資料結構

temmie

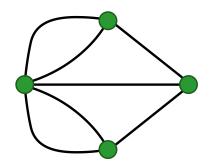
- 1. 前言、名詞解釋
- 2. 圖的儲存
- 3. DFS
- 4. 回朔解
- 5. BFS

2/25

前言、名詞解釋

 temmie
 資料結構
 3 / 25

七橋問題



- 有辦法經過所有的橋嗎?
- 上面的「圖」是怎麼構成的呢?

 temmie
 資料結構
 4 / 25

名詞解釋

- 節點 (Vertex, V)
- 邊(Edge, E):邊會將兩個節點相連
- 圖 (Graph, G): 由很多邊和節點組成
- 有向圖(Directed Graph):邊只能讓 u 節點走向 v 節點
- 無向圖(Undirected Graph):邊可以讓 u 節點和 v 節點互通

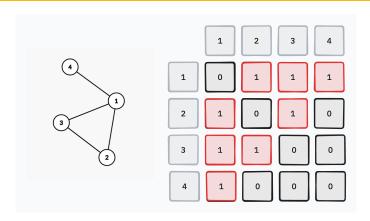
名詞解釋

- 入度 $(In-degree, deg^-(u))$: 在有向圖中指向該節點的數量
- 出度(Out-degree, $deg^+(u)$):在有向圖中節點向外走的數量
- 度數 (Degree, deg(u)): 入度 + 出度
- 路徑(Path):從 u 節點走向 v 節點所經歷的邊
- 環(Cycle):從 u 節點走向 u 節點所經歷的邊

temmie 資料結構 6 / 25

圖的儲存

相鄰矩陣

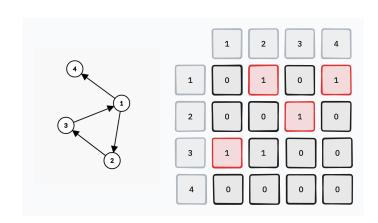


• 尋找 u 節點的所有相鄰節點:O(V)

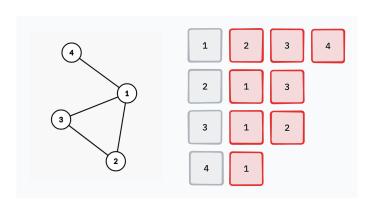
遍歷整張圖: O(V²)

空間複雜度: O(V²)

相鄰矩陣



相臨串列

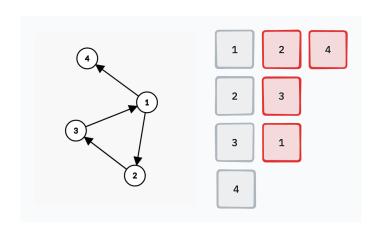


• 尋找 u 節點的所有相鄰節點: $O(deg^+)$

• 遍歷整張圖: O(E)

空間複雜度: O(E)

相臨串列



實作:相鄰矩陣

```
int n, m; // 有 n 個節點, m 條邊
int u, v;
int G[500][500]; // 相鄰矩陣

for (int i=0; i<m; i++){
    cin >> u >> v;
    G[u][v]=1;
    // G[v][u]=1; // 如果是無向圖的話就加上此行
}
```

實作:相鄰串列

```
int n, m; // 有 n 個節點, m 條邊
int u, v;
vector<vector<int>> G(500); // 相鄰串列

for (int i=0; i<m; i++){
    cin >> u >> v;
    G[u].push_back(v);
    // G[v].push_back(u); // 如果是無向圖的話就加上此行
}
```

DFS

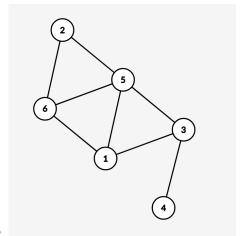
DFS

- 深度優先搜尋(Depth-First-Search, DFS),一種遍歷圖的方法
- 顧名思義:我們會將深度作為最先搜尋的對象
- 步驟如下
 - **●** 選擇起點當作目前的節點
 - 2 紀錄目前的節點走過
 - 前往其中一個沒走過的相鄰節點當作目前的節點
 - 4 如果全部的相鄰節點都走完就將目前的節點設為父節點
 - 5 如果所有節點都走過就結束

15 / 25

DFS

• 讓我們以這張圖做個例子



200

資料結構 16 / 25 temmie

實作:DFS

```
1 vector < vector < int >> G(500); // 相鄰串列
2 bitset <500> vis; // 紀錄是否走過第 i 點
4 void dfs(int now){
   vis[now]=1; // 2. 紀錄目前的節點走過
   for (auto x : G[now]){
        if (vis[x]==0){ // 3. 前往沒走過的相鄰節點
           dfs(x);
        }
9
    return; // 4. 全部的相鄰節點都走完就將目前節點設為父節點
11
12 }
13
14 dfs(1); // 1. 選擇起點當作目前節點
```

Building Roads

題目連結

有 n 個城市 m 條道路,請問需要新增幾條道路才能讓所有城市連通。 請輸出數量以及新增的道路。

Building Roads

題目連結

有 n 個城市 m 條道路,請問需要新增幾條道路才能讓所有城市連通。 請輸出數量以及新增的道路。

• Tip1:已經有連通的城市還需要新增道路嗎?

temmie 資料結構 18 / 25

Building Roads

題目連結

有 n 個城市 m 條道路,請問需要新增幾條道路才能讓所有城市連通。 請輸出數量以及新增的道路。

• Tip1:已經有連通的城市還需要新增道路嗎?

• Tip2:兩個不連通的程式要新增幾條道路才能連通?

18 / 25

```
vector < int > ans;
3 for (int i=1; i<=n; i++){</pre>
     // 一個城市還沒被遍歷,就記錄他並且走過所有跟他連通的城市
   if (vis[i]){
         ans.push_back(i);
6
         dfs(i);
cout << ans.size()-1 << "\n";
12 for (int i=0 ; i<ans.size()-1 ; i++){</pre>
13
   cout << ans[i] << " " << ans[i+1] << "\n";
14 }
```

Counting Rooms

題目連結

給你一個大小為 $n \times m$ 的房間,**@**代表為地板,#代表為牆壁,在一個地板上可以上下左右走向另一個地板,並視為在同一個房間。

請問房間的數量?

20 / 25

Counting Rooms

題目連結

給你一個大小為 $n \times m$ 的房間,@代表為地板,#代表為牆壁,在一個地板上可以上下左右走向另一個地板,並視為在同一個房間。

請問房間的數量?

• Tip1:請先想想看,這要怎麼轉換成一張圖呢?

Counting Rooms

題目連結

給你一個大小為 $n \times m$ 的房間,**@**代表為地板,#代表為牆壁,在一個地板上可以上下左右走向另一個地板,並視為在同一個房間。 請問房間的數量?

• Tip1:請先想想看,這要怎麼轉換成一張圖呢?

• Tip2:這是一個二維的平面,請問該如何表示目前的節點?

```
1 bool vis[1005][1005];
3 bool out(int x, int y){ // 檢查下一個座標是否出界
     return x<0 || x>n || y<0 || y>m;
5 }
6
7 void dfs(int x, int y){
     vis[x][y]=1;
8
     if (out(x+1, y)==0 \&\& v[x+1][y]=='.') dfs(x+1, y);
9
     if (out(x-1, y)==0 \&\& v[x-1][y]=='.') dfs(x-1, y);
10
     if (out(x, y+1)==0 \&\& v[x][y+1]=='.') dfs(x, y+1);
11
     if (out(x, y-1)==0 \&\& v[x][y-1]=='.') dfs(x, y-1);
12
13
     return;
14 }
```

```
1 bool vis[1005][1005]:
2 const int mx[4] = \{1, 0, -1, 0\};
3 const int my[4]={0, 1, 0, -1};
5 bool out(int x, int y){ // 檢查下一個座標是否出界
  return x<0 || x>n || y<0 || y>m;
6
7 }
9 void dfs(int x, int y){
10
     vis[x][y]=1;
     for (int i=0 ; i<4 ; i++){
          if (out(x+mx[i], y+my[i])==0 &&
12
         v[x+mx[i]][y+my[i]]=='.') dfs(x+mx[i], y+my[i]);
13
14
     return:
15
16 }
```

回朔解

回朔解

- 在一些問題中,題目將會要求構造出一種解法。
- 這個問題我們可以透過逆推達成。

 temmie
 資料結構
 24 / 25

BFS