April 30, 2022 Day 3 Tasks

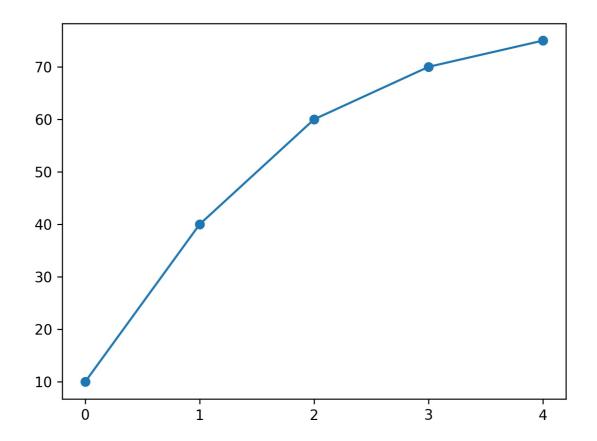
compatibility
Thai (THA)

# ความเข้ากันได้

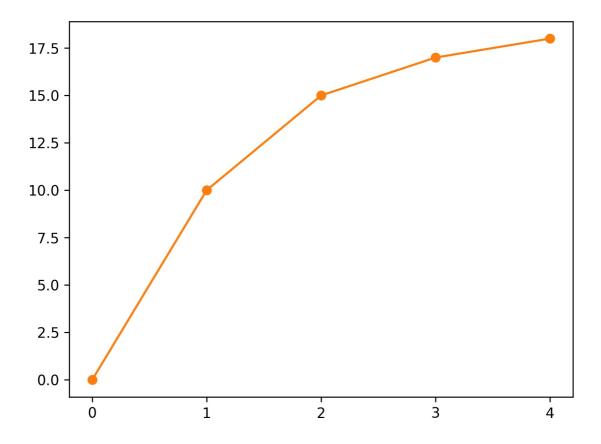
โรงงานมรณะแห่งจักรวาลจักรกลกลไกกาลเวลาลั้ลลาอมตะอภิมหานฤมลายทลายกลายเป็นซากอยากสร้างชิ้น ส่วนประกอบของเล่นรูปร่างประหลาด ชิ้นส่วนแต่ละชิ้นมีเงื่อนไขดังนี้

- มีชิ้นส่วนทั้งหมด m ชิ้น แต่ละชิ้นจะเป็นรูปร่างโค้ง สามารถอธิบายได้ด้วยลำดับของจำนวนเต็มไม่ลบ n ตัว เราจะเรียก n ว่าขนาดของชิ้นส่วน
- ullet เราจะเรียกลำดับของจำนวนเต็มที่อธิบายชิ้นส่วนชิ้นที่ i ว่า  $A_i$  โดยเขียน  $A_i[j]$  แทนจำนวนเต็มตัวที่ j ใน ลำดับของจำนวนเต็มที่อธิบายชิ้นส่วนชิ้นที่ i สำหรับจำนวนเต็ม  $0 \leq i < m$  และ  $0 \leq j < n$  ใด ๆ
- เงื่อนไขพิเศษที่ทำให้ชิ้นส่วนมีลักษณะโค้งแบบพิเศษพิศวงพิสดารพิลึกกึกกือ คือ  $A_i[j] \geq rac{A_i[j+1] + A_i[j-1]}{2}$  สำหรับทุกจำนวนเต็ม  $0 \leq i < m$  และ  $1 \leq j \leq n-2$

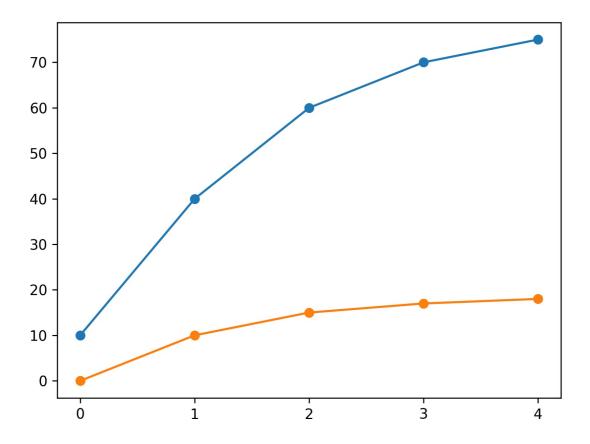
ภาพด้านล่างแสดงตัวอย่างของชิ้นส่วนชิ้นหนึ่งขนาด 5 อธิบายได้ด้วยลำดับ [10,40,60,70,75] ซึ่งสอดคล้องกับ เงื่อนไขข้างต้น



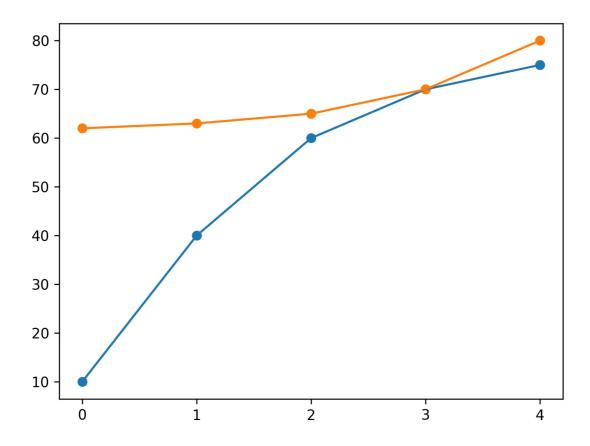
ต่อมา โรงงานต้องการทำการประกอบชิ้นส่วนสองชิ้นเข้าด้วยกัน สมมติว่ามีชิ้นส่วนอีกชิ้นหนึ่งที่มีขนาดเท่ากัน



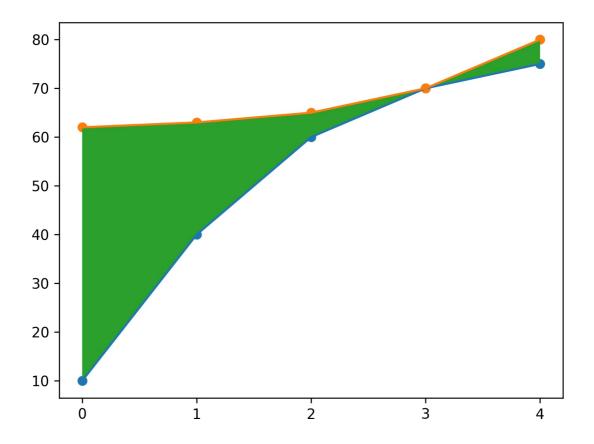
เมื่อนำมาวางซ้อนกันจะได้ภาพดังนี้



อย่างไรก็ตาม เมื่อโรงงานทำการประกอบชิ้นส่วนเข้าด้วยกัน เราจะเริ่มจากการหยิบชิ้นใดชิ้นหนึ่ง พลิกสลับด้าน จากซ้ายไปขวา (flip horizontally) แล้วนำชิ้นส่วนทั้งสองชิ้นวางให้ชิดกันแต่ไม่ซ้อนทับกัน โดยบังคับให้พิกัดแกน x อยู่ระหว่าง 0 ถึง n-1 สำหรับทั้งสองชิ้นส่วน ในกรณีข้างต้น จะได้ผลลัพธ์ดังนี้



จะเห็นได้ว่าชิ้นส่วนทั้งสองชิ้นนั้นไม่ได้แนบชิดติดกัน แต่จะทำให้เกิดช่องว่างระหว่างชิ้นส่วนทั้งสองชิ้น เราสามารถ มองพื้นที่ว่างส่วนนี้ได้จากรูปด้านล่าง (พื้นที่สีเขียวแทนช่องว่างระหว่างชิ้นส่วน)



เราจะกล่าวว่า **ความไม่เข้ากัน** ของชิ้นส่วนสองชิ้น คือสองเท่าของพื้นที่ช่องว่างเมื่อนำชิ้นส่วนสองชิ้นนี้มาประกอบ กัน สำหรับตัวอย่างข้างต้น ความไม่เข้ากันนี้คือสองเท่าของพื้นที่สีเขียว ซึ่งมีค่าเท่ากับ 113

ในโรงงานมรณะแห่งจักรวาลจักรกลกลไกกาลเวลาลั้ลลาอมตะอภิมหานฤมลายทลายกลายเป็นซากนี้เอง มีชิ้นส่วน อยู่ทั้งหมด m ชิ้น แต่ละชิ้นมีขนาด n เท่ากันทั้งหมด และแต่ละชิ้นสอดคล้องกับเงื่อนไขที่ได้กล่าวไปแล้ว ทาง โรงงานต้องการตรวจสอบคุณภาพของการประกอบชิ้นส่วนแต่ละคู่ นั่นคือต้องการหาค่า**ความไม่เข้ากัน**ที่มากที่สุด ที่เป็นไปได้ของแต่ละคู่

## รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันดังต่อไปนี้:

long long maximum\_incompatibility(vector<vector<int>> A)

• ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกเพียงครั้งเดียว และจะต้องคืนค่า ความไม่เข้ากัน ที่มากที่สุดเท่าที่เป็นไปได้

### ข้อจำกัด

- $1 \le n \le 1000$
- $2 \le m \le 3000$

ullet  $0 \leq A_i[j] \leq 1\,000\,000\,000$  สำหรับจำนวนเต็ม  $0 \leq i < m$  และ  $0 \leq j < n$  ใด ๆ

# ปัญหาย่อย

- 1. (10 คะแนน) m=2
- 2. (15 คะแนน)  $A_i[j] = rac{A_i[j+1] + A_i[j-1]}{2}$  สำหรับทุกจำนวนเต็ม  $0 \leq i < m$  และ  $1 \leq j \leq n-2$
- 3. (30 คะแนน)  $m,n \leq 300$
- 4. (45 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติม

#### ตัวอย่าง

ตัวอย่างจากรูปข้างต้น จะเป็นการเรียกดังนี้

```
maximum_incompatibility([[10, 40, 60, 70, 75], [0, 10, 15, 17, 18]])
```

ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 113 จึงจะเป็นคำตอบที่ถูกต้อง

# เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลดังเข้าตามรูปแบบดังต่อไปนี้

- บรรทัดที่ 1: m n
- ullet บรรทัดที่ 2+i ถึง 2+m:  $A_i[0]$   $A_i[1]$   $A_i[2]$   $\dots$   $A_i[n-1]$

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะส่งออกค่าที่ได้รับจากฟังก์ชัน maximum\_incompatibility

#### ขอบเขต

- Time limit: 2 seconds
- Memory limit: 512 MB