เหรียญรางวัล (medal)

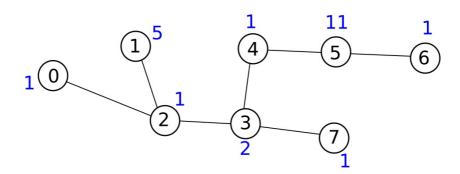
ประเทศแห่งหนึ่งประกอบไปด้วยเมือง N เมือง มีถนนจำนวน N-1 เส้นเชื่อมระหว่างเมืองเหล่านี้ โดยรับประกัน ว่าระหว่างสองเมืองใด ๆ จะสามารถเดินทางถึงกันได้ผ่านทางระบบถนนนี้ สำหรับเมือง A และ B ใด ๆ ให้ค่า dist(A,B) เท่ากับจำนวนถนนน้อยที่สุดบนเส้นทางจากเมือง A ไปยังเมือง B

เนื่องจากปีนี้เป็นปีแห่งการกระโดดตบที่คุณเป็นผู้มีความชำนาญมาก แต่ละเมืองจะจัดการแข่งขันดังกล่าวทุก ๆ วัน รางวัลของการแข่งขันที่เมือง i จะเท่ากับ W_i บาท เท่า ๆ กันทุกวัน ($W_i \geq 0$) คุณจัดว่าเป็นระดับเทพของการ กระโดดตบ ไปแข่งขันที่ไหนก็ชนะเลิศไปทุกที่เพียงแค่ต้องเดินทางไปแข่งเท่านั้น ด้วยเหตุนี้คุณหากินกับการแข่ง จนคนจัดเริ่มรำคาญเลยออกกฎว่าถ้าใครก็ตามแข่งขันกระโดดตบที่เมืองใดสองวันติดต่อกันจะถูกแบนตลอดชีวิต เงื่อนไขนี้ทำให้คุณไม่สามารถปักหลักแข่งต่อเนื่องเพื่อฟันเงินรางวัลอยู่ที่เมืองใด ๆ ได้

แม้ว่าคุณจะกระโดดตบเก่งมาก แต่การเดินทางไปตามถนนนั้นเป็นสิ่งที่คุณไม่ชอบเอาเสียเลย คุณตั้งใจว่าแต่ละวัน คุณจะเดินทางบนถนนไม่เกิน 1 ครั้งเท่านั้น

คุณจะได้รับคำถาม Q คำถามที่ระบุจำนวนเต็ม A, B, และ X โดยที่ $X \leq 20$ ที่ถามว่า ถ้าคุณเริ่มแข่งขันในวัน แรก ที่ เมือง A ไปสิ้นสุดการแข่งขันในเมือง B โดยเดินทางไปแข่งขันไป และเดินทางผ่านถนนไม่เกิน dist(A,B)+X เส้น คุณจะได้เงินรางวัลรวมมากที่สุดเท่าใด สังเกตว่าคุณสามารถแข่งขันที่เมืองหนึ่ง ๆ ได้ มากกว่า 1 ครั้ง แต่ห้ามแข่งในวันติดกันเท่านั้น

พิจารณาตัวอย่างด้านล่างต่อไปนี้ที่ N=8 รางวัล W_i ของแต่ละเมืองแสดงเป็นตัวเลขสีน้ำเงินข้าง ๆ เมืองนั้น



ถ้าเราได้รับคำถาม A=0, B=7, X=5 เนื่องจาก dist(0,7)=3 เราจึงสามารถเดินแข่งจากเมือง 0 ไป เมือง 7 ทางผ่านถนนได้รวมไม่เกิน 8 เส้น เราสามารถเลือกเดินทางได้หลายแบบ

- ullet ถ้าเดินทางตามเส้นทาง 0-2-1-2-3-4-3-7 จะได้รางวัลรวม 1+1+5+1+2+1+2+1=14
- ullet ถ้าเดินทางตามเส้นทาง 0-2-1-2-1-2-3-7 จะได้รางวัลรวม 1+1+5+1+5+1+2+1=17
- ullet ถ้าเดินทางตามเส้นทาง 0-2-3-4-5-4-3-7 จะได้รางวัลรวม 1+1+2+1+11+

$$1 + 2 + 1 = 20$$

ทางเลือกสุดท้ายเป็นการเดินทางแข่งที่ทำให้ได้รางวัลรวมมากที่สุด คุณจึงตอบ $20\,$

พิจารณาอีกคำถามหนึ่งที่ $A=6,\ B=2,\ X=2$ เส้นทางที่ดีที่สุดคือ 6-5-4-5-4-3-2 ที่ได้ รางวัลเท่ากับ 1+11+1+1+1+2+1=28

รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันสองฟังก์ชันต่อไปนี้:

void initialize(int N, int Q, vector<int> W, vector<pair<int,int>> R)

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกเพียงครั้งเดียวก่อนที่จะมีการเรียกฟังก์ชันอื่นทั้งหมด
- ullet สำหรับ $0 \leq i < N \ \ W[i]$ ระบุรางวัลที่เมือง i
- ullet สำหรับ $0 \leq j < N-1$ ถนนเส้นที่ j เชื่อมระหว่างเมือง R[j][0] กับ R[j][1]

จากนั้นเกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชัน query อีก Q ครั้ง

long long query(int A, int B, int X)

- ullet ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียก Q ครั้ง
- ullet ฟังก์ชันจะต้องคืนค่าผลรวมของรางวัลมากที่สุดที่ทำได้ถ้าเริ่มแข่งที่เมือง A สิ้นสุดที่ B และเดินทางผ่าน ถนนไม่เกิน dist(A,B)+X เส้น

ขอบเขต

- $2 \le N \le 100\,000$
- $1 \le Q \le 100000$
- ullet $0 \leq W_i \leq 1\,000\,000\,000$ สำหรับ $0 \leq i < N$
- 0 < X < 20
- 0 < A < N, 0 < B < N

ปัญหาย่อย

- 1. (8 คะแนน) $N \leq 100$
- 2. (11 คะแนน) ทุกเมืองจะมีถนนออกจากเมืองไม่เกิน 2 เส้น
- 3. (10 คะแนน) X=0
- 4. (16 คะแนน) $X \leq 3$
- 5. (24 คะแนน) A=B
- 6. (31 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติม

ตัวอย่าง

จากตัวอย่างด้านบน เกรดเดอร์จะเรียก initialize ดังนี้

หลังจากนั้นเกรดเดอร์จะเรียก query อีกสองครั้ง

```
query(0,7,5)
```

ที่จะต้องคืนค่า 20 และ

```
query(6,2,2)
```

ที่จะต้องคืนค่า 28

เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะรับค่าทั้งหมด N+Q+1 บรรทัด:

- ullet บรรทัดที่ $1{:}\,N\,Q$
- ullet บรรทัดที่ 2: W[0] W[1] W[2] $\dots W[N-1]$
- ullet บรรทัดที่ 3 ถึง N+1: R[i][0] R[i][1]
- ullet บรรทัดที่ N+2 ถึง N+Q+1: $A[i]\ B[i]\ X[i]$

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะส่งออกข้อมูลข้อมูลทั้งหมด Q บรรทัดผ่านการเรียกฟังก์ชัน \mathtt{query}

ข้อจำกัด

Time limit: 2 secondsMemory limit: 512 MB