Algoritmo per risolvere esercizi di Meccanica Razionale

di Filippo Cipriani, trascritto da Teo Bucci

Statica

- 1. PSP, scomodo, con le coppie non funziona.
- 2. PLV, migliore, specialmente se hai sia dinamica che statica, quindi devi fare comunque la cinematica.

Dinamica In tutti gli esercizi di dinamica serve l'energia cinetica (quindi la prima parte obbligatoria è di *studio cinematico* per trovare le velocità), poi, trovata l'energia cinetica dipende dal numero di Coordinate Libere (CL) e dalla richiesta.

- 1. Ti chiede il moto:
 - (a) 1 CL: teorema dell'energia cinetica $\dot{T} = \Pi$.
 - (b) 2 CL: non scappi dalla lagrangiana.²

Se hai molle avrai un moto armonico e quindi sai già che verrà l'equazione brutta, sempre della forma $\ddot{q} + \omega^2 q = k$.

- 2. Ti chiede Δ asta/qualcosa quando un'altra cosa raggiunge un certo valore: al 90% qui devi usare il momento cinetico, calcoli T e U, U dipende da una sola coordinata (quando c'era quella richiesta non è mai capitato che U dipendesse da 2 CL), trovi il momento cinetico e integri per passare ai delta.
- 3. Ti chiede v_f o $\dot{\vartheta}_f$: conservazione dell'energia meccanica + lagrangiana.
- 4. Ti chiede la tensione durante il moto: la trovi con la risultante sulla massa attaccata al filo, questa dipenderà sicuramente dalla derivata seconda di una coordinata libera, che dovrai trovare con il punto 1, poi equazioni cardinali.
- 5. Ti chiede reazioni vincolari in un certo istante o il minimo coefficiente d'attrito per il disco: usi le equazioni cardinali, ma prima dovrai trovare il moto come nel punto 1 perché dipendono quasi sempre da quello.³

¹È solo un prodotto scalare tra forza e velocità del punto d'applicazione, non tiene conto di rotazioni e le uniche forze sono forza elastica e forza peso. Le tensioni, come per il PLV, non vengono considerate.

²Se il potenzial dipende da 1 CL, usi il momento cinetico, se dipende da 2 CL, fai due lagrangiane (caso molto raro).

 $^{^3}$ C'è un caso che si ripete spesso con punto con massa m che scorre su lamina senza massa attaccata a centro di un disco (e chiede una reazione vincolare agente sulla lamina): lì è sempre meglio staccare il punto, calcolare la reazione di contatto tra punto e lamina e fare il momento della lamina rispetto al punto del centro del disco.