

レポート提出票

科目名: 情報工学実験2

実験テーマ: 実験テーマ3 情報通信シミュレーション

実施日: 2020年 12月 14日

学籍番号: 4619055

氏名: 辰川力駆

共同実験者:

_____	_____
_____	_____
_____	_____
_____	_____

1 実験概要

ハミング符号を用いたシミュレーションプログラムを作成し、誤り率を求め、グラフを参考にしながら、情報通信の特性や原理を理解する。

2 目的

通信システムの「シミュレーション」を通し、ディジタル通信システムと誤り訂正符号の理解を深める。ここでは、コンピューター・シミュレーションと呼ばれるもので、コンピューター上で仮想的な通信環境を構築し実験を行うものである。

3 原理

3.1 誤り訂正符号

情報を伝えるとき、できるだけ正確に伝えるための仕組みである。送信メッセージに $N - K$ ビットの冗長性をもたせることで、通信路で発生した誤りを訂正することが可能である。

- 符号化 (Encode)

送信者は K ビットの送りたい情報 w をルールに従って N ビットの符号語 x に変換する。

- 復号 (Decode)

受信者は x がわからず、ノイズ付きの情報 y のみを知っている。 y から \hat{x} および \hat{w} を推定する。

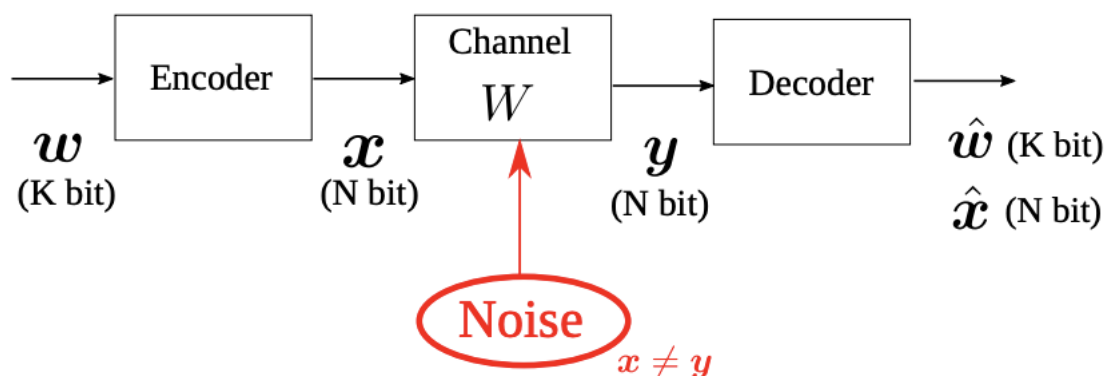


図 1: 通信路モデル

3.2 ハミング符号

ハミング符号はブロック符号の一種である。デジタル情報をブロック (K ビット) に分け、それぞれに対して符号化を行う (N ビットになる)。

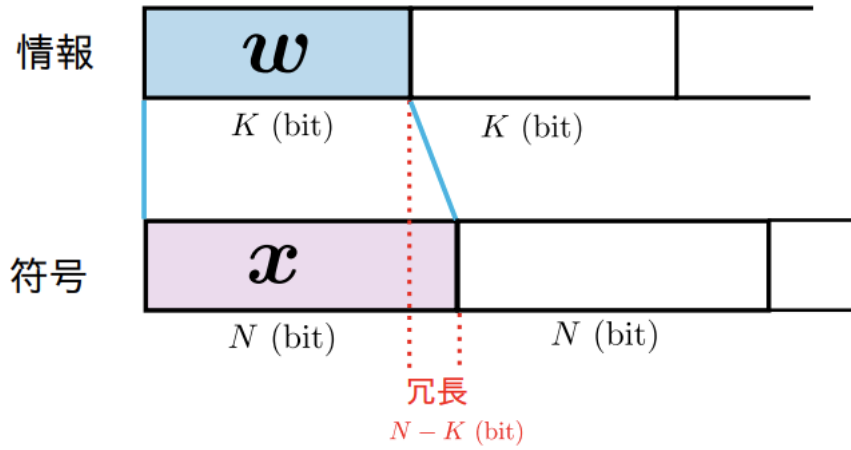


図 2: ブロック符号化

4 実験手順

1. $K = 4$ ビットの情報 w を乱数を用いて生成
2. 符号化により、 w から x を生成
3. 乱数を用いて $N = 7$ ビットの雑音ベクトル e を生成
4. $y = x \oplus e$ を計算
5. y から復号して \hat{x} 、 \hat{w} を得る
6. w と \hat{w} を比較し、ビット誤り数をカウント
7. 1 から 6 を SIM 回行い、ビット/ブロック誤り率を計算

5 実験結果

ソースコードは付録に記述した。そのソースコードを実行した結果を下記に示す。

なお、誤り率を $\epsilon = 0.005, 0.009, 0.013, 0.017, 0.021$ 、シミュレーション回数を $SIM = 1000000$ に設定した。

また、これらの結果をグラフにプロットした。

```
# SIM:1000000
#BSCの誤り率 #復号後ビット誤り率 #復号後ブロック誤り率
0.005        0.00021625  0.000514
0.009        0.00072750  0.001684
0.013        0.00146725  0.003375
0.017        0.00245400  0.005629
0.021        0.00375825  0.008681
```

図 3: ソースコードの実行結果

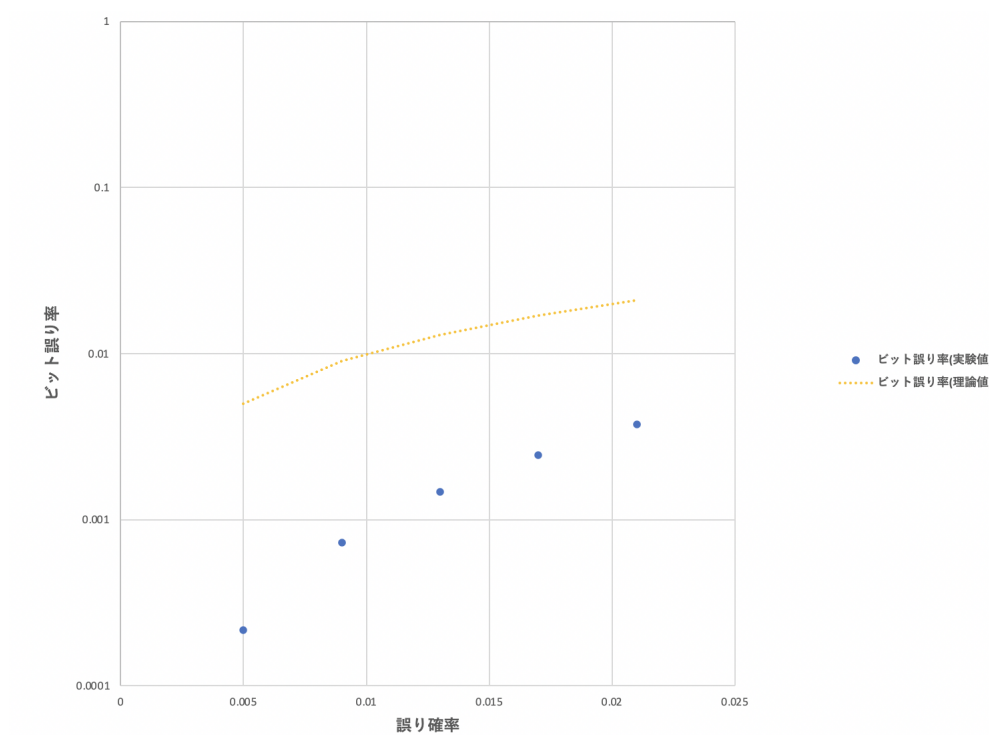


図 4: ビット誤り率のグラフ

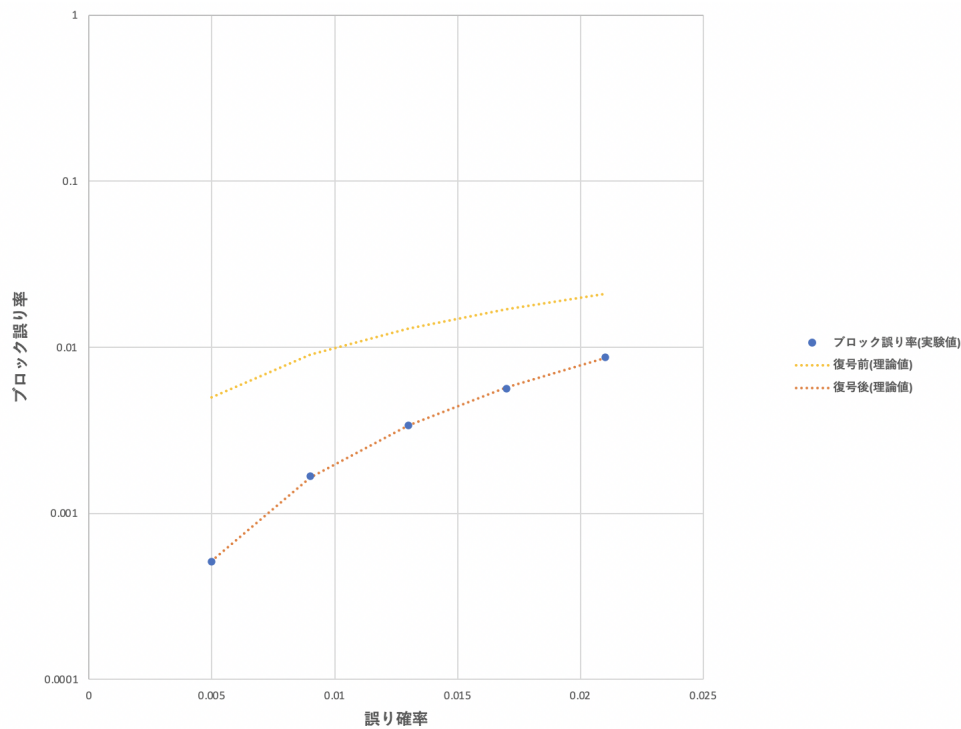


図 5: ブロック誤り率のグラフ

6 検討

6.1 課題 1

ϵ を非常に小さくした場合 (10^{-4} 程度)、誤り率を正しく測定するためにはどの程度のシミュレーション回数が必要か。

6.2 課題 2



6.3 課題 3



A 付録

ソースコード 1: kadai3_3.cpp

```
1 //4619055 辰川力駆
2 #include <random> // 乱数生成
3 #include <stdio.h>
4 #include <iostream>
5 #include <iomanip>
6
7 using namespace std;
8
9 #define N 7 ///符号化後のビット数
10 #define K 4 ///デジタル情報の分けるブロックのビット数
11 #define seed 55 ///学籍番号下2桁
12 #define SIM 1000000 ///シミュレーション回数
13
14 mt19937 mt(seed); ///メルセンヌ・ツイスタ
15
16 int main()
17 {
18     uniform_real_distribution<double> rand_real(0, 1);
19     normal_distribution<double> rand_n(0, 0.3);
20
21     int w[K]; ///4ビットの情報w
22     int x[N]; ///7ビットの符号語x
23     int e[N]; ///7ビットの雑音ベクトルe
24     int y[N]; ///7ビットの受信語y
25     int s[3]; ///シンドロームs
26     int bit_count = 0; ///シミュレーションごとの毎回のビット誤り数を計算
27     int total_bit_count = 0; ///誤ったビットの総数
28     int total_block_count = 0; ///ブロック単位の誤りの総数
29     int EstimationPosition; ///誤り位置推定場所
30     double ep; ///誤り率
31
32     cout << "#_SIM:" << SIM << endl;
33     cout << "#BSC の誤り率_#復号後ビット誤り率_#復号後ブロック誤り率" << endl;
34
35     for (int k = 0; k < 5; k++)
36     {
37         ep = 0.005 + k * 0.004;
38         total_bit_count = 0;
39         total_block_count = 0;
40
41         for (int sim = 0; sim < SIM; sim++)
42         {
43             bit_count = 0;
44
45             for (int i = 0; i < K; i++) ///K=4 ビットの情報 w を乱数を用いて生成
46             {
47                 w[i] = rand_real(mt) * 2;
48             }
```

```

49
50     for (int i = 0; i < K; i++) ///符号化により, w から x を生成
51     {
52         x[i] = w[i];
53     }
54     x[N - K + 1] = w[0] ^ w[1] ^ w[2];
55     x[N - K + 2] = w[1] ^ w[2] ^ w[3];
56     x[N - K + 3] = w[0] ^ w[1] ^ w[3];
57
58     for (int i = 0; i < N; i++) ///乱数を用いてN=7ビットの雑音ベクトル
        e を生成
59     {
60         if (rand_real(mt) <= ep)
61         {
62             e[i] = 1;
63         }
64         else
65         {
66             e[i] = 0;
67         }
68     }
69
70     for (int i = 0; i < N; i++) ///x と e の排他的論理和を計算して y とする
71     {
72         y[i] = x[i] ^ e[i];
73     }
74
75     s[0] = y[0] ^ y[1] ^ y[2] ^ y[4]; ///y から復号して x ハット、w ハットを得る
76     s[1] = y[1] ^ y[2] ^ y[3] ^ y[5];
77     s[2] = y[0] ^ y[1] ^ y[3] ^ y[6];
78
79     int point = 0;
80     for (int i = 0; i < 3; i++)
81     {
82         point += s[i] * pow(2, 2 - i);
83     }
84     switch (point)
85     {
86     case 5:
87         EstimationPosition = 1;
88         break;
89     case 7:
90         EstimationPosition = 2;
91         break;
92     case 6:
93         EstimationPosition = 3;
94         break;
95     case 3:
96         EstimationPosition = 4;
97         break;
98     case 4:
99         EstimationPosition = 5;

```

```

100         break;
101     case 2:
102         EstimationPosition = 6;
103         break;
104     case 1:
105         EstimationPosition = 7;
106         break;
107     default:
108         EstimationPosition = -1;
109         break;
110     }
111     if (EstimationPosition != -1)
112     {
113         y[EstimationPosition - 1] = y[EstimationPosition - 1] ^ 1;
114     }
115
116     for (int i = 0; i < K; i++) //w と wハットを比較し、ビット誤り数をカウン
117         ト (つまり 4ビットまでを見れば良い)
118     {
119         bit_count += w[i] ^ y[i];
120     }
121
122     total_bit_count += bit_count;
123
124     if (bit_count != 0)
125     {
126         total_block_count += 1;
127     }
128     cout << ep;
129     cout << fixed << setprecision(8) << "          " << (double)total_bit_count /
130         (K * SIM);
131     cout << fixed << setprecision(6) << "          " << (double)
132         total_block_count / SIM << endl;
133     cout.unsetf(ios::fixed); ///体裁を整えている
134 }
135 return 0;
136 }

```