枚舉

temmie

1. 枚舉介紹

2. 全部枚舉

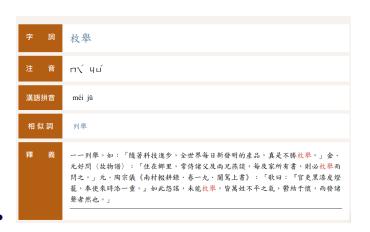
3. 部份枚舉

temmie 枚舉 2/24

枚舉介紹

temmie 枚舉 3/24

枚舉的定義



• 只要把所有需要的情況列出來,然後找哪個是答案

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 90

temmie 枚舉 4 / 24

枚舉的用處

- 我們之前有提過高中的比賽都會有部份分數
- 在大部份的比賽裡都會有關於枚舉的子任務
- 通常這些題目不會特別卡枚舉,撈分可說是非常好用
- 我認為這是所有單元裡面 CP 值最高的

temmie

全部枚舉

temmie 枚舉 6/24

枚舉的方式

- 把題目給予的所有情況都列出一遍,即可得到答案
- 通常會有三種方式:迴圈枚舉、全排列枚舉、位元枚舉、遞迴枚舉

temmie 枚舉 7/24

例題

迴圈枚舉

題目連結

給你一個正整數 N,請判斷它是不是兩個 $1\sim 9$ 的數的積

保證 $1 \le N \le 100$

迴圈枚舉

- 如果一個題目的參數較少,則可以用 for 迴圈枚舉所有參數
- 另外要注意時間複雜度的限制

temmie 枚舉 9/24

例題

全排列枚舉

題目連結

給你一個字串 S,請從從小到大的字典序輸出所有不同排列 保證 $1 \le |S| \le 8$

全排列枚舉

- 這時候需要用到一個特殊的語法 next_permutation(L, R)
- 他會把 [L, R) 範圍內的替換成下一個字典序的排列
- 並且會回傳是否排列成功

• 時間複雜度為 O(n!),大概可以接受到 $n \le 10$

11 / 24

temmie 枚舉

全排列枚舉

- 這時候需要用到一個特殊的語法 next_permutation(L, R)
- 他會把 [L, R) 範圍內的替換成下一個字典序的排列
- 並且會回傳是否排列成功
- 要做到「全排列」這件事情,其實只需要從最小字典序的排列 不斷執行直到 next_permutation 不能排列為止
- 時間複雜度為 O(n!),大概可以接受到 $n \le 10$

temmie 枚舉 11/24

全排列枚舉模板

```
sort(v.begin(), v.end()); // 用 sort 變成最小字典序
do{
    for (auto x : v){
        cout << x << " ";
    } cout << endl;
}while(next_permutation(v.begin(), v.end()));
```

- 這裡出現了一個新的語法 do...while
- 和 while 的概念一模一樣,不過是等到裡面的東西執行完再判斷
- 這裡需要使用的原因是因為我們也要判斷第一個排列是否為答案

temmie 枚舉 12 / 24

例題

全排列枚舉

題目連結

給你 n 個蘋果,每個重量為 p_i ,請問該怎麼分成兩組讓它們重量差最小

保證 $1 \le n \le 20$ 且 $1 \le p_i \le 10^9$

temmie 枚舉 13 / 24

- 位元枚舉通常用在「分成兩組」、「拿或不拿」的問題
- 這時候不能使用全排列,有什麼是可以判斷要不要用某個參數呢?

temmie 枚舉 14/24

- 位元枚舉通常用在「分成兩組」、「拿或不拿」的問題
- 這時候不能使用全排列,有什麼是可以判斷要不要用某個參數呢?
- 二進位!我們可以使用二進位來分組



◆ロ > ◆団 > ◆豆 > ◆豆 > ・豆 ・ り Q C

14 / 24

- 由於要枚舉每一個二進位的可能,其實就是枚舉 $0 \sim 2^n 1$!
- 原因是因為 n bit 可以組成 $0 \sim 2^n 1$ 的所有數字

```
// (1<<n) 就是 2<sup>n</sup>,不使用 pow() 是因為會有誤差
for (int i=0 ; i<(1<<n) ; i++){
// 判斷是否為答案
}
```

⟨□⟩⟨□⟩⟨≡⟩⟨≡⟩⟨≡⟩ □ √○⟨○⟩

temmie 枚舉 15 / 24

• 枚舉完一種排列後,就要分組並且計算答案

temmie 枚舉 16 / 24

- 枚舉完一種排列後,就要檢查是否為答案
- 我們可以將 1 不斷的去「掃描」每個位元,並且做 & 運算
- 只要結果不是 0 的話就代表這個為 true,也就是同一組的意思

temmie 枚舉 17 / 24



4□ > 4□ > 4□ > 4 = > = 90



4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□

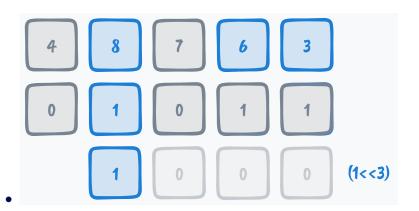
19 / 24

temmie 枚舉

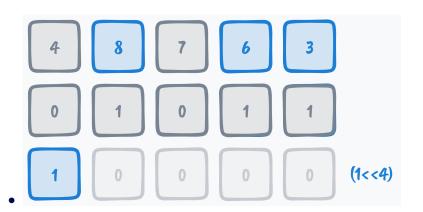


◆ロト ◆昼 ト ◆ 壹 ト ○ 壹 ・ 夕 へ ○ ○

temmie 枚舉 20 / 24



4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 9 < 0</p>



◆ロト ◆昼 ト ◆ 豊 ト ・ 豊 ・ 夕 へ ②

temmie 枚舉 22 / 24



temmie 枚舉 23 / 24

部份枚舉

temmie 枚舉 24/24