二分搜尋

temmie

- 1. 二分搜簡介
- 2. 二分搜實作
- 3. 二分搜工具
- 4. 對答案二分搜
- 5. 對第 k 大二分搜

 temmie
 二分搜尋
 2 / 23

二分搜簡介

二分搜簡介

• 讓我們試試看玩終極密碼:D

temmie

二分搜簡介

- 讓我們試試看玩終極密碼:D
- 事實上,我們就是在做搜尋答案這件事情
- 我們總共搜尋了多少次?這樣的時間複雜度是多少呢?

temmie 二分搜尋 4/23

二分搜方法

- 既然答案有可能在任何地方,那就中間切一刀吧!
- 這樣一定是最好,因為兩邊的機率都會是一半

二分搜方法

- 既然答案有可能在任何地方,那就中間切一刀吧!
- 這樣一定是最好,因為兩邊的機率都會是一半
- 二分搜就是**將資料切半,看答案在哪一邊**
- 時間複雜度是 $O(log_2 n)$,因為每次資料量都會減少一半

temmie 二分搜尋 5/23

二分搜實作

結論

- 我們會將陣列轉換成 01 陣列
- 如果尋找到的元素是 0 就做 A, 否則做 B
- 如果沒辦法轉換成 01 陣列 = 沒有單調性 = 沒辦法二分搜

temmie 二分搜尋 7/23

結論

- 我們會將陣列轉換成 01 陣列
- 如果尋找到的元素是 0 就做 A, 否則做 B
- 如果沒辦法轉換成 01 陣列 = 沒有單調性 = 沒辦法二分搜
- 二分搜的實作有很多方式,我會介紹我最常用的方式
- 實作有太多細節了,練習是唯一熟悉的方法

實作:架構

• 架構只會有兩點:二分搜主程式、判斷合法函式

temmie

實作:架構

- 架構只會有兩點:二分搜主程式、判斷合法函式
- 前者不難,通常或寫得像模板一樣
- 後者通常較難,也就是題目想要你要思考搜尋什麼的地方。

temmie 二分搜尋 8 / 23

```
// 使用之前,請務必讓你的參考對象排序
sort(v.begin(), v.end());
// 搜尋範圍:[ll, rr)
// 用 ans 儲存答案
int ll=0, rr=n, ans;
while (ll<rr){
   // int mid=(ll+rr)/2; 不要使用這個
   int mid=ll+(rr-ll)/2;
   if (check(mid)){
       ans=mid;
       ll=mid+1;
   }else{
       rr=mid;
```

實作:常見 bug

- 忘記排序
- 搜尋區間錯誤
- 計算 mid 的時候 overflow

temmie 二分搜尋 11/23

二分搜工具

簡介

- STL 內建了很多好用的工具可以讓我們不用手刻二分搜
- 這類型的工具只適合在容器中使用
- 請注意:不要過度依賴工具,有很多題目是只能手刻二分搜的

binary_search

- binary_search(L, R, val)
- 判斷 val 是否在 [L, R) 裡面

temmie 二分搜尋 14 / 23

lower_bound

- lower_bound(L, R, val)
- 回傳 [L,R) 中最左 $\geq val$ 的值迭代器位置

15/23

lower_bound

- lower_bound(L, R, val)
- 回傳 [L,R) 中最左 $\geq val$ 的值迭代器位置
- 如果想要得到該值需要使用 *lower_bound(L, R, val)
- 如果想要得到該值的索引值需要使用 *lower_bound(L, R, val)-L

temmie 二分搜尋 15 / 23

upper_bound

- upper_bound(L, R, val)
- 回傳 [L,R) 中最左 > val 的值迭代器位置

temmie 二分搜尋 16 / 23

upper_bound

- upper_bound(L, R, val)
- 回傳 [L,R) 中最左 > val 的值迭代器位置
- 如果想要得到該值需要使用 *upper_bound(L, R, val)
- 如果想要得到該值的索引值需要使用 *upper_bound(L, R, val)-L

temmie 二分搜尋 16 / 23

例題

例題

- 搜尋元素
- 不大於 k 的數
- 不小於 k 的數
- 區間數值數量

上面的例題請用二分搜工具思考,回家後記得手刻一次寫法!

temmie 二分搜尋 17 / 23

對答案二分搜

簡介

- 上一個章節裡面我們都是提到在容器裡二分搜
- 在這裡,提供一個新的思路叫做對答案二分搜

temmie 二分搜尋 19 / 23

例題

例題

- 貨物包裝
- 機器排程

上面的例題中,會發現我們不是再那麼「無腦的」寫判斷合法函式, 通常會帶有更多的思考。

◆ロト ◆昼 ト ◆ 豆 ト ◆ 豆 ・ りへで

20 / 23

對第 k 大二分搜

簡介

- 這個章節是一個比較特殊的二分搜
- 如果題目有單調性並且提到第 k 大/小,那就很有機會是二分搜

例題

例題

- 乘法表
- 第 k 小數對和

二分搜尋 23 / 23 temmie