May, 2022 Day 1 Tasks

manager Thai (THA)

# ผู้จัดการ (manager)

มีพนักงานทำงานนั่งติดกันเป็นแถวยาว N คน ( $1 \leq N \leq 50\,000$ ) เรียกเป็นพนักงาน  $0,1,\ldots,N-1$  ตาม ลำดับ พนักงาน i ทำงานกับผลิตภัณฑ์หมายเลข A[i]

ในโลกของการบริหารจัดการ พนักงานทุกคนที่เราสนใจจะต้องมีผู้จัดการ เพื่อความสะดวกผู้จัดการหนึ่งคนจะดูแล ได้เฉพาะพนักงานที่อยู่ติดกันเท่านั้น นอกจากนี้ เนื่องจากผู้จัดการจะต้องคอยสังเกตการทำงาน ดังนั้นจำนวน ผลิตภัณฑ์ที่พนักงานทำงานด้วยไม่ควรจะแตกต่างกันมากเกินไป

คุณจะได้รับคำถาม Q คำถาม ที่ระบุจำนวนเต็ม L,R, และ X ที่มีคุณจะต้องหาจำนวนผู้จัดการน้อยที่สุดที่

- ullet สามารถดูแลพนักงานคนที่ L ถึง R (รวม L และ R ด้วย)
- ผู้จัดการแต่ละคนดูแลเฉพาะพนักงานหมายเลขติดกัน
- ullet จำนวนผลิตภัณฑ์ที่พนักงานดูแลจะแตกต่างกันไม่เกิน X หมายเลข

พิจารณาตัวอย่างต่อไปนี้ที่ N=8 และหมายเลขผลิตภัณฑ์ที่พนักงานแต่ละคนทำงานด้วยตามลำดับเป็นดังนี้

สังเกตว่ามีผลิตภัณฑ์แตกต่างกัน 5 แบบ

สมมติว่า Q=3 จะมีคำถาม 3 คำถาม ดังนี้

- ullet ถ้าคำถามแรกถามโดยระบุ  $L=0, R=7, X=4\,$  คำตอบคือ  $2\,$  โดยรูปแบบหนึ่งที่เป็นไปได้คือผู้จัดการ คนแรกดูแลพนักงานคนที่  $0-3\,$  และผู้จัดการคนที่  $2\,$  ดูแลพนักงานคนที่  $4-7\,$
- ullet ถ้าคำถามที่สองถามโดยระบุ  $L=2, R=5, X=3\,$  คำตอบคือ  $1\,$  เพราะว่าผู้จัดการคนเดียวสามารถดู พนักงานคนที่  $3-6\,$ ได้เลย เพราะว่าหมายเลขผลิตภัณฑ์ในช่วงดังกล่าวมีแค่  $3\,$ แบบ คือ  $1,40,200\,$
- ullet ถ้าคำถามที่สามถามโดยระบุ L=2, R=7, X=2 คำตอบคือ 3 โดยผู้จัดการคนที่ 1 ดูแลพนักงานคนที่ 2-3 ผู้จัดการคนที่ 2 ดูแลพนักงานคนที่ 4-5 และผู้จัดการคนที่ 3 ดูแลพนักงานคนที่ 6-7

#### รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันสองฟังก์ชันด้านล่าง

void initialize(int N, int Q, vector<int> A)

- ฟังก์ชันจะถูกเรียกหนึ่งครั้ง
- ullet อาร์เรย์ A ระบุความสูงของกล่อง กล่าวคือสำหรับ  $0 \leq i \leq N-1, \ A[i]$  คือความสูงของกล่องของ พนักงานคนที่ i

```
int min managers(int L, int R, int X)
```

- ullet ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียก Q ครั้ง
- แต่ละครั้งให้คืนค่าจำนวนผู้จัดการน้อยที่สุดที่ตรงตามเงื่อนไข

### เงื่อนไข

- $2 \le N \le 50000$
- $1 \le Q \le 50000$
- ullet  $1 \leq A[i] \leq 1\,000\,000\,000$  สำหรับทุก ๆ i ที่  $0 \leq i < N$
- $0 \le L \le R < N$
- $1 \le X \le 50000$

## ปัญหาย่อย

- 1. (8 คะแนน)  $N,Q \leq 1\ 000$
- 2. (11 คะแนน) L=0, R=N-1 และมีค่า A[i] ที่ต่างกันไม่เกิน 10 ค่า
- 3. (15 คะแนน) X เท่ากันในทุกคำถาม
- 4. (28 คะแนน) L=0 และ R=N-1
- 5. (38 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติม

#### ตัวอย่าง

เกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชัน initialize ดังนี้

```
initialize(8, 3, [1, 20, 1, 40, 200, 1, 300, 20])
```

เนื่องจาก Q=3 จะมีคำถามตามมาอีก 3 คำถาม คำถามแรก เกรดเดอร์จะเรียก

```
min_managers(0, 7, 4)
```

ฟังก์ชันที่ทำงานถูกต้องจะคืนค่า 2 จากนั้นเกรดเดอร์จะเรียก

```
min_managers(2, 5, 3)
```

ฟังก์ชันที่ทำงานถูกต้องจะคืนค่า 1 จากนั้นเกรดเดอร์จะเรียก

```
min_managers(2, 7, 2)
```

**ฟังก์ชันที่ทำงานถูกต้องจะคืนค่า** 3

### เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลนำเข้าในรูปแบบดังนี้:

- ullet บรรทัดที่  $1\colon\ N\ Q$
- ullet บรรทัดที่ 2: A[0] A[1] A[2]  $\dots$  A[N-1] ullet บรรทัดที่ 3+j ถึง 3+Q-1: L R X

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะพิมพ์ค่าที่คืนจากฟังก์ชัน min\_managers

#### ขีดจำกัด

• Time limit: 7 seconds

• Memory limit: 1536 MB (1.5 GB)