實作能力加強

temmie

- 1. 位元運算
- 2. 字元轉換
- 3. 陣列運用
- 4. 常用 STL 函式
- 5. 包裝元素
- 6. 區間問題

位元運算

3/76

為什麼要學這個?

- 因為電腦的機制,位元運算會比一般運算更快一些
- 在枚舉這堂課上,我們會用到很多

進位制

- n 進位代表只用 n 以內的數字組成(如果超過 10 就用英文)
- 二進位的數字代表只用 0 和 1 組成

進位制

- n 進位代表只用 n 以內的數字組成(如果超過 10 就用英文)
- 二進位的數字代表只用 0 和 1 組成
- 如果一個式子有不同進位制的數字,則會用括弧備註在右下角
- 例如: $17_{(10)} = 10001_{(2)}$

實作能力加強 5/76

二進位轉十進位

- 以 10001(2) 舉例
- 我們可以先把所有 2 的冪次列出來 : $2^4 imes 2^3 imes 2^2 imes 2^1 imes 2^0$

二進位轉十進位

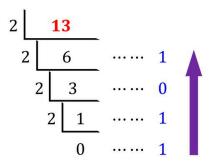
- 以 10001(2) 舉例
- 我們可以先把所有 2 的冪次列出來 : $2^4 imes 2^3 imes 2^2 imes 2^1 imes 2^0$
- 和原本的二進位字串——對應後相乘 $1 \times 2^4 \cdot 0 \times 2^3 \cdot 0 \times 2^2 \cdot 0 \times 2^1 \cdot 1 \times 2^0$

二進位轉十進位

- 以 10001(2) 舉例
- 我們可以先把所有 2 的冪次列出來 : $2^4 imes 2^3 imes 2^2 imes 2^1 imes 2^0$
- 和原本的二進位字串——對應後相乘 $1 \times 2^4 \cdot 0 \times 2^3 \cdot 0 \times 2^2 \cdot 0 \times 2^1 \cdot 1 \times 2^0$
- 將所有數字相加 $1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 17$

十進位轉二進位

• 詳細作法如下圖



temmie 實作能力加強 7/76

二進位制轉換

題目連結

給你一個十進位的正整數 n,輸出 n 的二進位

位元運算的類別

- 主要有 OR、AND、XOR、NOT
- 和一般的 or \ and \ not 不同的是,可以對數字做運算,而不是限 制在布林

位元運算的類別

- 主要有 OR、AND、XOR、NOT
- 和一般的 or \ and \ not 不同的是,可以對數字做運算,而不是限 制在布林
- AND:「&」表示,如果兩個 bit **都是** 1 就是 1,否則為 0
- OR:「│」表示,如果兩個 bit 至少有一個 1 就是 1,否則為 0
- XOR:「^ˆ」表示,如果兩個 bit **恰有**一個為 1,否則為 0
- NOT:「~」表示,將 1 變成 0,0 變成 1

9 / 76

使用位元運算

• 難道用位元運算還要手動轉進位制?@@

temmie 實作能力加強 10 / 76

使用位元運算

- 難道用位元運算還要手動轉進位制?@@
- 在 C++ 中,直接對兩個十進位的數字做就可以了
- $17_{(10)} \mid 5_{(10)} = 10001_{(2)} \mid 00101_{(2)} = 10101_{(2)} = 21_{(10)}$

位元運算的大雜燴

題目連結

給你三個參數 $x \cdot y \cdot z$,找到 $(x \oplus (y \mid z)) \oplus (x + y)$ 的最小值 其中 \oplus 是 XOR 的意思,| 是 OR 的意思

<ロ > < 回 > < 回 > < 直 > < 直 > へ き > (き >) き の へ ()

11/76

位元運算的大雜燴

題目連結

給你三個參數 $x \cdot y \cdot z$, 找到 $(x \oplus (y \mid z)) \oplus (x + y)$ 的最小值 其中 ⊕ 是 XOR 的意思, | 是 OR 的意思

- 參數數量是固定的,那就列出所有情況吧!
- 把六種組合各試一遍就可以了

實作能力加強 11/76

更多位元運算

• 另外常用的位元運算有左移和右移

更多位元運算

- 另外常用的位元運算有左移和右移
- 左移:「<<」表示,代表將所有 bit 左移 n 位
- 右移:「>>」表示,代表將所有 bit 右移 n 位

更多位元運算

- 另外常用的位元運算有左移和右移
- 左移:「<<」表示,代表將所有 bit 左移 n 位
- 右移:「>>」表示,代表將所有 bit 右移 n 位
- 例如: $17_{(10)} << 1 = 10001_{(2)} << 1 = 100010_{(2)} = 34_{(10)}$
- 你知道嗎?實際上左移就是乘上 2ⁿ(右移則相反)

temmie 12 / 76

字元轉換

ASCII

- 我們都知道電腦是儲存 0 跟 1,並不能儲存字元
- 那要怎麼儲存字元呢?

實作能力加強 temmie 14 / 76

ASCII

- 我們都知道電腦是儲存 0 跟 1,並不能儲存字元
- 那要怎麼儲存字元呢?
- 只要把所有字母編碼就可以啦!
- 實際上我們用的字元都有一個編碼,稱為 ASCII 編碼

temmie

ASCII

- $[0-9] = 48 \sim 57$
- $[A Z] = 65 \sim 90$
- $[a-z] = 97 \sim 122$
- 利用編碼的連續性,就有很多功能可以應用

◆ロト ◆個ト ◆注ト ◆注ト 注 りへで

數字總和

題目連結

你有一個數字 n,請你求出所有位數的總和,保證 n 的位數 $\leq 10^5$

數字總和

題目連結

你有一個數字 n,請你求出所有位數的總和,保證 n 的位數 $\leq 10^5$

- 字串很大,看起來沒辦法用 int 儲存,所以只能用 string 儲存
- 我們可以用 for 得到每個字元,並且**減去'0'**,就可以轉換成數字
- '0'(48)-'0'(48)=0 , '1'(49)-'0'(48)=1
- '5'(53)-'0'(48)=5 , '9'(57)-'0'(48)=9

temmie 實作能力加強 16 / 76

凱撒密碼

題目連結

給你一個字串 s,把每個字母向後移 3 位,例如 A \rightarrow D,Z \rightarrow C

凱撒密碼

題目連結

給你一個字串 s, 把每個字母向後移 3 位,例如 A \rightarrow D, Z \rightarrow C

- 我們可以將每個字母的值都加上 3
- 如果該字母超過'Z' 的話就減去 26

陣列運用

陣列運用

- 陣列的用途很廣,巧妙的使用陣列可以讓時間複雜度更好
- 用陣列也可以實做很多好用的資料結構,並提供額外的性質

vector

- vector 可以說是更好的陣列,可以動態的分配空間
- 陣列做的事 vector 做的到,陣列不能做的事 vector 也可以做的到
- 缺點:可能比陣列慢一點點、大量宣告可能會吃到 MLE

vector 的宣告和使用

vector<type> name(size, value);

- type 是放 vector 裡面東西的型別
- name 則是 vector 的名稱(接下來的介紹都用 vec 表示)
- (可選) size 可以放初始的陣列大小
- (可選) value 可以放初始值

name.method(value1, value2...)

• 以上為 vector 如何使用的模板

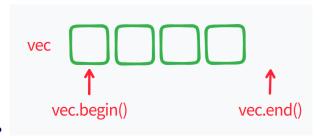
vector 的資料位置

- .begin() 代表 vector 裡第一個資料位置
- .end() 代表 vector 裡最後一個資料的後一位位置
- vec[i] 代表 vector 裡的第 i 個資料

temmie 實作能力加強 22 / 76

vector 的資料位置

- .begin() 代表 vector 裡第一個資料位置
- .end() 代表 vector 裡最後一個資料的後一位位置
- vec[i] 代表 vector 裡的第 i 個資料



● 要對整個 vector 操作丟.begin() 跟.end() 就好了

vector 的使用

- 以後介紹的函式,除非有特別標注,否則都為以下的方法
- 開始都是包含,結束則不包含
- 書寫的形式為 [L, R)



vector 的輸入方式

- 分配好空間,並且用 cin >> [i]
- 不分配空間,用 vec.push_back(value) 將元素放入最後一位
- 要用哪一個?如果後續沒有要操作就用第一個,否則用另一個

vector 的各種常用操作

- O(1), size(),取得 vector 的大小
- O(1), .empty(), 回傳 vector 是否為空
- O(| size n |) , resize(n, [val])
 重設 vector 的大小,並設為 val (可選)
- O(1) , .pop_back() ,清除 vector 最後面的元素
- O(1) , .clear() , 清空 vector
- O(1), .front(), 回傳最前面的元素
- O(1), back(), 回傳最後面的元素

temmie

vector 的遍歷

```
for (auto x : v){
    cout << x << " ";
}</pre>
```

- 其中 x 就會是 vector 裡的所有元素
- 想要改值?回想前一節講的吧!

圖書館

題目連結

給你 n 本書,每本書都有編號 a_i 和借閱日期 b_i 如果借閱日期超過 100 天就代表逾期,每超過 1 天就要罰 5 元罰金 請求出所有逾期的書的編號,以及總罰金

27 / 76

圖書館

題目連結

給你 n 本書,每本書都有編號 a_i 和借閱日期 b_i 如果借閱日期超過 100 天就代表逾期,每超過 1 天就要罰 5 元罰金請求出所有逾期的書的編號,以及總罰金

• 我們可以把所有逾期的書都裝進 vector 裡,是不是簡單又方便呢?

temmie 實作能力加強 27 / 76

二維 vector 的宣告和使用

vector<vector<type>>name(size1, vector<int>(size2, value))

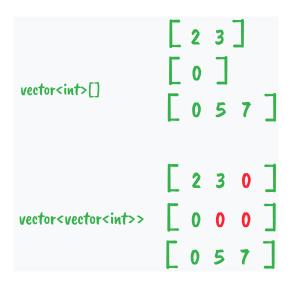
- 以上如同 int[][]
- 不過實在是太長了,通常我還是會用 int[][]

vector<type> name[size]

- 這也是二維陣列,不過每一項都可以是不同大小
- 在圖論這個單元我們會很常用到

該學哪個?一如往常的,兩個都要學

二維 vector 的比較



vector 練習

題目連結

給你 n 個人,並且有 k 組朋友關係,由小到大輸出每個人的朋友有哪 k

每組朋友關係有兩個整數 $a \cdot b$,代表 a 和 b **互相為**朋友

(記得 IO 加速)

vector 練習

題目連結

給你 n 個人,並且有 k 組朋友關係,由小到大輸出每個人的朋友有哪 些

每組朋友關係有兩個整數 $a \cdot b$,代表 a 和 b **互相為**朋友 (記得 IO 加速)

• 這題其實就是圖的儲存!我們留到圖論在說

temmie 實作能力加強 30 / 76

陣列運用一計數

- 要快速獲得一個元素出現的數量,可以直接在陣列儲存該值的數量
- 修改元素也可以快速的計算!

數對問題-1

請找出長度為 n 的陣列裡有多少數對 (arr_i, arr_i) 的和為 m

- $1 < n < 10^5$
- $0 < m < 10^5$
- $0 \le arr_i \le m$

實作能力加強 32 / 76

數對問題-1

請找出長度為 n 的陣列裡有多少數對 (arr_i, arr_j) 的和為 m

- $1 \le n \le 10^5$
- $0 \le m \le 10^5$
- $0 \le arr_i \le m$
- 暴力求解 $O(n^2)$ 會 TLE

數對問題-1

請找出長度為 n 的陣列裡有多少數對 (arr_i, arr_j) 的和為 m

- $1 \le n \le 10^5$
- $0 \le m \le 10^5$
- $0 \le arr_i \le m$
- 暴力求解 ? $O(n^2)$ 會 TLE
- 移項 $arr_i + arr_j = m \rightarrow arr_i = m arr_j$
- 對於每個 arr_i 只要找 $m-arr_j$ 的數量即可,O(n) 即可得到答案

- (ロト()回ト()Eト()Eト ()Eト()の()C・()

Missing Number

請找出長度為 $1 \sim n$ 中的 n-1 個數字,請找出少了哪個。

• $2 \le n \le 2 \times 10^5$

實作能力加強 33 / 76

Missing Number

請找出長度為 $1 \sim n$ 中的 n-1 個數字,請找出少了哪個。

- $2 < n < 2 \times 10^5$
- 用一個陣列儲存一個數字是否出現過
- 掃過 1~n 即可知道哪個沒有出現過

temmie

Missing Number

請找出長度為 $1 \sim n$ 中的 n-1 個數字,請找出少了哪個。

- $2 \le n \le 2 \times 10^5$
- 用一個陣列儲存一個數字是否出現過
- 掃過 1 ~ n 即可知道哪個沒有出現過
- 你能想到不用陣列的解法嗎?

temmie 實作能力加強 33 / 76

限制

- 上面的兩個問題數字都很小,都可以用陣列儲存
- 如果數字變大呢?以後會有更多方式解決!(map、離散化…)

限制

- 上面的兩個問題數字都很小,都可以用陣列儲存
- 如果數字變大呢?以後會有更多方式解決! (map、離散化…)
- 不過更大的數字會犧牲掉時間複雜度
- 如果能用陣列解決就用陣列

常用 STL 函式

STL 是什麼?

- STL 全名為 Standard Template Library
- 是由 C++ 提供的一個標準模板庫
- 我們比較常使用到 STL 中「函式」、「容器」、「迭代器」等部份
- STL 容器等到**資料結構**的課再介紹

temmie 實作能力加強 36 / 76

常用 STL 函式

- fill
- reverse
- swap
- min / max
- min_elementm / max_element
- sort

- 時間複雜度: *O*(*n*)
- fill(L, R, val)
- 把 [L, R) 之間的元素都改成 val
- 主要用來對容器做初始化
- 要注意時間複雜度,不要使用太多次

 temmie
 實作能力加強
 38 / 76

reverse

- 時間複雜度: *O*(*n*)
- reverse(L, R)
- 把 [L, R) 之間的元素反轉

temmie 實作能力加強 39 / 76

swap

- 時間複雜度: O(1)
- swap(A, B)
- 把 A 跟 B 裡面的內容對調

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 90

min / max

- 時間複雜度: O(1)
- min(A, B)
- 回傳 A 跟 B 哪個比較大 / 小

實作能力加強 41 / 76

min / max(多個元素)

- 最大值跟最小值都有結合律
- 寫法一: min(A, min(B, C))
- 寫法二:min({A, B, C}) (只支援 C14 以上)

min_element / max_element

- 時間複雜度: O(n)
- min_element(L, R, val)
- 回傳 [L, R) 區間的最大值 / 最小值**的位置**
- 如果想要取得實際的值要在前面加上「*」,如下
- *min_element(v.begin(), v.end())

temmie 實作能力加強 43 / 76

- 時間複雜度: O(n log (n))
- sort(L, R, val)
- 把 [L, R) 之間的元素由小到大排序
- 對區間做排序,這個函式非常常用到!
- 通常排序後的東西會有特殊的性質,這個我們以後再講

sort 自訂排序

- 上面提到 sort 是從小到大排,不過我們有沒有辦法從大到小呢?
- 實際上,只要告訴程式一個定義好的比較方式就可以了!
- 例如:如果 a 元素比較大,就放在前面,否則放在後面

sort 自訂排序

實作方式如下

```
// compare function
bool cmp(int a, int b){
    return a>b;
void solve(){
    v={4, 8, 7, 6, 3};
    sort(v.begin(), v.end(), cmp);
    debug(v); // output: 8 7 6 4 3
```

包裝元素

讓我們假想一個問題,教室裡有很多學生,要分別紀錄他們的「名稱」、「座號」跟「各科成績」,該怎麼做?

48 / 76

- 讓我們假想一個問題,教室裡有很多學生,要分別紀錄他們的「名稱」、「座號」跟「各科成績」,該怎麼做?
- 聽起來很簡單,用三個陣列存資訊就好

- 讓我們假想一個問題,教室裡有很多學生,要分別紀錄他們的「名稱」、「座號」跟「各科成績」,該怎麼做?
- 聽起來很簡單,用三個陣列存資訊就好
- 如果我需要變動一位學生的順序呢?三個陣列都要修改,好麻煩

- 讓我們假想一個問題,教室裡有很多學生,要分別紀錄他們的「名稱」、「座號」跟「各科成績」,該怎麼做?
- 聽起來很簡單,用三個陣列存資訊就好
- 如果我需要變動一位學生的順序呢?三個陣列都要修改,好麻煩
- 把他們打包吧!放在一起就很方便了

struct

- struct 是一個可以打包元素並創建一個自訂的型別
- 讓我們看看下面的語法範例:

```
struct student{ // 這個型別叫做 student

string name; // 名稱
int id; // 座號
int score[5]; // 各科成績

} students[50];
// 開一個學生的陣列,每一格都可以儲存學生的資訊
```

struct

- struct 是一個可以打包元素並創建一個自訂的型別
- 讓我們看看下面的語法範例:

```
struct student{ // 這個型別叫做 student

string name; // 名稱
int id; // 座號
int score[5]; // 各科成績

} students[50];
// 開一個學生的陣列,每一格都可以儲存學生的資訊
```

- 我們宣告了一個型別叫做「student」,並且可以紀錄他的名稱,座 號跟各科成績
- 此外還宣告了一個陣列儲存多個學生的資訊。

◆ロト ◆問 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 Q (*)

struct

- 好耶,我們現在有一個自己的型別了,不過有那麼多資料,要怎麼 存取呢?
- 可以使用「.」存取資料

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 99

50 / 76

struct

- 好耶,我們現在有一個自己的型別了,不過有那麼多資料,要怎麼 存取呢?
- 可以使用「.」存取資料
- 例如:「students[26]」代表「陣列索引值為 26 的同學的所有資訊」
- •「students[17].id」代表「陣列索引值為 17 的同學的座號」

temmie 實作能力加強 50 / 76

圖書館小志工

題目連結

目前書架上有 n 本書,分別叫做 $a_1, a_2 \cdots a_n$

每本書紀錄著「書名」、「分類」、「編號」

.

現在給你 m 個操作,每次操作會把 a_x 跟 a_y 交換請求出書架最後的狀態

51 / 76

區間問題

區間問題概述

- 在競程裡面,我們有相當多的問題是有關於「區間」的
- 通常會有兩個功能「修改」跟「查詢」
- 這次我們會介紹兩個非常常見且基礎的方法

接下來我們用幾個問題來暖身

 \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3

temmie 實作能力加強

接下來我們用幾個問題來暖身

- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5

temmie 54 / 76

接下來我們用幾個問題來暖身

- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5+3

 temmie
 實作能力加強
 54 / 76

接下來我們用幾個問題來暖身

- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5+3
- \bullet 4+1+3+1+3+3+4+3+1+2+1+2+1

temmie 實作能力加強 54 / 76

接下來我們用幾個問題來暖身

- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3
- 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5+3
- \bullet 4+1+3+1+3+3+4+3+1+2+1+2+1
- \bullet 4+1+3+1+3+3+4+3+1+2+1+2+1

temmie 實作能力加強 54 / 76

接下來我們用幾個問題來暖身

- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5
- \bullet 1+3+2+1+3+2+1+3+3+2+1+2+3+5+3
- \bullet 4+1+3+1+3+3+4+3+1+2+1+2+1
- \bullet 4+1+3+1+3+3+4+3+1+2+1+2+1
- 如果一個一個計算是不是很慢呢?讓我們透過一些技巧加速

- 4 ロ ト 4 昼 ト 4 差 ト - 差 - 夕 Q (C)

- 前綴和可以處理**沒有修改,區間查詢**的問題
- 其中每個查詢都可以在 O(1) 完成
- 非常非常非常重要的技巧,很常出現

55 / 76

temmie



• 上圖的藍色區域怎麼算呢?

temmie



- 上圖的藍色區域怎麼算呢?
- 只要算出正方形的面積,並且減去扇形,即可求解
- 讓我們看看這個概念放到陣列上會變成怎樣

 temmie
 實作能力加強
 56 / 76



• 我們可以算出所有數字的總和,然後扣除灰色的部份

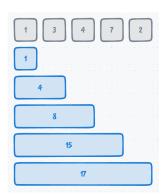
57 / 76

temmie 實作能力加強



- 我們可以算出所有數字的總和,然後扣除灰色的部份
- 嗯?這樣應該算的數字更多,因此更慢不是嗎?
- 實際上,我們可以儲存這些數字,要用時再扣除,這樣就很快啦!

<ロ > < 個 > < 置 > < 置 > 置 ● の Q ()



- 試著把上面的藍色數值兩兩相減看看,然後觀察他們的性質吧
- 如果我想要獲得一個區間的和,該怎麼求得呢?
- 所有藍色的值需要一個一個計算嗎?還是有更快的方法?

- 稍微整理一下,要找到一個區間 [L, R] 的和
- 則將 [0, R] [0, L-1]即可
- 而 [0, n] 的值可以從 [0, n-1] + a_n 得到

實作能力加強 59 / 76

前綴和實做

```
int n, tmp;
vector<int> v(1); // 預先開一個空間,防止 [0, L-1] 變成負數
vector<int> pre(1); // 預先開一個空間,防止 [0, n-1] 變成負數
for (int i=1; i<=n; i++){ // start from 1
   cin >> tmp;
   v.push_back(tmp);
   // get prefix sum
   pre.push_back(pre[i-1]+v[i]);
```

- 上面這個過程叫做預處理,可以看出時間複雜度為 O(n)
- 我們定義 pre_i 為 $\sum_{j=0}^i a_j$

前綴和陣列實作

題目連結

如題,試著實作出我們剛剛介紹的前綴和陣列

前綴和實做

ullet 每次查詢都直接拿陣列裡面的值,時間複雜度為 O(q)

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 9 < 0</p>

一維區間和問題

題目連結

給你一個有 n 個正整數的陣列 arr

給予 q 個查詢,每個查詢都有兩個正整數 L_i , R_i

對於每個查詢求出 $[L_i, R_i]$ 的總和

保證 $1 \le n, q \le 2 \times 10^5$

二維區間和問題

題目連結

給你一個 $n \times n$ 大小的森林,森林的每一個座標都是空地或是樹給予 q 個查詢,每個查詢包含 $y_{1_i} \cdot x_{1_i} \cdot y_{2_i} \cdot x_{2_i}$ 對於每個查詢輸出該範圍有多少顆樹

• 請你想想看,如何運用同樣的概念做二維的區間查詢呢?

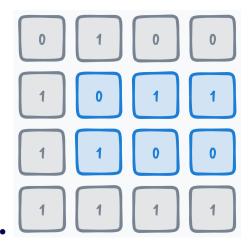
二維區間和問題

題目連結

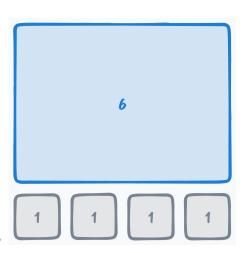
給你一個 $n \times n$ 大小的森林,森林的每一個座標都是空地或是樹給予 q 個查詢,每個查詢包含 $y_{1_i} \cdot x_{1_i} \cdot y_{2_i} \cdot x_{2_i}$ 對於每個查詢輸出該範圍有多少顆樹

- 請你想想看,如何運用同樣的概念做二維的區間查詢呢?
- 我們一樣儲存 (0,0) 到 (x,y) 的區間和
- 並用相同的**扣除不需要的範圍**的概念

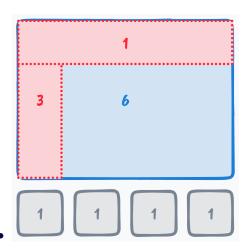
64 / 76



65 / 76

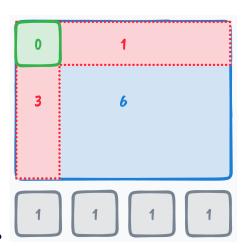


• 先把最大的問題加起來



• 將不需要的範圍刪除

67 / 76



• 把多刪除的範圍加回去

區間 xor 問題

題目連結

給你一個有 n 個正整數的陣列 arr 給予 q 個查詢,每個查詢都有兩個正整數 L_i , R_i 對於每個查詢求出 [L_i , R_i] 所有值做 xor 後的值保證 $1 \le n, q \le 2 \times 10^5$

- 仍然是使用相同的概念,不過 xor 的值要怎麼消除呢?
- tip: $A \oplus A = 0$

temmie 實作能力加強 69 / 76

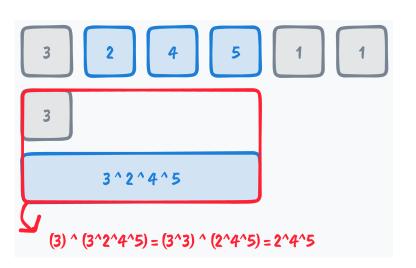
區間 xor 問題

題目連結

給你一個有 n 個正整數的陣列 arr 給予 q 個查詢,每個查詢都有兩個正整數 L_i , R_i 對於每個查詢求出 [L_i , R_i] 所有值做 xor 後的值保證 $1 \le n, q \le 2 \times 10^5$

- 仍然是使用相同的概念,不過 xor 的值要怎麼消除呢?
- tip: $A \oplus A = 0$
- 我們可以可以做出類似前綴和陣列的東西,不過加的功能變成 xor
- 在查詢時,也使用 xor 消除

◆ロト ◆個ト ◆差ト ◆差ト 差 めるの



70 / 76

temmie 實作能力加強

- 還記得我們說過前綴和的使用時機嗎?
- 讓我們把問題倒過來,有沒有辦法做到區間修改,沒有查詢
- 比起前綴和,差分的概念較為抽象



• 在差分裡,我們會儲存跟前面數字的差,以方便修改

4 D > 4 B > 4 E > 4 E > 9 Q C

72 / 76

temmie 實作能力加強



- 可以透過圖示發現,修改區間的值實際上只會動到兩格
- 因為區間內的值的變化量一樣,所以差一樣 (a b = (a + x) (b + x))

<ロ > < 個 > < 重 > < 重 > 重 ● の Q で

- 稍微整理一下,我們會有初始的差分序列
- 每次修改就是對 L 加上 value, 而 R+1 加上 -value
- 如果需要尋找一個點的值,則要從左到又加上所有變化量

差分陣列實作

題目連結

如題,試著實做出我們剛剛介紹的前綴和陣列

疊鬆餅

題目連結

你有 n 個鬆餅需要從底層疊到頂層,每個鬆餅都有一個溼潤度 a_i ,代表將該鬆餅放置頂層後,會讓底下 a_i 個(包含自己)鬆餅都沾上奶油請你輸出疊完這 n 個鬆餅後哪些鬆餅沾上了奶油

保證 $1 \le n \le 2 \times 10^5$ 且 $0 \le a_i \le n$

<ロト < 個 ト < 重 ト < 重 ト 三 重 の < @