



DOCUMENTATIE TEMA 1

CALCULATOR POLINOAME

Student: Moldovan Teodora

Grupa: 30225

Facultatea de Automatica si Calculatoare

Profesor Laborator : Antal Marcel



Cuprins

1. Obiectivul temei.....	3
1.1. Obiectiv Principal	3
1.2. Obiective Secundare.....	3
2. Analiza Problemei.....	3
3. Proiectare	4
3.1 Structuri de date	4
3.2 Diagrama de clase.....	5
3.3 Algoritmi.....	6
4. Implementare	7
5. Testare si Rezultate	9
6. Concluzii si Dezvoltari Ulterioare	10
7. Bibliografie	11



1. Obiective

1.1. Obiectiv Principal

Aceasta tema presupune propunerea, proiectarea și implementarea unui sistem de procesare a polinoamelor de o singură variabilă cu coeficienți întregi. Calculatorul de polinoame trebuie să efectueze atât operații cu doi operanți (adunare, scădere, înmulțire, împărțire), cât și operații cu un singur operand (derivare, integrare). Pentru a facilita lucrul cu polinoamele, programul trebuie să dispună de o interfață grafică.

1.2. Obiective Secundare

Obiectiv Secundar	Descriere	Capitol
Analiza problemei și presupuneri	Se analizează diferite moduri de abordare a problemei propuse.	2
Alegerea structurilor de date	Prezentarea structurii de date alese și a argumentelor	3
Împărțirea pe clase	Diagrama de clase și descriere a funcționalității claselor	3,4
Dezvoltarea algoritmilor	Propunerea unor metode de implementare a algoritmilor pentru operațiile propuse	3
Implementarea soluției	Detalii referitoare la implementare în urma analizei realizate	4
Testare	Rezultatele catorva teste realizate direct sau cu JUnit	5

2. Analiza Problemei

Utilizatorul trebuie să poată efectua două tipuri de operații: cele cu un singur operand și cele cu doi operanți. În cazul în care operația are nevoie de doi operanți, soluția problemei ar trebui să afișeze un mesaj în cazul în care nu se introduce decât un singur operand. Pe de altă parte, pentru operațiile unare se poate folosi doar unul dintre cele două polinoame introduse și anume primul. În ambele cazuri, polinomul ar trebui să fie introdus într-un format corect, pe care aplicația să îl poată recunoaște și procesa ulterior, iar în caz contrar să afișeze un mesaj pentru ca utilizatorul să poată reintroduce polinomul în mod corect. Pentru simplificarea implementării operanților introduși și rezultatele nu vor fi memorate. La fiecare comandă introdusă se vor citi operanți corespunzători, se vor procesa și se va executa operația dorită, iar apoi rezultatul va fi afișat.



3. Proiectare

3.1. Structuri de date

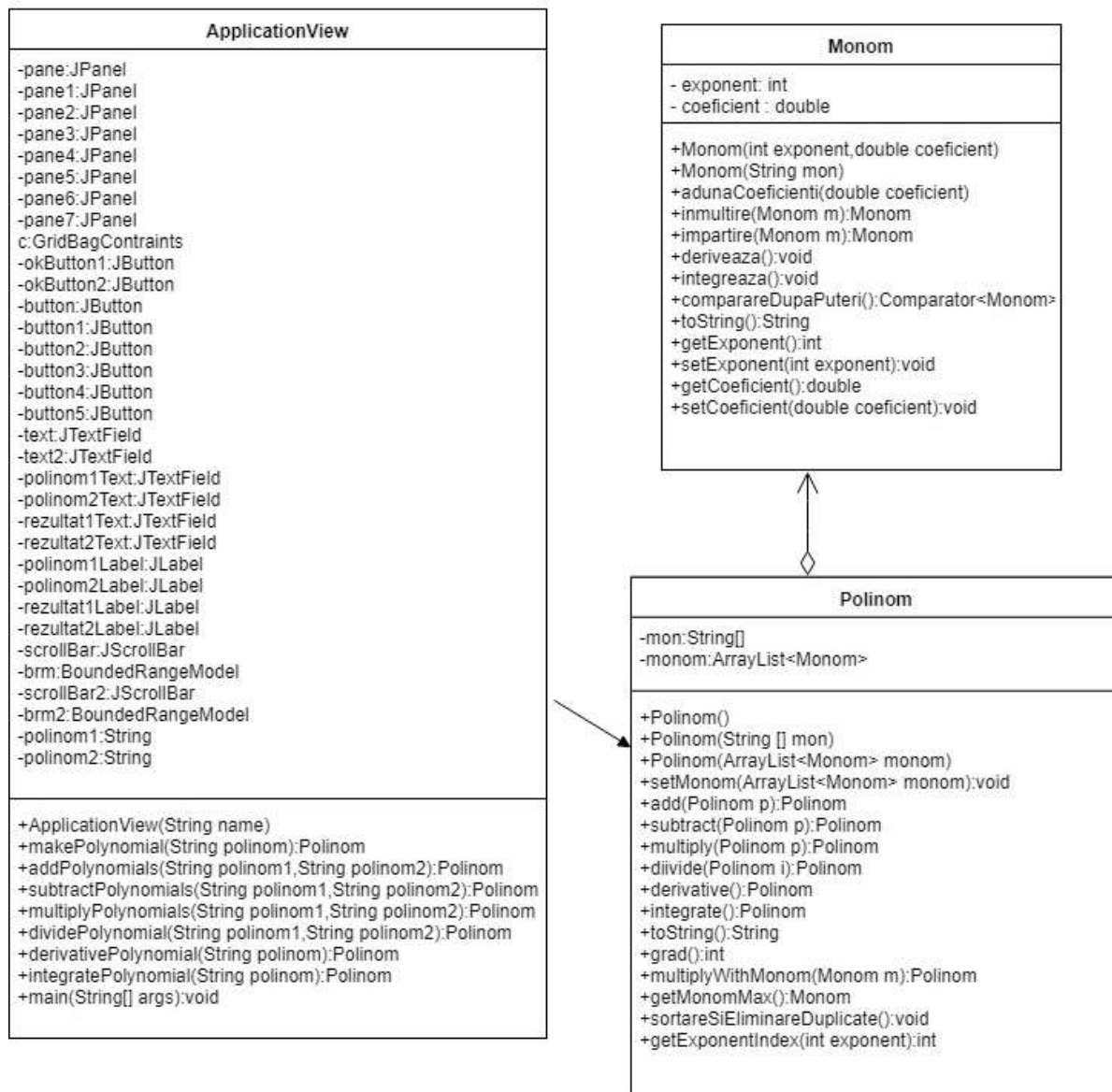
Una dintre primele probleme aparute în faza de proiectare presupune alegerea unor structuri de date corespunzătoare modului de lucru cu clasele și stocării anumitor valori pe perioada efectuării operațiilor dorite.

O abordare posibilă ar fi construirea unui vector în care să se stocheze pe poziția i coeficientul corespunzător fiecărui exponent. Pentru realizarea acestui proiect s-a ales în schimb folosirea colecțiilor de care dispune Java și mai exact a unui `ArrayList`.

Un `ArrayList` este o colecție simplă care poate stoca orice tip de obiect, fapt ce permite utilizarea `ArrayList`-ului pentru definirea unui polinom. Altfel spus, un polinom este de fapt un `ArrayList` de monoame. Această clasă permite dimensiuni variabile ale sirului, crescând ca mărime la adăugarea fiecărui element nou. Parcurgerea unui `ArrayList` este mai ușoară, deoarece se pot folosi bucle `for-each`. De asemenea, clasa `ArrayList` dispune de anumite metode care facilitează anumite operații necesare pentru realizarea proiectului cum ar fi: `add (Element e)`, `contains (Element e)`, `indexOf (Element e)`, `remove (int index)`, `remove (Element e)`, `get(int index)`, `size()`, `isEmpty()`.



3.2. Diagrama de clase





3.3. Algoritmi

Pentru efectuarea operațiilor necesare (adunare, scădere, înmulțire, împărțire, derivare și integrare) este necesară integrarea notiunii de polinom și a operațiilor care se pot efectua asupra acestuia.

În practică, un polinom este o expresie construită dintr-una sau mai multe variabile și constante, folosind doar operații de adunare, scădere, înmulțire și ridicare la putere. Polinoamele sunt construite din termeni numiți monoame, care sunt alcătuite dintr-o constantă (numită coeficient) înmulțită cu una sau mai multe variabile. Fiecare variabilă poate avea un exponent constant întreg pozitiv.

Proprietățile elementare ale polinoamelor sunt:

1. Suma a două polinoame este un polinom
2. Produsul a două polinoame este un polinom
3. Derivata unui polinom este un polinom
4. Primitiva unui polinom este un polinom

Având în vedere aceste aspecte se poate începe definirea modului de lucru astfel încât operațiile să aibă rezultate corecte.

Suma și diferența a două polinoame se realizează prin adunarea sau scăderea coeficienților a două monoame dacă exponentul este egal. Monoamele care apar în unul singur dintre cele două polinoame se adaugă la rezultat astfel: pentru adunare se adună la rezultatul final, iar pentru scădere, dacă monomul aparține primului polinom, se procedează ca în cazul adunării, în caz contrar adăugându-se monomul la rezultatul final cu semn schimbat.

Operația de înmulțire se realizează prin parcurgerea unuia dintre polinoame și, pe rând, înmulțirea fiecărui monom din acesta, cu fiecare monom al celuilalt polinom. La final se poate obține un polinom în care există mai multe monoame cu același exponent, caz în care trebuie să eliminăm duplicatele și să adunăm coeficienții respectivi.

Cea mai complexă operație care trebuie efectuată este împărțirea, aceasta bazându-se pe teorema împărțirii cu rest. Modul în care va fi implementată împărțirea necesită funcționarea corectă a celorlalte trei operații cu doi operanți (adunare, scădere, înmulțire). Relația pe care se bazează operația de împărțire a polinoamelor este: $D = I \cdot C + R$, unde D este deîmpărțitul, I este împărțitorul, C este catul și R este restul.



Primul termen al deimpartitului se imparte la primul termen al impartitorului, astfel obtinandu-se primul monom din cat. Acest monom se inmulteste cu fiecare monom din impartitor, iar rezultatul astfel obtinut se scade din deimpartit si se obtine primul rest. Algoritmul se repeta pana cand restul obtinut are gradul mai mic decat gradul impartitorului.

Operatiile de derivare si de integrare se efectueaza iterand prin monoamele polinomului si pentru fiecare monom se aplica operatia de derivare sau de integrare. In cazul derivarii se inmulteste coeficientul cu puterea initiala si apoi, exponentul se decrementeaza cu o unitate. Pentru integrare, care este operatia opusa derivarii, se incrementeaza cu o unitate exponentul, iar valoare coeficientului nou se calculeaza prin impartirea coeficientului initial cu valoarea exponentului in urma incrementarii sale.

4. Implementare

Metoda de implementare aleasa contine 4 pachete:

- Unul in care se gaseste clasa Main(contine metoda main), responsabil pentru crearea unei instante a clasei Applicationview, mai exact pentru generarea frame-ului care va contine panel-urile din care este alcatuita interfata grafica cu utilizatorul.
- Al doilea pachet contine clasa Applicationview care contine elementele interfetei grafice si controlul aplicatiei.
- Al treilea pachet este cel care contine clasele necesare pentru a implementa operatiile cerute si anume clasa Polinom si clasa Monom.
- Ultimul pachet este folosit pentru testarea metodelor cu JUnit

Clasa Applicationview este responsabila pentru modul in care sunt aranjate componentele folosite in interfata grafica cu utilizatorul. Pentru introducerea polinoamelor se folosesc doua campuri JTextField in cazul in care operatia are doi operanzi (in cazul operatiilor unare, derivare si integrare, se va lua in considerare doar polinomul introdus in primul camp destinat introducerii polinoamelor). Dupa fiecare astfel de camp urmeaza un buton "OK", a carui apasare duce la afisarea polinomului introdus in campul respectiv pentru verificarea corectitudinii acestuia. Polinoamele introduse, la apasarea butoanelor "OK" corespunzatoare campurilor, vor fi afisate astfel: cel din primul camp in campul JTextField corespunzator etichetei "First Polynomial", iar urmatorul in dreptul etichetei "Second Polynomial". Intre campurile JTextField de afisare a polinoamelor si cele de introducere se regasesc sase butoane, fiecare corespunzand uneia dintre cele 6 operatii care se pot efectua. Pentru afisarea rezultatului operatiilor exista niste campuri speciale, care in faza initiala nu sunt vizibile, dar devin vizibile la apasarea butonului corespunzator operatiei dorite. Pentru operatia de impartire sunt



necesare doua campuri unul pentru cat si unul pentru rest, iar pentru celelalte operatii este suficient un singur camp. Daca s-au introdus corect polinoamele, operatia se va efectua, va aparea campul/campurile necesare afisarii rezultatului si o eticheta care marcheaza ce operatie s-a efectuat in dreptul campului.

Introducerea corecta a unui polinom presupune introducerea lui sub forma " $ax^2+bx^1+cx^0$ " (de exemplu, unde a,b,c sunt coeficienti), dar se accepta si omiterea coeficientilor in cazul in care sunt 1 sau -1, a x^0 sau a omiterii exponentului daca acesta este 1.

Pe langa modul in care arata si functioneaza interfata, in clasa `ApplicationView` se mai regasesc niste metode auxiliare pentru transmiterea mai departe la clasa polinom a sirului introdus. Prima metoda si cea mai importanta, "`Polinom makePolynomial(String polinom)`" inlocuieste "-" cu "+-" si apoi imparte sirul de caractere dupa "++". Astfel se creeaza un tablou de siruri de caractere care este transmis la clasa `Polinom` care are un constructor special, utilizat doar la transformarea polinoamelor din siruri de caractere in monoame, care apoi sunt adaugate in `ArrayList`-ul de monoame al polinomului. Functia returneaza polinomul astfel creat pentru a-l putea utiliza in alte functii sau pentru a-l afisa. Celelalte metode sunt: `addPolynomials`, `subtractPolynomials`, `multiplyPolynomials`, `dividePolynomials`, `derivativePolynomial`, `integratePolynomial`. Toate primesc ca argument unul sau doua siruri de caractere, apeleaza metoda `makePolynomial` pentru a le transforma in polinoame, iar apoi apeleaza metodele corespunzatoare din clasa `Polinom`. Acestea returneaza un polinom.

Clasa `Polinom` are o singura varibila instantata, variabila monom, care este un `ArrayList` de `Monoame`. Aceasta clasa are 3 constructori, unul folosit la crearea unui polinom atunci cand se foloseste metoda `makePolynomial` din clasa `ApplicationView`, unul care creeaza o instanta goala a clasei `Polinom` (se creeaza astfel `ArrayList`-ul de `Monoame` la care se poate adauga) folosita in general la construirea pas cu pas a unui nou polinom si altul utilizat pentru copierea listei de monoame. Metodele continute in aceasta clasa realizeaza in mare parte operatiile cerute, iar pe langa aceste metode mai există cateva metode auxiliare pentru a nu efectua aceleasi operatii de foarte multe ori. Metodele care realizeaza operatiile sunt: `add(Polinom p)`, `subtract(Polinom p)`, `multiply(Polinom p)`, `divide(Polinom i)`, `derivative()` si `integrate()`. Aceste metode functioneaza pe baza algoritmiilor descrisi in sectiunea 3.3. Metodele auxiliare sunt: `grad()` – returneaza gradul polinomului, `multiplyWithMonom(Monom m)` - returneaza un polinom in urma inmultirii unui polinom cu un monom, `getMonomMax()` –returneaza monomul maxim dintr-un polinom, `getExponentIndex(int index)`-returneaza indexul exponentului dat ca si parametru din `ArrayList`. In clasa `Polinom` se suprascrive metoda `toString` folosita pentru afisarea polinomului in forma finala (cu coeficienti reali) si mai există o metoda numita `sortareSiEliminareDuplicate()` care sorteaza polinomul pe baza



exponentului monomului cu ajutorul metodei sort din clasa Collections. Polinomul este astfel sortat în ordine descrescătoare a exponentilor și dacă există duplicate, acestea sunt eliminate prin adunare coeficienților și păstrarea exponentului comun. Aceasta metodă este foarte utilă după operația de înmulțire, dar contribuie și la efectuarea corectă a celorlalte operații în cazul în care utilizatorul nu introduce un polinom sortat și minim.

Clasa Monom are două variabile instanță, exponentul care este de tipul `int` (întreg) și coeficientul de tipul `double` (real). Decizia să existe un coeficient de tipul `double` a fost luată în urma analizei modului de efectuare a operației de integrare, care în majoritatea cazurilor obține coeficienți reali pentru monoame. Primul constructor este cel utilizat la început, la despartirea sirurilor care vin din clasa Polinom în coeficient și exponent. Pentru aceasta se folosește parsarea bazată pe `regex(Regular Expression)` și o serie de teste pentru corectitudine, dar și pentru tratarea catorva cazuri în care polinomul nu a fost introdus exact în forma indicată (ex. $ax^2+bx^2+cx^0$). Cel de-al doilea constructor este folosit pentru formarea de monoame atunci când se cunosc deja exponentul și coeficientul (`int` și `double`). Metodele din această clasă sunt: `adunaCoeficienti(double)`, `comparareDupaPuteri()`-returnează un `Comparator<Monom>` pentru metoda sort folosită în `sortareSiEliminareDuplicate()` din Polinom, `toString()`-metode auxiliare care transformă un monom (coeficientul și exponentul) într-un string de forma ax^b , unde a reprezintă coeficientul și b exponentul. Tot pentru simplificarea operațiilor din clasa Polinom, clasa Monom conține metodele: `inmultire(Monom m)`, `impartire(Monom m)`, `deriveaza()`, `integreaza()` și `gettere` și `settere` pentru coeficienți.

5. Testare și Rezultate

O primă operație de testare care se execută ar fi introducerea unui polinom în fiecare dintre cele două câmpuri destinate acestui lucru și apăsarea butoanelor “OK” corespunzătoare, iar apoi verificarea ca polinoamele s-au introdus corect și ca sunt afișate corect în `JTextField`-urilor corespunzătoare etichetelor “First Polynomial” și “Second Polynomial”.

Vom lua câte un exemplu și pentru testarea operațiilor, atât cele unare cât și cele binare.

Pentru operațiile unare (derivare și integrare) se va folosi doar primul câmp disponibil în interfața grafică a aplicației pentru introducerea polinomului. Se va apăsa butonul



corepunzator operatiei dorite, moment in care va deveni vizibil un camp in care va fi afisat rezultatul, campul fiind precedat de o eticheta care indica operatia efectuata.

Procedeul de testare este asemanator si pentru testarea operatiilor cu doi operanzi. Singura exceptie este impartirea. Pentru aceasta, se introduce doi operanzi, iar rezultatul va fi afisat in doua campuri distincte, primul va fi catul, iar al doilea restul impartirii.

	Date de intrare		Rezultat asteptat	Rezultat obtinut	PASS/FAIL
adunare	$2x^2+4x^3-1$	$3x^2+5x+6$	$4.0x^3+5.0x^2+5.0x^1+5.0$	$4.0x^3+5.0x^2+5.0x^1+5.0$	PASS
scader	$2x^2+4x^3-1$	$3x^2+5x+6$	$4.0x^3-1.0x^2-5.0x^1-7.0$	$4.0x^3-1.0x^2-5.0x^1-7.0$	PASS
inmultire	$x+1$	$x+2$	$1.0x^2+3.0x^1+2.0$	$1.0x^2+3.0x^1+2.0$	PASS
impartire	$2x^2+4x+3$	$x+1$	$2.0x^1+2.0$ si 1.0	$2.0x^1+2.0$ si 1.0	PASS
derivare	$2x^2+4x+3$		$4.0x^1+4.0$	$4.0x^1+4.0$	PASS
integrare	$x+1$		$0.5x^2+1.0x^1$	$0.5x^2+1.0x^1$	PASS

Toate metodele care implementeaza cele sase operatii sunt testate si prin intermediul testelor JUnit. Fiecare test poate fi executat individual prin intermediul claselor de tipul JUnit Test Case sau toate testele pot fi executate concomitent prin intermediul Suitei de Test, clasa care poarta numele AllTests. Aceste teste se afla intr-un al patrulea pachet pe care doar l-am amintit anterior.

6. Concluzii si Dezvoltari Ulterioare

Acest proiect este unul care lasa programatorului o posibilitate crescuta de a interpreta problema si modalitatiile de rezolvare, de aceea din punct de vedere al dezvoltarilor ulterioare exista numeroase posibilitati. Cateva dintre acestea ar fi adaugarea unei reprezentari grafice, in reper cartezian al polinomului sau o operatie pentru aflarea radaciniilor unui polinom. Pe langa posibilitatiile de dezvoltare din punct de vedere al functionalitatii aplicatiei, aceasta poate fi imbunatatita prin realizarea unei interfete mai bine organizate si mai vizibile.



7. Bibliografie

<https://ro.wikipedia.org/wiki/Polinom>

<http://blog.zeltera.eu/?p=370>

<https://docs.oracle.com/javase/7/docs/api/java/util/ArrayList.html>