手写数字识别

HANDWRITTEN DIGITS RECOGNITION

指导老师: 覃义 康早後 刘宝亭 黄增

唐呈俊 刘宇豪 黄增玉 金梦雨

2017年12月22日



MNIST 数据集

MNIST 是一个手写数字数据集:

其中包含 60,000 个示例的训练集以及 10,000 个示例的测试集。它是 NIST 提供的更大集合的一个子集。这些数字已经进行了尺寸标准化并以固定尺寸的图像为中心。

Softmax 回归模型

Softmax 回归模型是 logistic 回归模型在多分类问题上的推广:

在多分类问题中,类标签 y 可以取两个以上的值。Softmax 回 归模型对于 MNIST 手写数字分类问题是很有用的。

$$h_{\theta}(x^{(i)}) = \begin{bmatrix} p(y^{(i)} = 1 | x^{(i)}; \theta) \\ p(y^{(i)} = 2 | x^{(i)}; \theta) \\ \vdots \\ p(y^{(i)} = k | x^{(i)}; \theta) \end{bmatrix} = \frac{1}{\sum_{j=1}^{k} e^{\theta_{j}^{T} x^{(i)}}} \begin{bmatrix} e^{\theta_{1}^{T} x^{(i)}} \\ e^{\theta_{2}^{T} x^{(i)}} \\ \vdots \\ e^{\theta_{k}^{T} x^{(i)}} \end{bmatrix}$$

Softmax 回归 vs. k 个二元分类器

使用 softmax 分类器,还是使用 logistic 回归算法建立 k 个独立的二元分类器:

这一选择取决于你的类别之间是否互斥,在本次手写数字识别 分类的任务中,我们一个图像不可能对应多个数字,所以说我 们的手写数字识别是不可能出现同一个数字属于不同的数据集 的情况的,所以说我们选择了 softmax 分类器。

梯度下降法

梯度下降 (SG):

在求解机器学习算法的模型参数,即无约束优化问题时,梯度下降(Gradient Descent)是最常采用的方法之一。

$$\gamma_n = \frac{(\mathbf{x}_n - \mathbf{x}_{n-1})^T [\nabla F(\mathbf{x}_n) - \nabla F(\mathbf{x}_{n-1})]}{||\nabla F(\mathbf{x}_n) - \nabla F(\mathbf{x}_{n-1})||^2}$$

TensorFlow

TensorFlow 是一个用于数值计算的开源软件库:

TensorFlow™ 是一个采用数据流图 (data flow graphs),用于 数值计算的开源软件库。节点(Nodes)在图中表示数学操作, 图中的线(edges)则表示在节点间相互联系的多维数据数组, 即张量(tensor)。它灵活的架构让你可以在多种平台上展开计 算,例如台式计算机中的一个或多个 CPU (或 GPU),服务器, 移动设备等等。TensorFlow 最初由 Google 大脑小组(隶属于 Google 机器智能研究机构)的研究员和工程师们开发出来,用 于机器学习和深度神经网络方面的研究, 但这个系统的通用性 使其也可广泛用于其他计算领域。

程序流程图

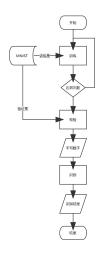


图 1: 程序流程图

程序运行图

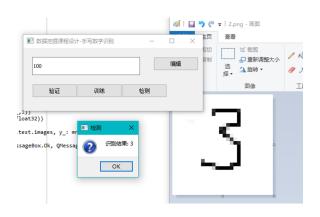


图 2: 程序运行图 1

程序运行图



图 3: 程序运行图 2

参考文献

- [1] Yann LeCun. THE MNIST DATABASE of handwritten digits [EB/OL]. http://yann.lecun.com/exdb/mnist/
- [2]Google Inc. Tensor Flow[CP]. http://www.tensorflow.org/
- [3] Andrew Ng. UFLDL Tutorial [DB/CD]. Stanford University, 2012