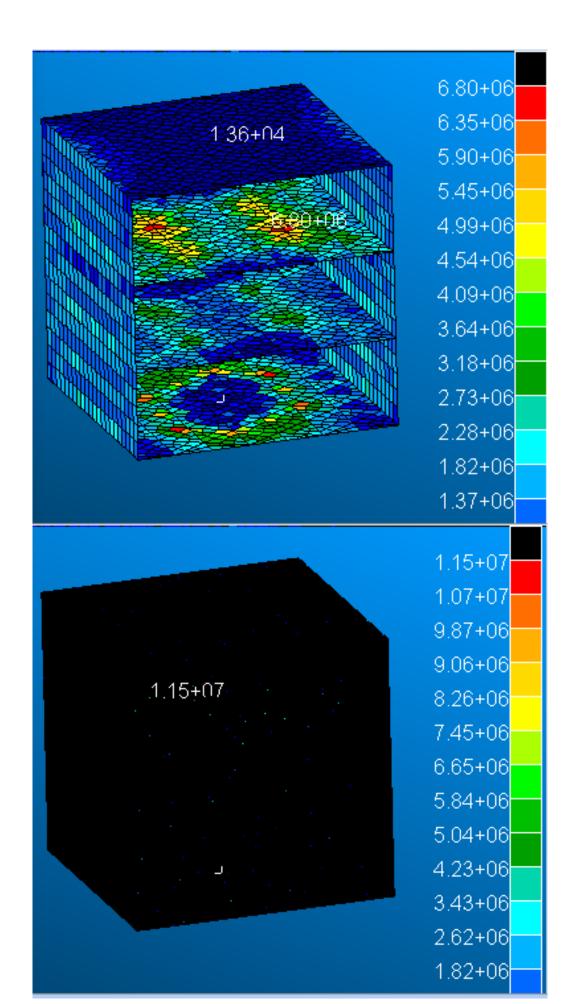
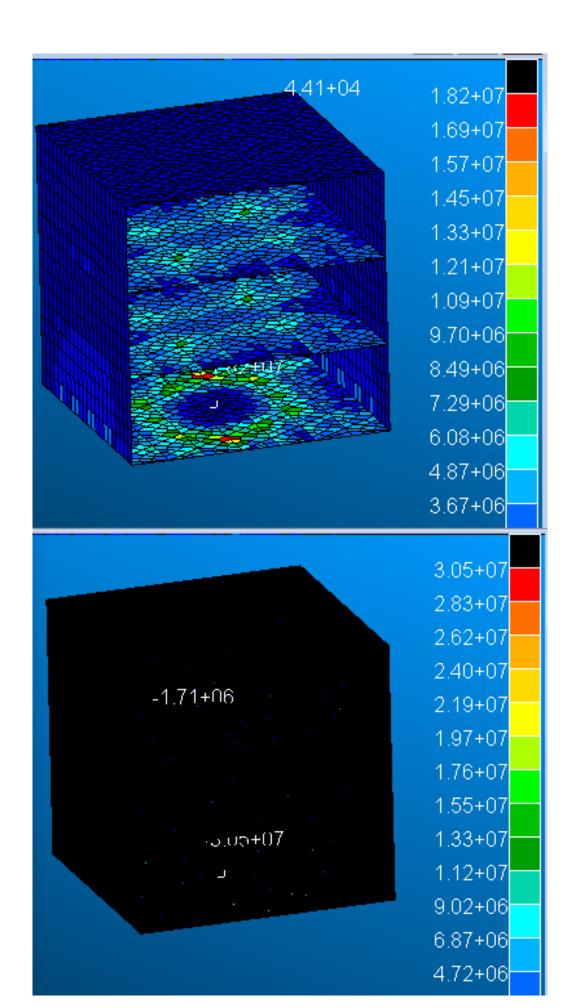


Figura 12: Análisis estático en la dirección X, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.











### 4.4. Análisis de vibraciones sinusoidales

Durante el lanzamiento, la combustión y el efecto POGO (si se presenta) se somete a la estructura a cargas sinusoidales que aparecen descritas en la Tabla 7. La respuesta estructural a la aceleración en cada una de las tres direcciones se puede visualizar en las Figuras 15 a 17 y los cálculos de márgenes de seguridad se plasman en la Tabla 8.

Tabla 7: Especificaciones para el análisis de vibraciones sinusoidales.

| Eje          | Rango de Frecuencia [Hz] | Aceleración |
|--------------|--------------------------|-------------|
| Longitudinal | 4 - 6                    | 25 mm       |
| (Z)          | 6 - 100                  | 3.75 g      |
| Lateral      | 2 - 6                    | 20 mm       |
| (X, Y)       | 6 - 100                  | 2.5 g       |

Tabla 8: Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones sinusoidales.

| Tipo de elemento | Carg                | as                | Material | $MoS_y$  | $MoS_u$  |
|------------------|---------------------|-------------------|----------|----------|----------|
|                  | $\sigma_{VMX}$ [Pa] | $1.18 \cdot 10^7$ | CFRP     | 6.958843 | 6.470701 |
| 2D               | $\sigma_{VMY}$ [Pa] | $9.50 \cdot 10^6$ | CFRP     | 8.885721 | 8.279397 |
|                  | $\sigma_{VMZ}$ [Pa] | $3.63 \cdot 10^6$ | CFRP     | 24.87172 | 23.28492 |
|                  | $\sigma_{VMX}$ [Pa] | $3.09 \cdot 10^7$ | CFRP     | 2.039299 | 1.852889 |
| 1D               | $\sigma_{VMY}$ [Pa] | $7.64 \cdot 10^7$ | CFRP     | 0.229245 | 0.153852 |
|                  | $\sigma_{VMZ}$ [Pa] | $9.16 \cdot 10^6$ | CFRP     | 9.252658 | 8.623829 |



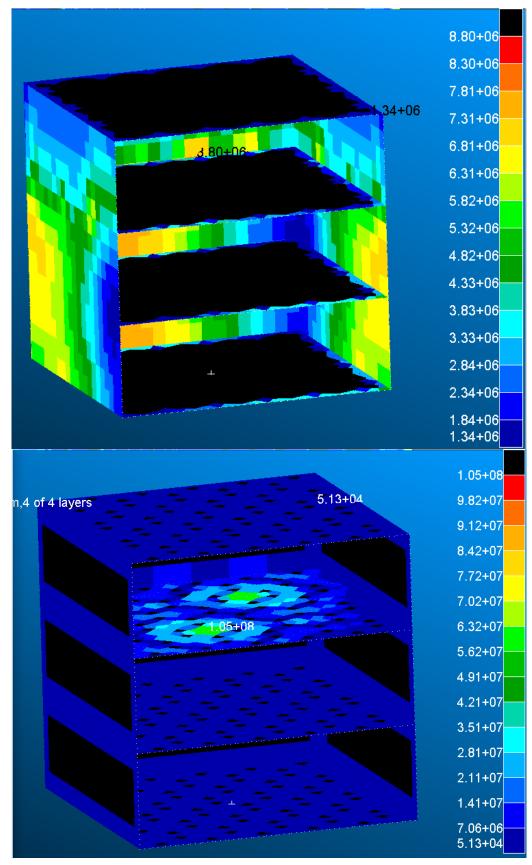


Figura 15: Análisis de vibraciones sinusoidales en la dirección X, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.

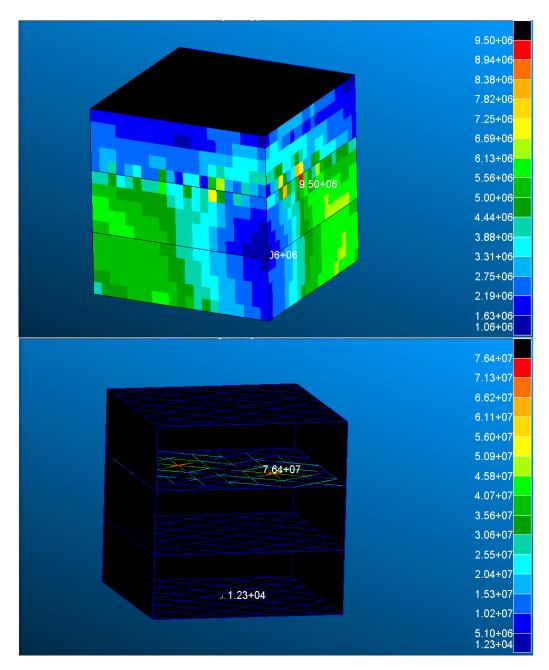


Figura 16: Análisis de vibraciones sinusoidales en la dirección Y, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.

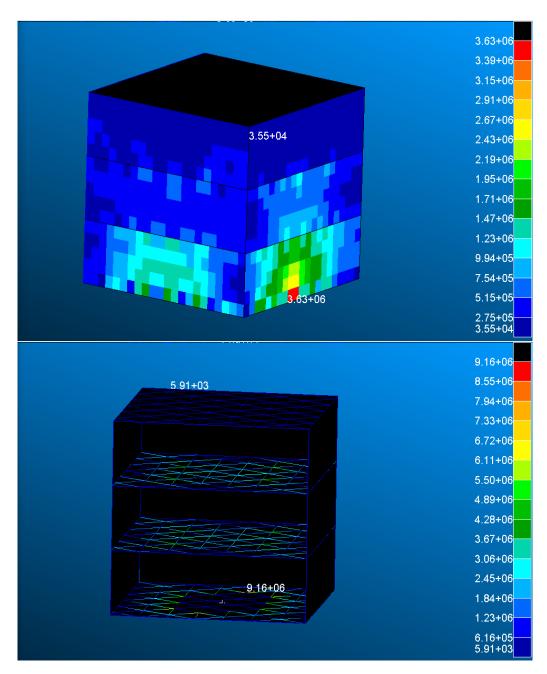


Figura 17: Análisis de vibraciones sinusoidales en la dirección Z, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.



### 4.5. Análisis de vibraciones aleatorias

Típicamente, las cargas acústicas y la capa turbulenta suponen una serie de vibraciones aleatorias las cuales pueden llegar a ser muy perjudiciales para la estructura. Las vibraciones aleatorias estudiadas se describen en la Tabla 9. La respuesta estructural a la aceleración en cada una de las tres direcciones se puede visualizar en las Figuras 18 a 20 y los cálculos de márgenes de seguridad se plasman en la Tabla 10.

Tabla 9: Especificaciones para el análisis de vibraciones aleatorias.

| Eje              | Rango de Frecuencia [Hz] | Aceleración                    |
|------------------|--------------------------|--------------------------------|
| Longitudinal (Z) | 20 - 2000                | $0.0727 \text{ g}^2/\text{Hz}$ |
| Lateral (X, Y)   | 20 - 2000                | $0.0727 \text{ g}^2/\text{Hz}$ |

Tabla 10: Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones aleatorias.

| Tipo de elemento | Carg                       | as                        | Material | MoSy     | MoSu     |
|------------------|----------------------------|---------------------------|----------|----------|----------|
|                  | $\sigma_{VM}_X$ [Pa]       | $2,\!58\mathrm{E}{+07}$   | CFRP     | 2,640091 | 2,416832 |
| 2D               | $\sigma_{VM}_{Y}$ [Pa]     | $1{,}39\mathrm{E}{+}07$   | CFRP     | 5,756428 | 5,342034 |
|                  | $\sigma_{VM}^{-}_{Z}$ [Pa] | $2{,}11\mathrm{E}{+}07$   | CFRP     | 3,450917 | 3,177927 |
| 1D               | $\sigma_{VM}_X$ [Pa]       | 4,02E+07                  | CFRP     | 1,336178 | 1,192892 |
|                  | $\sigma_{VM}_{Y}$ [Pa]     | $3,\!84\mathrm{E}\!+\!07$ | CFRP     | 1,445686 | 1,295684 |
|                  | $\sigma_{VM}_{Z}$ [Pa]     | $4,\!67\mathrm{E}\!+\!07$ | CFRP     | 1,011014 | 0,887672 |



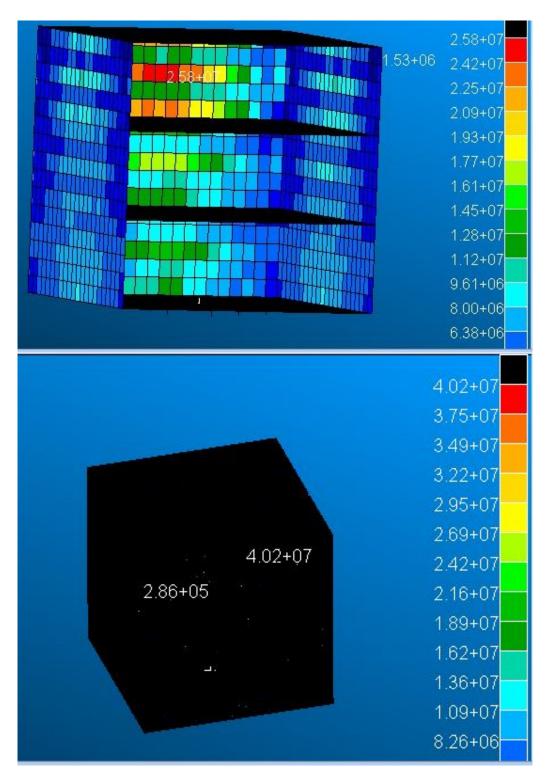


Figura 18: Análisis de vibraciones aleatorias en la dirección X, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.



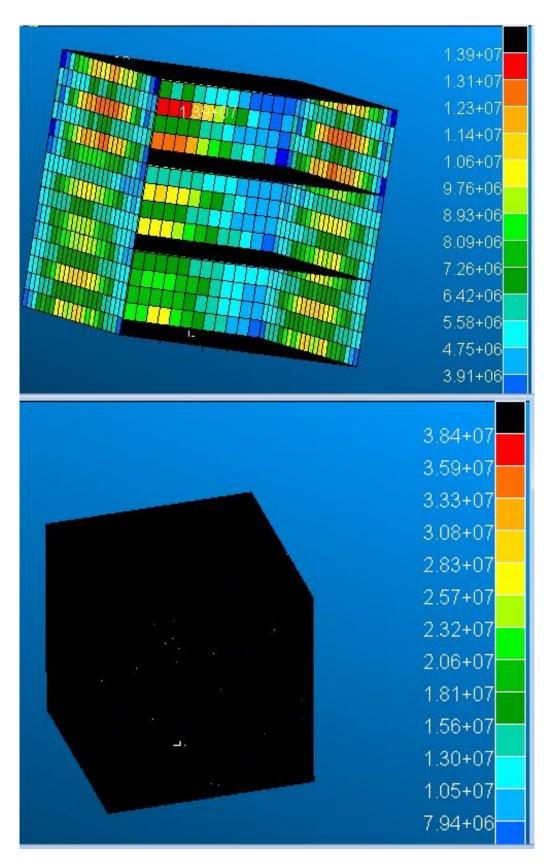


Figura 19: Análisis de vibraciones aleatorias en la dirección Y, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.



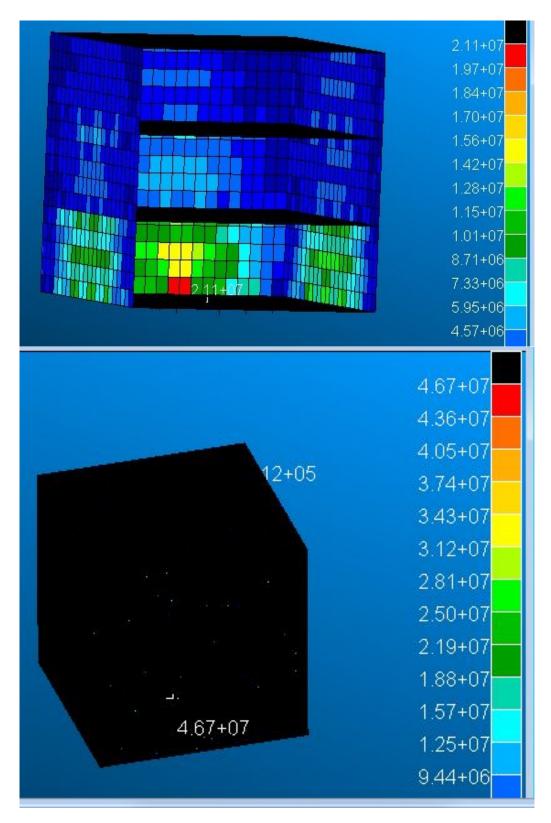


Figura 20: Análisis de vibraciones aleatorias en la dirección Z, arriba esfuerzos sobre los elementos bidimensionales y abajo esfuerzos sobre elementos unidimensionales.



#### Análisis de tornillos 4.6.

Por último, no deben olvidarse los esfuerzos a los que se ven sometidos los tornillos de la base del satélite que hacen de interfaz con el adaptador del lanzador. Es por ello que se han calculado las cargas axiales y de cortadura sobre estos elementos con el fin de determinar si alguno de los pernos es susceptible a fallo. Para los tornillos existen los siguientes casos de fallo:

Tracción

$$MoS_{\text{tot },y} = \frac{A_s \sigma_y}{F_{V,\text{máx}} + \Phi_n F_A s f_y} - 1,$$
 (3)

$$MoS_{\text{tot },u} = \frac{A_s \sigma_u}{F_{V,\text{máx}} + \Phi_n F_A s f_u} - 1, \qquad (4)$$

Gapping

$$MoS_g = \frac{F_{V,\text{min}}}{(1 - \Phi_n) F_A s f_g} - 1,$$
 (5)

Sliding

$$MoS_{slip} = \frac{\left(F_{V,\text{min}} - \left(1 - \Phi_n\right) F_A\right) \mu_s}{F_Q s f_{ult}} - 1, \qquad (6)$$

Cortadura

$$MoS_{\text{comb },y} = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{F_Q s f_y}{\tau_y A_s}\right)^2 + \left(\frac{F_{V,\text{máx}} + \Phi_n F_A s f_y}{A_s \sigma_y}\right)^2}} - 1,$$

$$MOS_{\text{comb },u} = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{F_Q s f_u}{\tau_u A_s}\right)^2 + \left(\frac{F_{V,\text{máx}} + \Phi_n F_A s f_u}{A_s \sigma_u}\right)^2}} - 1,$$
(8)

$$MOS_{\text{comb },u} = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{F_Q s f_u}{\tau_u A_s}\right)^2 + \left(\frac{F_{V,\text{máx}} + \Phi_n F_A s f_u}{A_s \sigma_u}\right)^2}} - 1, \qquad (8)$$

los parámetros empleados para el cálculo se recogen en la Tabla 11 y los márgenes de seguridad para los distintos casos de fallo y los distintos casos de carga se recogen en la Tabla 12 a 14 y la numeración correspondiente a cada elemento se muestra en la Figura 21.



Tabla 11: Propiedades de los tornillos relacionadas con su respuesta estructural.

| Material         | Acero A286   | $As [m^2]$             | $3.66 \cdot 10^{-5}$ |
|------------------|--------------|------------------------|----------------------|
| Métrica          | M8           | $\Phi_n$               | 0.038                |
| $\sigma_y$ [Mpa] | 950          | sfy                    | 1                    |
| $\sigma_u$ [Mpa] | 1100         | sfu = sfg              | 1.4                  |
| $\tau_y$ [Mpa]   | 548          | $\mu s$                | 0.2                  |
| $\tau_u$ [Mpa]   | 655          | $F_{V,\text{max}}$ [N] | 21972.1              |
| Mapp [Nm]        | 33.5         | $F_{V,\min}$ [N]       | 13241.4              |
| $F_A$            | Fuerza axial | $F_Q$                  | Fuerza lateral       |

| K1 (tracción) $[N/m]$ | $10^{9}$ |
|-----------------------|----------|
| K2 (tracción) $[N/m]$ | $10^{9}$ |
| K3 (tracción) $[N/m]$ | $10^{9}$ |
| K4 (torsión) [N/m]    | 100      |
| K5 (flexión) $[N/m]$  | $10^{7}$ |
| K6 (flexión) $[N/m]$  | $10^{7}$ |

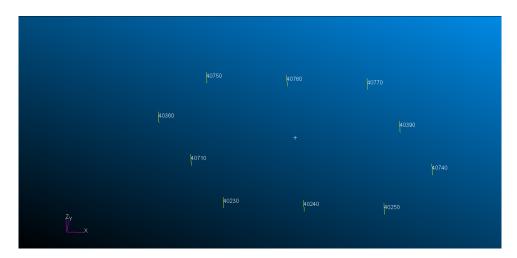


Figura 21: Numeración de los elementos de tipo CBUSH que representan los tornillos de la interfaz.



Tabla 12: Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga cuasiestática.

| Caso de carga    | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|------------------|----------|---------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|                  | 40230    | $1.20 \cdot 10^2$   | $4.24 \cdot 10^2$   | 0.582566      | 0.832293      | 81.0942494  | 3.4213056    | 0.58168104     | 0.830410087     |
|                  | 40240    | $1.01 \cdot 10^{1}$ | $4.40 \cdot 10^2$   | 0.5828662     | 0.83278       | 974.531681  | 3.2974777    | 0.58191391     | 0.830753058     |
|                  | 40250    | $1.19 \cdot 10^2$   | $4.10 \cdot 10^2$   | 0.5825678     | 0.832296      | 81.560077   | 3.5786588    | 0.58174254     | 0.830539916     |
|                  | 40360    | $3.17 \cdot 10^2$   | $8.31 \cdot 10^{1}$ | 0.582025953   | 0.831417901   | 29.99795671 | 21.23135678  | 0.581991965    | 0.831345563     |
| Cuasi-estático X | 40390    | $8.97 \cdot 10^{1}$ | $2.12 \cdot 10^2$   | 0.5826482     | 0.832426      | 108.603003  | 7.8746367    | 0.58242745     | 0.831956308     |
| Cuasi-estatico A | 40710    | $8.96 \cdot 10^{1}$ | $2.12 \cdot 10^2$   | 0.5826486     | 0.832427      | 108.775605  | 7.8829308    | 0.58242824     | 0.8319578       |
|                  | 40740    | $3.17 \cdot 10^2$   | $8.30 \cdot 10^{1}$ | 0.5820253     | 0.831417      | 29.9731859  | 21.258502    | 0.58199136     | 0.831344618     |
|                  | 40750    | $1.19 \cdot 10^2$   | $4.10 \cdot 10^2$   | 0.5825676     | 0.832296      | 81.5049772  | 3.5780873    | 0.58174212     | 0.830539147     |
|                  | 40760    | 9.95                | $4.40 \cdot 10^2$   | 0.5828665     | 0.83278       | 986.652505  | 3.2971853    | 0.5819141      | 0.830753293     |
|                  | 40770    | $1.20 \cdot 10^2$   | $4.24 \cdot 10^2$   | 0.582566497   | 0.832293887   | 81.22558462 | 3.421051073  | 0.581681436    | 0.830410663     |

| Caso de carga    | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|------------------|----------|---------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|                  | 40230    | $2.53 \cdot 10^2$   | $1.66 \cdot 10^2$ | 0.5822019     | 0.831703      | 37.8831708  | 10.162476    | 0.58206572     | 0.831413176     |
|                  | 40240    | $1.17 \cdot 10^2$   | $1.52 \cdot 10^2$ | 0.5825722     | 0.832303      | 82.6945847  | 11.340458    | 0.58245852     | 0.832061084     |
|                  | 40250    | $2.41 \cdot 10^2$   | $2.49 \cdot 10^2$ | 0.5822353     | 0.831757      | 39.8573129  | 6.4672696    | 0.58193054     | 0.831108544     |
|                  | 40360    | $1.28 \cdot 10^{1}$ | $5.82 \cdot 10^2$ | 0.582858725   | 0.83276756    | 767.1994009 | 2.249896671  | 0.581195406    | 0.829229771     |
| Cuasi-estático Y | 40390    | $6.83 \cdot 10^{1}$ | $4.10 \cdot 10^2$ | 0.5827067     | 0.832521      | 142.866688  | 3.5926871    | 0.58188012     | 0.830762075     |
| Cuasi-estatico i | 40710    | $6.82 \cdot 10^{1}$ | $4.10 \cdot 10^2$ | 0.5827071     | 0.832522      | 143.168965  | 3.5917208    | 0.58188015     | 0.830761933     |
|                  | 40740    | $1.22 \cdot 10^{1}$ | $5.82 \cdot 10^2$ | 0.5828603     | 0.83277       | 802.457811  | 2.2500567    | 0.58119697     | 0.829232308     |
|                  | 40750    | $2.41 \cdot 10^2$   | $2.49 \cdot 10^2$ | 0.5822354     | 0.831757      | 39.8628606  | 6.4676026    | 0.58193066     | 0.831108744     |
|                  | 40760    | $1.17 \cdot 10^2$   | $1.52 \cdot 10^2$ | 0.582573      | 0.832304      | 82.8880592  | 11.354301    | 0.58245952     | 0.832062818     |
|                  | 40770    | $2.52 \cdot 10^2$   | $1.66 \cdot 10^2$ | 0.582202959   | 0.831704724   | 37.9449767  | 10.15803301  | 0.582066702    | 0.831414706     |

| Caso de carga    | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|------------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|                  | 40230    | $6.02 \cdot 10^2$ | $3.64 \cdot 10^2$ | 0.581248      | 0.830158      | 15.3371389  | 3.9704335    | 0.58059788     | 0.828775404     |
|                  | 40240    | $4.37 \cdot 10^2$ | $2.83 \cdot 10^2$ | 0.5816984     | 0.830887      | 21.4995184  | 5.4671289    | 0.58130428     | 0.830048811     |
|                  | 40250    | $7.05 \cdot 10^2$ | $3.97 \cdot 10^2$ | 0.580967      | 0.829702      | 12.9520479  | 3.5171806    | 0.58019263     | 0.828056649     |
|                  | 40360    | $1.12 \cdot 10^3$ | $5.16 \cdot 10^2$ | 0.579836505   | 0.827872208   | 7.786647862 | 2.36533725   | 0.578531906    | 0.825102952     |
| Cuasi-estático Z | 40390    | $4.56 \cdot 10^2$ | $2.46 \cdot 10^2$ | 0.5816456     | 0.830802      | 20.546828   | 6.430827     | 0.58134794     | 0.830168442     |
| Cuasi-estatico Z | 40710    | $4.56 \cdot 10^2$ | $2.46 \cdot 10^2$ | 0.5816465     | 0.830803      | 20.5626772  | 6.42819      | 0.58134863     | 0.830169444     |
|                  | 40740    | $1.12 \cdot 10^3$ | $5.17 \cdot 10^2$ | 0.5798374     | 0.827874      | 7.7891795   | 2.3645116    | 0.57853208     | 0.825102871     |
|                  | 40750    | $7.05 \cdot 10^2$ | $3.97 \cdot 10^2$ | 0.5809661     | 0.829701      | 12.9458763  | 3.515827     | 0.58019135     | 0.828054366     |
|                  | 40760    | $4.37 \cdot 10^2$ | $2.83 \cdot 10^2$ | 0.5816974     | 0.830886      | 21.4808377  | 5.4663363    | 0.58130321     | 0.830047046     |
|                  | 40770    | $6.02 \cdot 10^2$ | $3.64 \cdot 10^2$ | 0.581246921   | 0.830155852   | 15.32643156 | 3.968365797  | 0.580596301    | 0.828772595     |



Tabla 13: Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica sinusoidal.

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$      |
|---------------|----------|---------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------------|
|               | 40230    | $2.68 \cdot 10^2$   | $6.92 \cdot 10^2$ | 0.5821614     | 0.831637      | 35.7345381  | 1.6809717    | 0.57981164     | 0.826644923          |
|               | 40240    | $7.19 \cdot 10^{1}$ | $7.70 \cdot 10^2$ | 0.5826969     | 0.832505      | 135.673987  | 1.4436364    | 0.57978446     | 0.826317569          |
|               | 40250    | $1.15 \cdot 10^2$   | $1.08 \cdot 10^3$ | 0.5825784     | 0.832313      | 84.3408681  | 0.7387571    | 0.5768788      | $8.20 \cdot 10^{-1}$ |
|               | 40360    | $2.76 \cdot 10^2$   | $1.04 \cdot 10^3$ | 0.582137782   | 0.831599107   | 34.58585755 | 0.784961609  | 0.576858601    | 0.820408771          |
| Seno X        | 40390    | $1.22 \cdot 10^2$   | $4.35 \cdot 10^2$ | 0.582559      | 0.832282      | 79.3897903  | 3.3128078    | 0.5816294      | 0.830303821          |
| Scho A        | 40710    | $1.22 \cdot 10^2$   | $4.35 \cdot 10^2$ | 0.5825592     | 0.832282      | 79.4380462  | 3.3123069    | 0.58162938     | 0.830303665          |
|               | 40740    | $2.76 \cdot 10^2$   | $1.04 \cdot 10^3$ | 0.5821377     | 0.831599      | 34.5811543  | 0.7863507    | 0.5768667      | 0.82042591           |
|               | 40750    | $1.15 \cdot 10^2$   | $1.08 \cdot 10^3$ | 0.5825786     | 0.832314      | 84.3855451  | 0.738083     | 0.57687452     | 0.820222518          |
|               | 40760    | $7.18 \cdot 10^{1}$ | $7.70 \cdot 10^2$ | 0.5826973     | 0.832506      | 135.957573  | 1.4430668    | 0.57978345     | 0.826315218          |
|               | 40770    | $2.67 \cdot 10^2$   | $6.92 \cdot 10^2$ | 0.582162125   | 0.831638553   | 35.77043021 | 1.680262552  | 0.579811021    | 0.826643247          |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|---------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|               | 40230    | $3.13 \cdot 10^2$ | $5.23 \cdot 10^2$ | 0.5820368     | 0.831435      | 30.3898342  | 2.5327959    | 0.58069171     | 0.828575605     |
|               | 40240    | $1.22 \cdot 10^2$ | $5.83 \cdot 10^2$ | 0.5825599     | 0.832283      | 79.5958055  | 2.216795     | 0.58088996     | 0.828732164     |
|               | 40250    | $2.29 \cdot 10^2$ | $8.58 \cdot 10^2$ | 0.5822658     | 0.831807      | 41.8425079  | 1.1690585    | 0.57865927     | 0.824150922     |
|               | 40360    | $1.39 \cdot 10^2$ | $9.47 \cdot 10^2$ | 0.582512638   | 0.832206595   | 69.60340979 | 0.977677809  | 0.578117553    | 0.822881134     |
| Seno Y        | 40390    | $1.07 \cdot 10^2$ | $4.58 \cdot 10^2$ | 0.5825999     | 0.832348      | 90.5780631  | 3.0993846    | 0.58156874     | 0.830154129     |
| Sello 1       | 40710    | $1.07 \cdot 10^2$ | $4.58 \cdot 10^2$ | 0.5826003     | 0.832349      | 90.6844027  | 3.0985298    | 0.58156863     | 0.830153726     |
|               | 40740    | $1.39 \cdot 10^2$ | $9.46 \cdot 10^2$ | 0.5825128     | 0.832207      | 69.6381168  | 0.9788775    | 0.578123       | 0.822892558     |
|               | 40750    | $2.29 \cdot 10^2$ | $8.58 \cdot 10^2$ | 0.5822658     | 0.831807      | 41.8432472  | 1.1682507    | 0.5786566      | 0.824145266     |
|               | 40760    | $1.22 \cdot 10^2$ | $5.83 \cdot 10^2$ | 0.5825605     | 0.832284      | 79.7484943  | 2.2161308    | 0.58088985     | 0.828731598     |
|               | 40770    | $3.13 \cdot 10^2$ | $5.23 \cdot 10^2$ | 0.582037641   | 0.83143684    | 30.42137247 | 2.531484599  | 0.580691504    | 0.828574739     |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|---------------|----------|-------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------|
|               | 40230    | $1.56 \cdot 10^2$ | $1.06 \cdot 10^2$   | 0.5824662     | 0.832131      | 61.9362019  | 16.694842    | 0.58241123     | 0.832014297    |
|               | 40240    | $1.00 \cdot 10^2$ | $8.43 \cdot 10^{1}$ | 0.58262       | 0.832381      | 97.2999016  | 21.270183    | 0.58258499     | 0.832306058    |
|               | 40250    | $1.85 \cdot 10^2$ | $1.15 \cdot 10^2$   | 0.5823885     | 0.832005      | 52.2480015  | 15.195034    | 0.5823231      | 0.831866195    |
|               | 40360    | $3.01 \cdot 10^2$ | $1.47 \cdot 10^2$   | 0.582070929   | 0.831490778   | 31.69320911 | 11.55151904  | 0.581964039    | 0.831263284    |
| Seno Z        | 40390    | $1.06 \cdot 10^2$ | $7.45 \cdot 10^{1}$ | 0.5826027     | 0.832353      | 91.4706769  | 24.202066    | 0.58257544     | 0.832294485    |
| Selio Z       | 40710    | $1.06 \cdot 10^2$ | $7.45 \cdot 10^{1}$ | 0.5826031     | 0.832353      | 91.5905999  | 24.182162    | 0.58257577     | 0.832295003    |
|               | 40740    | $3.01 \cdot 10^2$ | $1.47 \cdot 10^2$   | 0.5820714     | 0.831492      | 31.7121743  | 11.549705    | 0.58196448     | 0.831263985    |
|               | 40750    | $1.85 \cdot 10^2$ | $1.15 \cdot 10^2$   | 0.5823875     | 0.832004      | 52.1478201  | 15.195924    | 0.58232216     | 0.831864674    |
|               | 40760    | $1.00 \cdot 10^2$ | $8.43 \cdot 10^{1}$ | 0.5826195     | 0.83238       | 97.1072162  | 21.281453    | 0.58258449     | 0.832305265    |
|               | 40770    | $1.57 \cdot 10^2$ | $1.06 \cdot 10^2$   | 0.582465355   | 0.832129962   | 61.80905007 | 16.68768269  | 0.582410327    | 0.832012806    |



Tabla 14: Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica aleatoria.

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|---------------|----------|---------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|               | 40230    | $7.57 \cdot 10^2$   | $6.36 \cdot 10^{1}$ | 0.5808231     | 0.829469      | 11.9810725  | 27.110215    | 0.58080322     | 0.829427212     |
|               | 40240    | $5.48 \cdot 10^{1}$ | $6.25 \cdot 10^3$   | 0.5827439     | 0.832581      | 178.552016  | -0.6987549   | 0.41936624     | 0.523039424     |
|               | 40250    | $1.40 \cdot 10^2$   | $9.48 \cdot 10^3$   | 0.5825098     | 0.832202      | 69.0869225  | -0.8025474   | 0.26723519     | 0.286305356     |
|               | 40360    | $8.07 \cdot 10^2$   | $1.12 \cdot 10^4$   | 0.580686558   | 0.829248358   | 11.17717173 | -0.840632543 | 0.186444114    | 0.174933133     |
| Random X      | 40390    | $1.58 \cdot 10^2$   | $1.69 \cdot 10^3$   | 0.5824613     | 0.832123      | 61.2240365  | 0.1070579    | 0.56860091     | 0.802933424     |
| Italidolli A  | 40710    | $1.58 \cdot 10^2$   | $1.69 \cdot 10^3$   | 0.5824619     | 0.832124      | 61.3040628  | 0.1062247    | 0.56858043     | 0.80289049      |
|               | 40740    | $8.08 \cdot 10^2$   | $1.12 \cdot 10^4$   | 0.5806859     | 0.829247      | 11.1736921  | -0.8403772   | 0.18728201     | 0.176050038     |
|               | 40750    | $1.40 \cdot 10^2$   | $9.49 \cdot 10^3$   | 0.5825103     | 0.832203      | 69.1652711  | -0.8026685   | 0.26695103     | 0.285897628     |
|               | 40760    | $5.45 \cdot 10^{1}$ | $6.26 \cdot 10^3$   | 0.5827445     | 0.832582      | 179.291739  | -0.698891    | 0.41923655     | 0.522819429     |
|               | 40770    | $7.56 \cdot 10^2$   | $5.00 \cdot 10^3$   | 0.580827083   | 0.82947591    | 12.00631873 | -0.642487674 | 0.47077436     | 0.613725083     |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|---------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------|
|               | 40230    | $1.04 \cdot 10^3$ | $2.83 \cdot 10^3$ | 0.580059      | 0.828232      | 8.47777381  | -0.3822174   | 0.54218565     | 0.750067571    |
|               | 40240    | $1.57 \cdot 10^2$ | $3.53 \cdot 10^3$ | 0.5824646     | 0.832129      | 61.7014513  | -0.4708402   | 0.52434716     | 0.713767363    |
|               | 40250    | $5.57 \cdot 10^2$ | $5.87 \cdot 10^3$ | 0.5813698     | 0.830355      | 16.643929   | -0.6910128   | 0.43500879     | 0.550235465    |
|               | 40360    | $2.05 \cdot 10^2$ | $9.34 \cdot 10^3$ | 0.582332602   | 0.831914816   | 46.9462811  | -0.800386193 | 0.274206884    | 0.296374686    |
| Random Y      | 40390    | $1.22 \cdot 10^2$ | $2.06 \cdot 10^3$ | 0.5825603     | 0.832284      | 79.7013226  | -0.0905195   | 0.56204196     | 0.789291914    |
| Ttandom 1     | 40710    | $1.22 \cdot 10^2$ | $2.06 \cdot 10^3$ | 0.5825611     | 0.832285      | 79.8797271  | -0.091124    | 0.5620151      | 0.789236179    |
|               | 40740    | $2.05 \cdot 10^2$ | $9.32 \cdot 10^3$ | 0.5823332     | 0.831916      | 46.9940135  | -0.8001387   | 0.27475514     | 0.297166914    |
|               | 40750    | $5.57 \cdot 10^2$ | $5.88 \cdot 10^3$ | 0.5813699     | 0.830355      | 16.645176   | -0.69122     | 0.43483805     | 0.549940147    |
|               | 40760    | $1.56 \cdot 10^2$ | $3.54 \cdot 10^3$ | 0.5824663     | 0.832131      | 61.9484355  | -0.4710887   | 0.52429204     | 0.713659216    |
|               | 40770    | $1.04 \cdot 10^3$ | $2.83 \cdot 10^3$ | 0.580064789   | 0.828241719   | 8.497059103 | -0.382644649 | 0.542128325    | 0.749950091    |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$      | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|---------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|--------------|--------------|----------------|----------------|
|               | 40230    | $4.72 \cdot 10^4$ | $3.37 \cdot 10^4$ | 0.4633254     | 0.644682      | -0.7919022   | -1.1366267   | -0.4482562     | -0.51411071    |
|               | 40240    | $6.71 \cdot 10^3$ | $2.63 \cdot 10^4$ | 0.5647485     | 0.803544      | 0.46630683   | -0.9630576   | -0.3135008     | -0.38665088    |
|               | 40250    | $7.18 \cdot 10^4$ | $4.26 \cdot 10^4$ | 0.4081088     | 0.561474      | -0.8630143   | -1.1873262   | -0.5529595     | -0.61025455    |
|               | 40360    | $8.82 \cdot 10^3$ | $1.70 \cdot 10^4$ | 0.559124378   | 0.794522993   | 0.115335903  | -0.959946459 | -0.058393045   | -0.120748176   |
| Random Z      | 40390    | $9.22 \cdot 10^3$ | $1.69 \cdot 10^4$ | 0.5580406     | 0.792787      | 0.06595553   | -0.9631393   | -0.0568156     | -0.11892233    |
| Trandom Z     | 40710    | $8.82 \cdot 10^3$ | $1.70 \cdot 10^4$ | 0.5591244     | 0.794523      | 0.1153359    | -0.9599465   | -0.058393      | -0.12074818    |
|               | 40740    | $2.18 \cdot 10^5$ | $6.87 \cdot 10^4$ | 0.1501349     | 0.200455      | -0.9548097   | -1.4076553   | -0.7169714     | -0.75590497    |
|               | 40750    | $6.80 \cdot 10^4$ | $4.11 \cdot 10^4$ | 0.4163768     | 0.573791      | -0.8553684   | -1.1810955   | -0.5389173     | -0.59751606    |
|               | 40760    | $6.46 \cdot 10^3$ | $2.60 \cdot 10^4$ | 0.5654018     | 0.804594      | 0.52170768   | -0.9614159   | -0.3081762     | -0.38144826    |
|               | 40770    | $4.72 \cdot 10^4$ | $3.40 \cdot 10^4$ | 0.46341741    | 0.644823016   | -0.791728859 | -1.135227431 | -0.452556134   | -0.518137688   |

Como se puede observar en la Tabla 14 las solicitaciones producidas por vibraciones aleatorias son las que más comprometen las integridad de los tornillos. Es por ello que se ha de aumentar el tamaño de estos hasta M9 con el fin de aumentar su resistencia y cumplir así con los márgenes de seguridad.



# 5. Conclusiones

A la vista del desarrollo de este trabajo se han extraído las siguientes conclusiones:

• En primer lugar, cabe destacar la importancia del cumplimiento de la metodología implantada. La consecución del objetivo del trabajo pasa por realizar de manera rigurosa y organizada los pasos establecidos. A razón de esto, se recalca la necesidad de ir realizando los pertinentes chequeos y verificaciones, que nos ayudan a asegurar un correcto resultado final. Después se han realizado los análisis pertinentes y los resultados obtenidos se recogen en las Tablas 15 a 17 para los elementos unidimensionales y bidimensionales y en las Tablas 18 a 20 para los elementos de interfaz. Gracias a los análisis realizados se ha podido determinar si la estructura es capaz de cumplir con los requisitos establecidos por el lanzador.

Tabla 15: Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis estático.

| Tipo de elemento | Sentido      | Cargas             |                   | Material | $MoS_y$  | $MoS_u$  |
|------------------|--------------|--------------------|-------------------|----------|----------|----------|
|                  | Tensor       | $\sigma_{VMX}[Pa]$ | $6.09 \cdot 10^6$ | CFRP     | 14.42108 | 13.47525 |
| 2D               | de tensiones | $\sigma_{VMY}[Pa]$ | $6.80 \cdot 10^6$ | CFRP     | 12.81093 | 11.96386 |
|                  |              | $\sigma_{VMZ}[Pa]$ | $1.82 \cdot 10^7$ | CFRP     | 4.160129 | 3.843641 |
|                  |              | $\sigma_{VMX}[Pa]$ | $1.12 \cdot 10^7$ | CFRP     | 7.38521  | 6.870917 |
|                  | Tracción     | $\sigma_{VMY}[Pa]$ | $1.15 \cdot 10^7$ | CFRP     | 7.166465 | 6.665589 |
| 1D               |              | $\sigma_{VMZ}[Pa]$ | $3.05 \cdot 10^7$ | CFRP     | 2.079159 | 1.890304 |
|                  |              | $\sigma_{VMX}[Pa]$ | $7.18 \cdot 10^5$ | CFRP     | 129.7999 | 121.7775 |
|                  | Compresión   | $\sigma_{VMY}[Pa]$ | $5.96 \cdot 10^5$ | CFRP     | 156.5744 | 146.9098 |
|                  |              | $\sigma_{VMZ}[Pa]$ | $1.71 \cdot 10^6$ | CFRP     | 53.92067 | 50.5522  |

Tabla 16: Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones sinusoidales.

| Tipo de elemento | Carga               | as                | Material | $MoS_y$  | $MoS_u$  |
|------------------|---------------------|-------------------|----------|----------|----------|
|                  | $\sigma_{VMX}$ [Pa] | $1.18 \cdot 10^7$ | CFRP     | 6.958843 | 6.470701 |
| 2D               | $\sigma_{VMY}$ [Pa] | $9.50 \cdot 10^6$ | CFRP     | 8.885721 | 8.279397 |
|                  | $\sigma_{VMZ}$ [Pa] | $3.63 \cdot 10^6$ | CFRP     | 24.87172 | 23.28492 |
|                  | $\sigma_{VMX}$ [Pa] | $3.09 \cdot 10^7$ | CFRP     | 2.039299 | 1.852889 |
| 1D               | $\sigma_{VMY}$ [Pa] | $7.64 \cdot 10^7$ | CFRP     | 0.229245 | 0.153852 |
|                  | $\sigma_{VMZ}$ [Pa] | $9.16 \cdot 10^6$ | CFRP     | 9.252658 | 8.623829 |



Tabla 17: Cargas máximas a tracción y compresión sobre los diferentes elementos de la estructura y cálculo de márgenes de seguridad para el análisis de vibraciones aleatorias.

| Tipo de elemento | Carg                       | as                      | Material | MoSy     | MoSu     |
|------------------|----------------------------|-------------------------|----------|----------|----------|
|                  | $\sigma_{VM\_X}$ [Pa]      | $2,\!58\mathrm{E}{+07}$ | CFRP     | 2,640091 | 2,416832 |
| 2D               | $\sigma_{VM}^{-}_{Y}$ [Pa] |                         | CFRP     | 5,756428 | 5,342034 |
|                  | $\sigma_{VM}^{-}_{Z}$ [Pa] | $2{,}11\mathrm{E}{+}07$ | CFRP     | 3,450917 | 3,177927 |
|                  | $\sigma_{VM}_{X}$ [Pa]     | $4{,}02E{+}07$          | CFRP     | 1,336178 | 1,192892 |
| 1D               | $\sigma_{VM}_{Y}$ [Pa]     | $3,\!84\mathrm{E}{+07}$ | CFRP     | 1,445686 | 1,295684 |
|                  | $\sigma_{VM}^{-}_{Z}$ [Pa] | $4,\!67\mathrm{E}{+07}$ | CFRP     | 1,011014 | 0,887672 |

Tabla 18: Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga cuasiestática.

| Caso de carga    | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|------------------|----------|---------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|                  | 40230    | $1.20 \cdot 10^2$   | $4.24 \cdot 10^2$   | 0.582566      | 0.832293      | 81.0942494  | 3.4213056    | 0.58168104     | 0.830410087     |
|                  | 40240    | $1.01 \cdot 10^{1}$ | $4.40 \cdot 10^2$   | 0.5828662     | 0.83278       | 974.531681  | 3.2974777    | 0.58191391     | 0.830753058     |
|                  | 40250    | $1.19 \cdot 10^2$   | $4.10 \cdot 10^2$   | 0.5825678     | 0.832296      | 81.560077   | 3.5786588    | 0.58174254     | 0.830539916     |
|                  | 40360    | $3.17 \cdot 10^2$   | $8.31 \cdot 10^{1}$ | 0.582025953   | 0.831417901   | 29.99795671 | 21.23135678  | 0.581991965    | 0.831345563     |
| Cuasi-estático X | 40390    | $8.97 \cdot 10^{1}$ | $2.12 \cdot 10^2$   | 0.5826482     | 0.832426      | 108.603003  | 7.8746367    | 0.58242745     | 0.831956308     |
| Cuasi-estatico A | 40710    | $8.96 \cdot 10^{1}$ | $2.12 \cdot 10^2$   | 0.5826486     | 0.832427      | 108.775605  | 7.8829308    | 0.58242824     | 0.8319578       |
|                  | 40740    | $3.17 \cdot 10^2$   | $8.30 \cdot 10^{1}$ | 0.5820253     | 0.831417      | 29.9731859  | 21.258502    | 0.58199136     | 0.831344618     |
|                  | 40750    | $1.19 \cdot 10^2$   | $4.10 \cdot 10^2$   | 0.5825676     | 0.832296      | 81.5049772  | 3.5780873    | 0.58174212     | 0.830539147     |
|                  | 40760    | 9.95                | $4.40 \cdot 10^2$   | 0.5828665     | 0.83278       | 986.652505  | 3.2971853    | 0.5819141      | 0.830753293     |
|                  | 40770    | $1.20 \cdot 10^2$   | $4.24 \cdot 10^2$   | 0.582566497   | 0.832293887   | 81.22558462 | 3.421051073  | 0.581681436    | 0.830410663     |

| Caso de carga    | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|------------------|----------|---------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|                  | 40230    | $2.53 \cdot 10^2$   | $1.66 \cdot 10^2$   | 0.5822019     | 0.831703      | 37.8831708  | 10.162476    | 0.58206572     | 0.831413176     |
|                  | 40240    | $1.17 \cdot 10^2$   | $1.52 \cdot 10^2$   | 0.5825722     | 0.832303      | 82.6945847  | 11.340458    | 0.58245852     | 0.832061084     |
|                  | 40250    | $2.41 \cdot 10^2$   | $2.49 \cdot 10^2$   | 0.5822353     | 0.831757      | 39.8573129  | 6.4672696    | 0.58193054     | 0.831108544     |
|                  | 40360    | $1.28 \cdot 10^{1}$ | $5.82 \cdot 10^2$   | 0.582858725   | 0.83276756    | 767.1994009 | 2.249896671  | 0.581195406    | 0.829229771     |
| Cuasi-estático Y | 40390    | $6.83 \cdot 10^{1}$ | $4.10 \cdot 10^2$   | 0.5827067     | 0.832521      | 142.866688  | 3.5926871    | 0.58188012     | 0.830762075     |
| Cuasi-estatico i | 40710    | $6.82 \cdot 10^{1}$ | $4.10 \cdot 10^{2}$ | 0.5827071     | 0.832522      | 143.168965  | 3.5917208    | 0.58188015     | 0.830761933     |
|                  | 40740    | $1.22 \cdot 10^{1}$ | $5.82 \cdot 10^{2}$ | 0.5828603     | 0.83277       | 802.457811  | 2.2500567    | 0.58119697     | 0.829232308     |
|                  | 40750    | $2.41 \cdot 10^2$   | $2.49 \cdot 10^2$   | 0.5822354     | 0.831757      | 39.8628606  | 6.4676026    | 0.58193066     | 0.831108744     |
|                  | 40760    | $1.17 \cdot 10^2$   | $1.52 \cdot 10^2$   | 0.582573      | 0.832304      | 82.8880592  | 11.354301    | 0.58245952     | 0.832062818     |
|                  | 40770    | $2.52 \cdot 10^2$   | $1.66 \cdot 10^2$   | 0.582202959   | 0.831704724   | 37.9449767  | 10.15803301  | 0.582066702    | 0.831414706     |

| Caso de carga    | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|------------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------|
|                  | 40230    | $6.02 \cdot 10^2$ | $3.64 \cdot 10^2$ | 0.581248      | 0.830158      | 15.3371389  | 3.9704335    | 0.58059788     | 0.828775404    |
|                  | 40240    | $4.37 \cdot 10^2$ | $2.83 \cdot 10^2$ | 0.5816984     | 0.830887      | 21.4995184  | 5.4671289    | 0.58130428     | 0.830048811    |
|                  | 40250    | $7.05 \cdot 10^2$ | $3.97 \cdot 10^2$ | 0.580967      | 0.829702      | 12.9520479  | 3.5171806    | 0.58019263     | 0.828056649    |
|                  | 40360    | $1.12 \cdot 10^3$ | $5.16 \cdot 10^2$ | 0.579836505   | 0.827872208   | 7.786647862 | 2.36533725   | 0.578531906    | 0.825102952    |
| Cuasi-estático Z | 40390    | $4.56 \cdot 10^2$ | $2.46 \cdot 10^2$ | 0.5816456     | 0.830802      | 20.546828   | 6.430827     | 0.58134794     | 0.830168442    |
| Cuasi-estatico Z | 40710    | $4.56 \cdot 10^2$ | $2.46 \cdot 10^2$ | 0.5816465     | 0.830803      | 20.5626772  | 6.42819      | 0.58134863     | 0.830169444    |
|                  | 40740    | $1.12 \cdot 10^3$ | $5.17 \cdot 10^2$ | 0.5798374     | 0.827874      | 7.7891795   | 2.3645116    | 0.57853208     | 0.825102871    |
|                  | 40750    | $7.05 \cdot 10^2$ | $3.97 \cdot 10^2$ | 0.5809661     | 0.829701      | 12.9458763  | 3.515827     | 0.58019135     | 0.828054366    |
|                  | 40760    | $4.37 \cdot 10^2$ | $2.83 \cdot 10^2$ | 0.5816974     | 0.830886      | 21.4808377  | 5.4663363    | 0.58130321     | 0.830047046    |
|                  | 40770    | $6.02 \cdot 10^2$ | $3.64 \cdot 10^2$ | 0.581246921   | 0.830155852   | 15.32643156 | 3.968365797  | 0.580596301    | 0.828772595    |



Tabla 19: Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica sinusoidal.

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$      |
|---------------|----------|---------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------------|
|               | 40230    | $2.68 \cdot 10^2$   | $6.92 \cdot 10^2$ | 0.5821614     | 0.831637      | 35.7345381  | 1.6809717    | 0.57981164     | 0.826644923          |
|               | 40240    | $7.19 \cdot 10^{1}$ | $7.70 \cdot 10^2$ | 0.5826969     | 0.832505      | 135.673987  | 1.4436364    | 0.57978446     | 0.826317569          |
|               | 40250    | $1.15 \cdot 10^2$   | $1.08 \cdot 10^3$ | 0.5825784     | 0.832313      | 84.3408681  | 0.7387571    | 0.5768788      | $8.20 \cdot 10^{-1}$ |
|               | 40360    | $2.76 \cdot 10^2$   | $1.04 \cdot 10^3$ | 0.582137782   | 0.831599107   | 34.58585755 | 0.784961609  | 0.576858601    | 0.820408771          |
| Seno X        | 40390    | $1.22 \cdot 10^2$   | $4.35 \cdot 10^2$ | 0.582559      | 0.832282      | 79.3897903  | 3.3128078    | 0.5816294      | 0.830303821          |
| Scho A        | 40710    | $1.22 \cdot 10^2$   | $4.35 \cdot 10^2$ | 0.5825592     | 0.832282      | 79.4380462  | 3.3123069    | 0.58162938     | 0.830303665          |
|               | 40740    | $2.76 \cdot 10^2$   | $1.04 \cdot 10^3$ | 0.5821377     | 0.831599      | 34.5811543  | 0.7863507    | 0.5768667      | 0.82042591           |
|               | 40750    | $1.15 \cdot 10^2$   | $1.08 \cdot 10^3$ | 0.5825786     | 0.832314      | 84.3855451  | 0.738083     | 0.57687452     | 0.820222518          |
|               | 40760    | $7.18 \cdot 10^{1}$ | $7.70 \cdot 10^2$ | 0.5826973     | 0.832506      | 135.957573  | 1.4430668    | 0.57978345     | 0.826315218          |
|               | 40770    | $2.67 \cdot 10^2$   | $6.92 \cdot 10^2$ | 0.582162125   | 0.831638553   | 35.77043021 | 1.680262552  | 0.579811021    | 0.826643247          |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|---------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|               | 40230    | $3.13 \cdot 10^2$ | $5.23 \cdot 10^2$ | 0.5820368     | 0.831435      | 30.3898342  | 2.5327959    | 0.58069171     | 0.828575605     |
|               | 40240    | $1.22 \cdot 10^2$ | $5.83 \cdot 10^2$ | 0.5825599     | 0.832283      | 79.5958055  | 2.216795     | 0.58088996     | 0.828732164     |
|               | 40250    | $2.29 \cdot 10^2$ | $8.58 \cdot 10^2$ | 0.5822658     | 0.831807      | 41.8425079  | 1.1690585    | 0.57865927     | 0.824150922     |
|               | 40360    | $1.39 \cdot 10^2$ | $9.47 \cdot 10^2$ | 0.582512638   | 0.832206595   | 69.60340979 | 0.977677809  | 0.578117553    | 0.822881134     |
| Seno Y        | 40390    | $1.07 \cdot 10^2$ | $4.58 \cdot 10^2$ | 0.5825999     | 0.832348      | 90.5780631  | 3.0993846    | 0.58156874     | 0.830154129     |
| Sello 1       | 40710    | $1.07 \cdot 10^2$ | $4.58 \cdot 10^2$ | 0.5826003     | 0.832349      | 90.6844027  | 3.0985298    | 0.58156863     | 0.830153726     |
|               | 40740    | $1.39 \cdot 10^2$ | $9.46 \cdot 10^2$ | 0.5825128     | 0.832207      | 69.6381168  | 0.9788775    | 0.578123       | 0.822892558     |
|               | 40750    | $2.29 \cdot 10^2$ | $8.58 \cdot 10^2$ | 0.5822658     | 0.831807      | 41.8432472  | 1.1682507    | 0.5786566      | 0.824145266     |
|               | 40760    | $1.22 \cdot 10^2$ | $5.83 \cdot 10^2$ | 0.5825605     | 0.832284      | 79.7484943  | 2.2161308    | 0.58088985     | 0.828731598     |
|               | 40770    | $3.13 \cdot 10^2$ | $5.23 \cdot 10^2$ | 0.582037641   | 0.83143684    | 30.42137247 | 2.531484599  | 0.580691504    | 0.828574739     |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|---------------|----------|-------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------|
|               | 40230    | $1.56 \cdot 10^2$ | $1.06 \cdot 10^2$   | 0.5824662     | 0.832131      | 61.9362019  | 16.694842    | 0.58241123     | 0.832014297    |
|               | 40240    | $1.00 \cdot 10^2$ | $8.43 \cdot 10^{1}$ | 0.58262       | 0.832381      | 97.2999016  | 21.270183    | 0.58258499     | 0.832306058    |
|               | 40250    | $1.85 \cdot 10^2$ | $1.15 \cdot 10^2$   | 0.5823885     | 0.832005      | 52.2480015  | 15.195034    | 0.5823231      | 0.831866195    |
| Seno Z        | 40360    | $3.01 \cdot 10^2$ | $1.47 \cdot 10^2$   | 0.582070929   | 0.831490778   | 31.69320911 | 11.55151904  | 0.581964039    | 0.831263284    |
|               | 40390    | $1.06 \cdot 10^2$ | $7.45 \cdot 10^{1}$ | 0.5826027     | 0.832353      | 91.4706769  | 24.202066    | 0.58257544     | 0.832294485    |
| Sello Z       | 40710    | $1.06 \cdot 10^2$ | $7.45 \cdot 10^{1}$ | 0.5826031     | 0.832353      | 91.5905999  | 24.182162    | 0.58257577     | 0.832295003    |
|               | 40740    | $3.01 \cdot 10^2$ | $1.47 \cdot 10^2$   | 0.5820714     | 0.831492      | 31.7121743  | 11.549705    | 0.58196448     | 0.831263985    |
|               | 40750    | $1.85 \cdot 10^2$ | $1.15 \cdot 10^2$   | 0.5823875     | 0.832004      | 52.1478201  | 15.195924    | 0.58232216     | 0.831864674    |
|               | 40760    | $1.00 \cdot 10^2$ | $8.43 \cdot 10^{1}$ | 0.5826195     | 0.83238       | 97.1072162  | 21.281453    | 0.58258449     | 0.832305265    |
|               | 40770    | $1.57 \cdot 10^2$ | $1.06 \cdot 10^2$   | 0.582465355   | 0.832129962   | 61.80905007 | 16.68768269  | 0.582410327    | 0.832012806    |



Tabla 20: Márgenes de seguridad de todos los tornillos para diferentes modos de fallo y los diferentes casos de carga dinámica aleatoria.

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$            | $F_Q[N]$            | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb  u}$ |
|---------------|----------|---------------------|---------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|-----------------|
|               | 40230    | $7.57 \cdot 10^2$   | $6.36 \cdot 10^{1}$ | 0.5808231     | 0.829469      | 11.9810725  | 27.110215    | 0.58080322     | 0.829427212     |
|               | 40240    | $5.48 \cdot 10^{1}$ | $6.25 \cdot 10^3$   | 0.5827439     | 0.832581      | 178.552016  | -0.6987549   | 0.41936624     | 0.523039424     |
|               | 40250    | $1.40 \cdot 10^2$   | $9.48 \cdot 10^{3}$ | 0.5825098     | 0.832202      | 69.0869225  | -0.8025474   | 0.26723519     | 0.286305356     |
|               | 40360    | $8.07 \cdot 10^2$   | $1.12 \cdot 10^4$   | 0.580686558   | 0.829248358   | 11.17717173 | -0.840632543 | 0.186444114    | 0.174933133     |
| Random X      | 40390    | $1.58 \cdot 10^2$   | $1.69 \cdot 10^3$   | 0.5824613     | 0.832123      | 61.2240365  | 0.1070579    | 0.56860091     | 0.802933424     |
| Italidolli A  | 40710    | $1.58 \cdot 10^2$   | $1.69 \cdot 10^3$   | 0.5824619     | 0.832124      | 61.3040628  | 0.1062247    | 0.56858043     | 0.80289049      |
|               | 40740    | $8.08 \cdot 10^2$   | $1.12 \cdot 10^4$   | 0.5806859     | 0.829247      | 11.1736921  | -0.8403772   | 0.18728201     | 0.176050038     |
|               | 40750    | $1.40 \cdot 10^2$   | $9.49 \cdot 10^{3}$ | 0.5825103     | 0.832203      | 69.1652711  | -0.8026685   | 0.26695103     | 0.285897628     |
|               | 40760    | $5.45 \cdot 10^{1}$ | $6.26 \cdot 10^3$   | 0.5827445     | 0.832582      | 179.291739  | -0.698891    | 0.41923655     | 0.522819429     |
|               | 40770    | $7.56 \cdot 10^2$   | $5.00 \cdot 10^3$   | 0.580827083   | 0.82947591    | 12.00631873 | -0.642487674 | 0.47077436     | 0.613725083     |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$     | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|---------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|-------------|--------------|----------------|----------------|
|               | 40230    | $1.04 \cdot 10^3$ | $2.83 \cdot 10^3$ | 0.580059      | 0.828232      | 8.47777381  | -0.3822174   | 0.54218565     | 0.750067571    |
|               | 40240    | $1.57 \cdot 10^2$ | $3.53 \cdot 10^3$ | 0.5824646     | 0.832129      | 61.7014513  | -0.4708402   | 0.52434716     | 0.713767363    |
|               | 40250    | $5.57 \cdot 10^2$ | $5.87 \cdot 10^3$ | 0.5813698     | 0.830355      | 16.643929   | -0.6910128   | 0.43500879     | 0.550235465    |
|               | 40360    | $2.05 \cdot 10^2$ | $9.34 \cdot 10^3$ | 0.582332602   | 0.831914816   | 46.9462811  | -0.800386193 | 0.274206884    | 0.296374686    |
| Random Y      | 40390    | $1.22 \cdot 10^2$ | $2.06 \cdot 10^3$ | 0.5825603     | 0.832284      | 79.7013226  | -0.0905195   | 0.56204196     | 0.789291914    |
| Ttandom 1     | 40710    | $1.22 \cdot 10^2$ | $2.06 \cdot 10^3$ | 0.5825611     | 0.832285      | 79.8797271  | -0.091124    | 0.5620151      | 0.789236179    |
|               | 40740    | $2.05 \cdot 10^2$ | $9.32 \cdot 10^3$ | 0.5823332     | 0.831916      | 46.9940135  | -0.8001387   | 0.27475514     | 0.297166914    |
|               | 40750    | $5.57 \cdot 10^2$ | $5.88 \cdot 10^3$ | 0.5813699     | 0.830355      | 16.645176   | -0.69122     | 0.43483805     | 0.549940147    |
|               | 40760    | $1.56 \cdot 10^2$ | $3.54 \cdot 10^3$ | 0.5824663     | 0.832131      | 61.9484355  | -0.4710887   | 0.52429204     | 0.713659216    |
|               | 40770    | $1.04 \cdot 10^3$ | $2.83 \cdot 10^3$ | 0.580064789   | 0.828241719   | 8.497059103 | -0.382644649 | 0.542128325    | 0.749950091    |

| Caso de carga | Elemento | $F_A[N]$          | $F_Q[N]$          | $MoS_{tot y}$ | $MoS_{tot u}$ | $MoS_g$      | $MoS_{slip}$ | $MoS_{comb y}$ | $MoS_{comb u}$ |
|---------------|----------|-------------------|-------------------|---------------|---------------|--------------|--------------|----------------|----------------|
|               | 40230    | $4.72 \cdot 10^4$ | $3.37 \cdot 10^4$ | 0.4633254     | 0.644682      | -0.7919022   | -1.1366267   | -0.4482562     | -0.51411071    |
|               | 40240    | $6.71 \cdot 10^3$ | $2.63 \cdot 10^4$ | 0.5647485     | 0.803544      | 0.46630683   | -0.9630576   | -0.3135008     | -0.38665088    |
|               | 40250    | $7.18 \cdot 10^4$ | $4.26 \cdot 10^4$ | 0.4081088     | 0.561474      | -0.8630143   | -1.1873262   | -0.5529595     | -0.61025455    |
|               | 40360    | $8.82 \cdot 10^3$ | $1.70 \cdot 10^4$ | 0.559124378   | 0.794522993   | 0.115335903  | -0.959946459 | -0.058393045   | -0.120748176   |
| Random Z      | 40390    | $9.22 \cdot 10^3$ | $1.69 \cdot 10^4$ | 0.5580406     | 0.792787      | 0.06595553   | -0.9631393   | -0.0568156     | -0.11892233    |
| Italidolli Z  | 40710    | $8.82 \cdot 10^3$ | $1.70 \cdot 10^4$ | 0.5591244     | 0.794523      | 0.1153359    | -0.9599465   | -0.058393      | -0.12074818    |
|               | 40740    | $2.18 \cdot 10^5$ | $6.87 \cdot 10^4$ | 0.1501349     | 0.200455      | -0.9548097   | -1.4076553   | -0.7169714     | -0.75590497    |
|               | 40750    | $6.80 \cdot 10^4$ | $4.11 \cdot 10^4$ | 0.4163768     | 0.573791      | -0.8553684   | -1.1810955   | -0.5389173     | -0.59751606    |
|               | 40760    | $6.46 \cdot 10^3$ | $2.60 \cdot 10^4$ | 0.5654018     | 0.804594      | 0.52170768   | -0.9614159   | -0.3081762     | -0.38144826    |
|               | 40770    | $4.72 \cdot 10^4$ | $3.40 \cdot 10^4$ | 0.46341741    | 0.644823016   | -0.791728859 | -1.135227431 | -0.452556134   | -0.518137688   |

- En este caso la estructura inicialmente planteada es capaz de resistir las solicitaciones estructurales a excepción de la carga dinámica aleatoria en el eje longitudinal donde los tornillos son susceptibles de fallo por cortadura. Es por ello que el diseño definitivo se han de incluir tornillos de mayor métrica (M9).
- Tras el montaje de los distintos elementos que conforman el satélite, y una vez se ha verificado que la estructura cumple con los requisitos impuestos por el lanzador, se realiza una serie de análisis. Al obtener los modos propios de la estructura, a pesar del correcto comportamiento de las bandejas de manera individual, se ha comprobado que la respuesta del conjunto no es la esperada. Tal y como se puede observar en la 15, el primer modo propio se da en la bandeja interior y lo cual representa aparentemente una falta de rigidez. Una vez revisadas las propiedades de los rigidizadores empleados y de la bandeja, pero no parecen existir indicios que conduzcan a pensar que se ha cometido algún fallo.



En futuros trabajos se habrá de comprobar si efectivamente la estructura está correctamente modelizada ya que el uso de materiales compuestos (como ha sido el caso) supone una serie de condicionamientos al modelo algo más avanzados que los que los materiales metálicos suelen presentar por su naturaleza isotrópica. Además los márgenes de seguridad han de tratarse con especial cuidado pues siempre existe una alta incertidumbre respecto al comportamiento de estos materiales.



# Referencias

- [1] M. F. Páez, Práctica 2: DISEÑO Y MODELIZACIÓN DE LA ESTRUCTURA DE UN MICRO-SATÉLITE.
- [2] A. Pedraza, Práctica 2.
- [3] ESA, ECSS-E-ST-32-10C: Space engineering structural factors of safety for spaceflight hardware (2009).
- [4] ESA, ECSS-E-ST-32C: Space engineering structural general requirements (2008).
- [5] A. García, J. J. F. de Toro, Manual de cálculo estructural.
- [6] J. Wijker, Spacecraft Structures.doi:10.1007/978-3-540-75553-1.
- [7] A. G. Pérez, Modelización de una placa (2021).
- [8] Aluminum 7075-T6; 7075-T651.

  URL http://www.matweb.com/search/DataSheet.aspx?MatGUID=
  4f19a42be94546b686bbf43f79c51b7d
- [9] Overview of materials for Epoxy/Carbon Fiber Composite.
  URL http://www.matweb.com/search/datasheet.aspx?matguid=
  39e40851fc164b6c9bda29d798bf3726