# レポート提出票

科目名:	情報工学実験2		
実験テーマ:	実験テーマ4統計的推測と単回帰分析		
実施日:	2020年 9月 28日		
学籍番号:	4619055		
氏名:	長川力駆		
共同実験者:			

#### 1 はじめに

本実験では、単回帰分析の考え方と手順を理解することを目標とする。

#### 2 目的

- 1. 単回帰分析の考え方と手順 単回帰分析の目的、考え方、手順を理解する
- 2. 単回帰分析における行列表現

単回帰分析における行列表現 (線形回帰モデル、正規方程式、最小二乗推定量など) を理解する

3. 実際のデータ解析

実際のデータに回帰分析を適用することで、解析法を実践的に利用・応用できるように する

#### 3 実験方法

#### 3.1 実験1単回帰分析の考え方と手順

6つの市町村の人口と行政職員数の仮想データを表 1 に示す。また、各市町村の人口を  $x_i$ , 職員数を  $y_i (i=1,...,n(=6))$  と表記する。

表 1: 市町村の人口と行政職員数

我 1. 中町行の八百七日以城兵妖			
市町村	人口 x(千人)	職員数 $y(人)$	
A	1	10	
В	2	20	
C	3	20	
D	3	40	
E	5	40	
F	1	5	
合計	15	135	

1. 次の統計量を計算する。

$$\sum_{i=1}^{n} x_i, \quad \sum_{i=1}^{n} y_i, \quad \sum_{i=1}^{n} x_i^2, \quad \sum_{i=1}^{n} y_i^2, \quad \sum_{i=1}^{n} x_i y_i$$

2. 次式が整理することを証明する。

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 - n\bar{x}^2$$
 (1)

$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2 = \sum_{i=1}^{n} y_i^2 - n\bar{y}^2$$
 (2)

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = \sum_{i=1}^{n} x_i y_i - n\bar{x}y$$
 (3)

3. 人口 x と職員数 y の基本統計量 (データ数、平均、標準偏差、最小値、最大値) を計算する。

人口
$$x$$
の平均 =  $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$  (4)

人口 
$$x$$
 の標準偏差 =  $\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n}(x_i - \bar{x})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n}x_i^2 - n\bar{x}^2}{n-1}}$  (5)

職員数
$$y$$
の平均 =  $\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^{n} y_i}{n}$  (6)

職員数
$$y$$
の標準偏差 =  $\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n}(y_i - \bar{y})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n}y_i^2 - n\bar{y}^2}{n-1}}$  (7)

4. 人口xと職員数yの Pearson の積率相関係数rを計算する。

$$r = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i y_i - n\bar{x}y}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}}$$
(8)

- 5. 人口xを横軸,職員数yを縦軸にした散布図を作成して、両者の関係を調べる。
- 6. 単回帰モデル  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i (i = 1, ..., n)$  をあてはめる。 $\beta_0$  と  $\beta_1$  の推定量を  $\hat{\beta_0}$  と  $\hat{\beta_1}$  とすると、目的変数 (応答変数) である職員数の予測値は  $\hat{y}_i = \hat{\beta_0} + \hat{\beta_1} x_i$  で与えられる。次式の残差平方和  $S_e$  を  $\hat{\beta_0}$  と  $\hat{\beta_1}$  でそれぞれ偏微分する。

$$S_e = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - (\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_i))^2$$
(9)

- 7. 正規方程式を作成する。
- 8. 正規方程式を解き、 $\beta_0$ と $\beta_1$ の最小二乗推定量を数式で表現する。
- 9. 最小二乗推定量  $\hat{\beta}_0$ ,  $\hat{\beta}_1$  の値を求める。
- 10. 得られた回帰直線  $(\hat{y}_i = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_i)$  を手順 5 で作成した散布図に図示して、結果を考察する。
- 11. データ分析 [回帰分析] を用いて、これまでに得られた結果と同様の結果が得られることを確認する。

#### 3.2 実験2単回帰分析における行列表現

データ数 $e^n$ とする。目的変数ベクトルYと説明変数を含む定数行列Xを次式で定義する。

1. あ

ぱあ

ぱあ

ソースコード 1: read\_2\_1byte.c

#include <stdio.h>

# 4 結果・考察・課題

### 5 まとめ

- 1. 単回帰分析の考え方と手順を学んだ
  - 手計算やエクセルで分析を行った
- 2. 単回帰分析における行列表現を学んだ
  - 実験1の手順を行列表現した
  - Rを使い、単回帰分析を行った

## 6 感想

# 参考文献

[1] 東京理科大学工学部情報工学科 情報工学実験 2 2020 年度東京理科大学工学部情報工学科 出版