May, 2022 Day 1 Tasks

bombs Thai (THA)

# แข็งแกร่งด้วยระเบิด (bombs)

คุณอยู่ในโลก 1 มิติ สามารถมองเป็นเส้นจำนวนจาก  $-\infty$  ถึง  $\infty$  เมื่อเวลาเริ่มต้น (วินาทีที่ 0) คุณสามารถเลือก เกิด ณ ตำแหน่งไหนก็ได้และคุณจะอยู่ที่พิกัดเป็นจำนวนเต็มเท่านั้น

คุณเป็นคนที่มีความมุ่งมั่นอยากเป็นผู้แข็งแกร่ง แต่คุณมีความเชื่อที่ประหลาด กล่าวคือ คุณเชื่อว่ายิ่งบาดเจ็บจะยิ่ง แข็งแกร่ง เป้าหมายชีวิตคุณก็คืออยากจะเสีย HP ให้ **มากที่สุด** เท่าที่จะทำได้

ทุกครั้งที่ระเบิดปรากฏขึ้น ให้คุณตอบ HP ที่เสียรวม **มากที่สุด** เท่าที่เป็นไปได้ รับประกันว่าระเบิดลูกที่ทยอยเพิ่ม ขึ้นมานั้นจะไม่ระเบิดก่อนระเบิดลูกก่อนหน้า นั่นคือ  $t_i \leq t_{i+1}$  สำหรับทุก ๆ  $1 \leq i < N$ 

ระหว่างการถาม จะมีการระบุความเร็ว  $p_i$  ในการเคลื่อนที่ของคุณ ความเร็วดังกล่าวจะเป็นความเร็วในการเคลื่อนที่ ของคุณจากช่วงเวลาที่ถามก่อนหน้าถึงเวลา  $t_i$  กล่าวคือ สมมติให้ j เป็นดัชนีที่น้อยกว่า i ที่มากที่สุดที่  $t_j \neq t_i$  คุณจะสามารถเดินระหว่างเวลา  $t_j$  ถึง  $t_i$  ได้เท่ากับ  $p_i \cdot (t_i - t_j)$  หน่วย

ความเร็วนี้อาจจะเปลี่ยนไประหว่างเวลาได้ด้วย แต่รับประกันว่าถ้า  $t_i=t_{i+1}$  แล้ว  $p_i=p_{i+1}$ 

พิจารณาตัวอย่างต่อไปนี้ สมมติว่า N=6 และมีลูกระเบิดดังนี้

ลูกที่	$x_i$	$t_i$	$a_i$	$p_i$
1	30	0	6	1
2	35	0	10	1
3	25	1	5	1
4	10	3	10	20
5	15	3	7	20
6	20	3	8	20

เมื่อมีระเบิดลูกที่ 1 ตำแหน่งที่ดีที่สุดที่คุณควรจะอยู่คือตำแหน่ง 30 ซึ่งทำให้คุณเสีย HP เท่ากับ

$$6 - |30 - 30| = 6$$

หน่วย

เมื่อเพิ่มระเบิดลูกที่ 2 ซึ่งระเบิดในเวลาเดียวกัน ตำแหน่งที่ดีที่สุดคือตำแหน่งใดก็ได้ระหว่าง 30-35 ซึ่งจะทำให้

คุณเสีย HP รวมเท่ากับ 11 หน่วย

เมื่อมีระเบิด 3 ลูก โดยที่ลูกที่ 3 ระเบิดที่เวลา  $t_3=1$  คุณอาจจะเริ่มต้นที่จุด 30 และเสีย HP 11 หน่วย จากนั้น เนื่องจาก  $p_3=1$  คุณสามารถเดินมาที่ตำแหน่ง 29 ในวินาทีที่ 1 เพื่อเสีย HP เท่ากับ 5-|25-29|=1 รวม เสีย HP เท่ากับ 12 หน่วย

เมื่อมีระเบิด 4 ลูก สังเกตว่าลูกนี้ระเบิดที่เวลา 2 และ  $p_4=20$  และ  $t_4=3$  คุณสามารถเดินระหว่างเวลาที่ 1 ถึง 3 ได้เท่ากับ  $2\cdot 20=40$  หน่วย ทางเลือกที่ดีที่สุดนั้นคือในช่วงแรกให้ทำแบบเดิมและในวินาทีที่ 3 เดินมาที่ ตำแหน่ง 10 แต่ครั้งนี้คุณจะเสีย HP เท่ากับ 10-|10-10|=10 หน่วย รวมเสีย HP เท่ากับ 22 หน่วย

เมื่อมีระเบิด 5 ลูก สังเกตว่า  $t_5=t_4=3$  ระเบิดลูกนี้ระเบิดในเวลาเดียวกับลูกที่แล้ว ในกรณีนี้ ที่เวลา 3 คุณควร จะอยู่ในตำแหน่งใดก็ได้ระหว่าง 10 ถึง 15 (จะอยู่ที่ 10 เหมือนตอนมี 4 ลูกก็ได้) ทางเลือกดังกล่าวทำให้คุณเสีย HP รวมทั้งหมดมากที่สุดได้ 24 หน่วย

เมื่อมีระเบิด 6 ลูก สังเกตว่า  $t_6=t_5=t_4=3$  ระเบิดลูกนี้ระเบิดในเวลาเดียวกับสองลูกที่แล้ว ในกรณีนี้ ที่เวลา 3 คุณควรจะอยู่ในตำแหน่ง 15 ซึ่งความเร็วจากเวลา 1 ถึงเวลา 3 ทำให้คุณสามารถเดินมาได้ ทางเลือกดังกล่าว ทำให้คุณเสีย HP รวมทั้งหมดมากที่สุดได้ 27 หน่วย

### รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันสองฟังก์ชันต่อไปนี้

void initialize(int N)

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกหนึ่งครั้ง เพื่อให้คุณเตรียมค่าเริ่มต้น
- ullet ฟังก์ชันจะระบุ N จำนวนลูกระเบิด

จากนั้นเกรดเดอร์จะทยอยเรียกฟังก์ชันด้านล่าง จำนวน N ครั้ง

long long max hp loss(int X, int T, int A, int P)

- ullet จะมีการเรียกทั้งสิ้น N ครั้ง
- ullet ในการเรียกครั้งที่ i จะเป็นการระบุข้อมูลของระเบิดลูกที่ i กล่าวคือ  $x_i=X, t_i=T, a_i=A$
- ในคำถามนี้คุณจะเคลื่อนที่ได้  $p_i = P$  หน่วยต่อวินาทีนับจากช่วงเวลาก่อนหน้า (นั่นคือนับจากวินาทีที่  $t_j$  เมื่อ  $t_j$  เป็นเวลามากที่สุดที่น้อยกว่า  $t_i$ )
- คุณจะต้องคืนค่า HP ที่สูญเสียรวม **มากที่สุด** ที่เป็นไปได้ถ้ามีระเบิดตั้งแต่ลูกที่ 1 ถึงลูกที่ *i* และระเบิดได้ ระเบิดหมดแล้ว

## เงื่อนไข

- $\bullet \ 2 \leq N \leq 200\,000$
- $1 \le X \le 10^9$
- $1 \le T \le 10^3$
- $1 \le A \le 10^9$

- $1 \le P \le 10^3$
- ullet  $t_i \leq t_{i+1}$  สำหรับ  $1 \leq i \leq N-1$
- ullet ถ้า  $t_i=t_{i+1}$  แล้ว  $p_i=p_{i+1}$  สำหรับ  $1\leq i\leq N-1$

# ปัญหาย่อย

- 1. (3 points)  $N \le 1000, T = 1, P = 1$
- 2. (3 points)  $X \le 100, T = 1, P = 1$
- 3. (4 points) N < 1000, X < 100
- 4. (4 points)  $N \le 1000, T \le 10$
- 5. (4 points)  $N \le 1000, P \le 10$
- 6. (5 points)  $T \leq 10, P \leq 10$
- 7. (5 points) T=1
- 8. (23 points) P = 1
- 9. (11 points)  $N \leq 10$
- 10. (12 points) N < 100
- 11. (26 points) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติม

#### ตัวอย่าง

จากตัวอย่างข้างต้น เกรดเดอร์จะเริ่มโดยเรียก

```
initialize(4)
```

หลังจากนั้นจะเรียก max hp loss อีก 6 ครั้งดังนี้

```
max_hp_loss(30,0,6,1)
```

ซึ่งจะต้องคืนค่า 6

ครั้งที่ 2 จะเรียก

```
max_hp_loss(35,0,10,1)
```

ซึ่งจะต้องคืนค่า 11 จากนั้นสำหรับระเบิดลูกที่ 3 จะเรียก

```
max_hp_loss(25,1,5,1)
```

ฟังก์ชันที่ทำงานถูกต้องจะต้องคืนค่า  $12\,$  สำหรับระเบิดลูกที่  $4\,$ เกรดเดอร์จะเรียก

```
max_hp_loss(10, 3, 10, 20)
```

#### ซึ่งจะคืนค่า 22 สำหรับระเบิดลูกที่ 5 เกรดเดอร์จะเรียก

```
max_hp_loss(15, 3, 7, 20)
```

## ซึ่งจะคืนค่า $24\,$ สำหรับระเบิดลูกที่ $6\,$ เกรดเดอร์จะเรียก

```
max_hp_loss(20, 3, 8, 20)
```

ซึ่งจะคืนค่า 27

## เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่าง อ่านข้อมูลนำเข้าในรูปแบบต่อไปนี้:

- ullet บรรทัดที่  $1\colon\ N$
- ullet บรรทัดที่ 1+i ถึง 1+N สำหรับ  $1\leq i\leq N$ :  $\ x_i \ t_i \ a_i \ p_i$

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะพิมพ์ผลลัพธ์ที่ได้จาก max\_hp\_loss

## ขีดจำกัด

Time limit: 1 secondsMemory limit: 1024 MB