May, 2022 Day 4 Tasks

bridgeThai(THA)

สะพาน (bridge)

ในสงคราม สะพานเป็นโครงสร้างพื้นฐานที่สำคัญ ในการป้องกันหรือต่อสู้จึงมีความจำเป็นที่จะต้องระเบิดสะพาน แต่เพื่อให้แน่ใจ ควรจะระเบิดสะพานให้แยกเป็นสามส่วนไปเลย คุณได้ถูกมอบหมายงานให้ช่วยระเบิดสะพาน โดย คุณต้องการระเบิดสะพานช่วงที่อ่อนแอที่สุดสองช่วง

สะพานประกอบไปด้วยท่อนย่อยจำนวน N ท่อน ท่อนที่ i สำหรับ $0 \leq i < N$ มีจำนวนเต็ม W[i] ระบุไว้ (W[i] อาจจะเป็นลบได้)

ความอ่อนแอของช่วงของสะพานสำหรับช่วงที่ประกอบไปด้วยท่อนที่ L ถึง R ที่ L < R สามารถนิยามได้ดังนี้

$$\sum_{L \leq i < j \leq R} W[i]W[j]$$

นั่นคือความอ่อนแอจะเท่ากับผลรวมของผลคูณของทุกคู่ของค่า w ในช่วงดังกล่าว

คุณต้องการหาช่วงสองช่วงที่ไม่ทับกัน ที่ผลรวมของความอ่อนแอนี้น้อยที่สุด นั่นคือคุณต้องการหา L_1,R_1,L_2,R_2 ที่ $0 \leq L_1 < R_1$ และ $R_1+1 < L_2 < R_2 \leq N-1$ ที่ทำให้ค่า

$$\sum_{L_1 \leq i < j \leq R_1} W[i] W[j] + \sum_{L_2 \leq i < j \leq R_2} W[i] W[j]$$

มีค่าน้อยที่สุด

พิจารณาตัวอย่างต่อไปนี้ ที่ N=11

ท่อนสะพานที่	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
W[i]	5	10	-3	8	4	5	-2	-9	12	11	4

ช่วงสองช่วงที่ควรเลือกคือ $L_1=1, R_1=2, L_2=6, R_2=8$ ซึ่งมีค่าความอ่อนแอเท่ากับ

$$10 \cdot (-3) + ((-2) \cdot (-9) + (-2) \cdot 12 + (-9) \cdot 12)$$

รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันต่อไปนี้

long long destroy bridge(int N, vector<int> W)

• ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกหนึ่งครั้ง

ullet อาร์เรย์ W จะเป็นข้อมูลระบุความอ่อนแอของสะพาน

เงื่อนไข

- $5 \le N \le 100000$
- $-10\,000 \le W[i] \le 10\,000$

ปัญหาย่อย

- 1. (3 points) $0 \leq W[i]$
- 2. (6 points) $N \leq 50$.
- 3. (8 points) $N \leq 150$.
- 4. (20 points) $N \le 1\,000$.
- 5. (31 points) $N \leq 35\,000$.
- 6. (32 points) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติมจากโจทย์

ตัวอย่าง

จากตัวอย่างข้างต้น เกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชัน destroy_bridge ดังนี้

```
destroy_bridge(11, [5, 10, -3, 8, 4, 5, -2, -9, 12, 11, 4])
```

ซึ่งฟังก์ชันจะต้องตอบ -144

เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลนำเข้าดังนี้

- ullet บรรทัดที่ $1\colon\ N$
- ullet บรรทัดที่ 2+i ถึง 2+N-1: $\,W[i]\,$

เกรดเดอร์ตัวอย่างพิมพ์ผลลัพธ์จากฟังก์ชัน destroy bridge

ขีดจำกัด

Time limit: 1 secondsMemory limit: 1024 MB