

Curs 11

Programare Paralela si Distribuita

Metode de evaluare a performatei programelor paralele

Granularitate

Scalabilitate

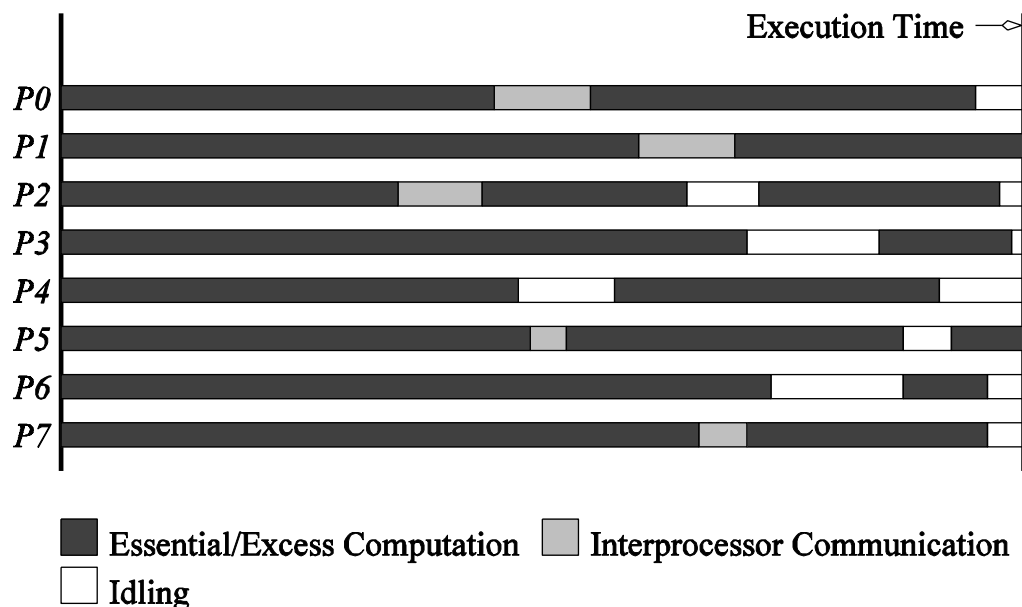
Complexitate – consideratii generale

- Daca in cazul algoritmilor secventiali performanta este masurata in termenii complexitatilor timp si spatiu, in cazul algoritmilor paraleli se folosesc si alte masuri ale performantei, care au in vedere toate resursele folosite.
 - Numarul de procesoare in cazul programarii paralele =>
o resursa importanta
- Pentru compararea corecta a variantei paralele cu cea seriala, trebuie
 - sa se precizeze arhitectura sistemului de calcul paralel,
 - sa se aleaga algoritmul serial cel mai bun si
 - sa se indice daca exista conditionari ale performantei algoritmului datorita volumului de date.

Observatii

- In calculul paralel, obtinerea unui timp de executie mai bun nu inseamna neaparat utilizarea unui numar minim de operatii, asa cum este in calculul serial.
- Factorul memorie nu are o importanta atat de mare in calculul paralel (relativ).
- In schimb, o resursa majora in obtinerea unei performante bune a algoritmului paralel o reprezinta numarul de procesoare folosite.
- Daca timpul de executie a unei operatii aritmetice este mult mai mare decat timpul de transfer al datelor intre doua elemente de procesare, atunci intarzierea datorata retelei este nesemnificativa, dar, in caz contrar, timpul de transfer joaca un rol important in determinarea performantei programului.

Timp de executie



Timpul de executie al unui program paralel masoara perioada care s-a scurs intre momentul initierii primului proces si momentul cand toate procesele au fost terminate.

Complexitatea timp

- In timpul executiei fiecare procesor executa
 - operatii de calcul,
 - de comunicatie, sau
 - este in asteptare.
- Timpul total de executie se poate obtine din formula:

$$t_p = (\max i : i \in \overline{0, p-1} : T_{\text{calcul}}^i + T_{\text{comunicatie}}^i + T_{\text{asteptare}}^i)$$

- sau in cazul echilibrari perfecte ale incarcarii de calcul pe fiecare procesor din formula

$$t_p = \frac{1}{p} \sum_0^{p-1} (T_{\text{calcul}}^i + T_{\text{comunicatie}}^i + T_{\text{asteptare}}^i)$$

Evaluarea complexitatii

- Ca si in cazul programarii secventiale, pentru a dezvolta algoritmi paraleli eficienti trebuie sa putem face o evaluare a performantei inca din faza de proiectare a algoritmilor.
- Complexitatea timp pentru un algoritm paralel care rezolva o problema P_n cu dimensiunea n a datelor de intrare este o functie T care depinde de n , dar si de numarul de procesoare p folosite.
- Pentru un algoritm paralel, un pas elementar de calcul se considera a fi o multime de operatii elementare care pot fi executate in paralel de catre o multime de procesoare.
- Complexitatea timp a unui pas elementar se considera a fi $O(1)$.
- Complexitatea timp a unui algoritm paralel este data de numararea atat a pasilor de calcul necesari dar si a pasilor de comunicatie a datelor.

Overhead

- T_{all} = timpul total (toate elementele de procesare).
- T_s = timp serial.
- $T_{all} - T_s$ = timp total in care toate procesoarele sunt implicate in operatii care nu sunt strict legate de scopul problemei (**non-goal** computation work).
 - nume -> total overhead.
- $T_{all} = p T_p$ (p = nr. procesoare).
- $T_o = p T_p - T_s$

Accelerarea(“speed-up”),

- Accelerarea notata cu S_p , este definita ca raportul dintre timpul de executie al celui mai bun algoritm serial cunoscut, executat pe un calculator monoprosesor si timpul de executie al programului paralel echivalent, executat pe un sistem de calcul paralel.
- Daca se noteaza cu t_1 timpul de executie al programului serial, iar t_p timpul de executie corespunzator programului paralel, atunci:

$$S_p(n) = \frac{t_1(n)}{t_p(n)}.$$

- n reprezinta dimensiunea datelor de intrare,
- p numarul de procesoare folosite.

Variante

- **relativa**, cand t_s este timpul de executie al variantei paralele pe un singur procesor al sistemului paralel;
 - **reala**, cand se compara timpul executiei paralele cu timpul de executie pentru varianta seriala cea mai rapida, pe un procesor al sistemului paralel;
 - **absoluta**, cand se compara timpul de executie al algoritmului paralel cu timpul de executie al celui mai rapid algoritm serial, executat de procesorul serial cel mai rapid;
 - **asimptotica**, cand se compara timpul de executie al celui mai bun algoritm serial cu functia de complexitate asimptotica a algoritmului paralel, in ipoteza existentei numarului necesar de procesoare;
 - **relativ asimptotica**, cand se foloseste complexitatea asimptotica a algoritmului paralel executat pe un procesor.
- Analiza asimptotica** (considera dimensiunea datelor n si numarul de procesoare p foarte mari) ignora termenii de ordin mic, si este folositoare in procesul de constructie al programelor performante.

Eficienta

- Eficienta este un parametru care masoara gradul de folosire a procesoarelor.
- Eficienta este definita ca fiind:

$$E = Sp/p$$

- Se deduce ca valoarea eficientei este intotdeauna subunitara.

Legea lui Amdahl

- Afirmă că accelerarea procesării depinde de procentul părții secvențiale față de cea paralelizabilă:

seq = fracția calculului secvențial;

par = fracția calculului paralel;

Se consideră calculul serial = 1 unitate

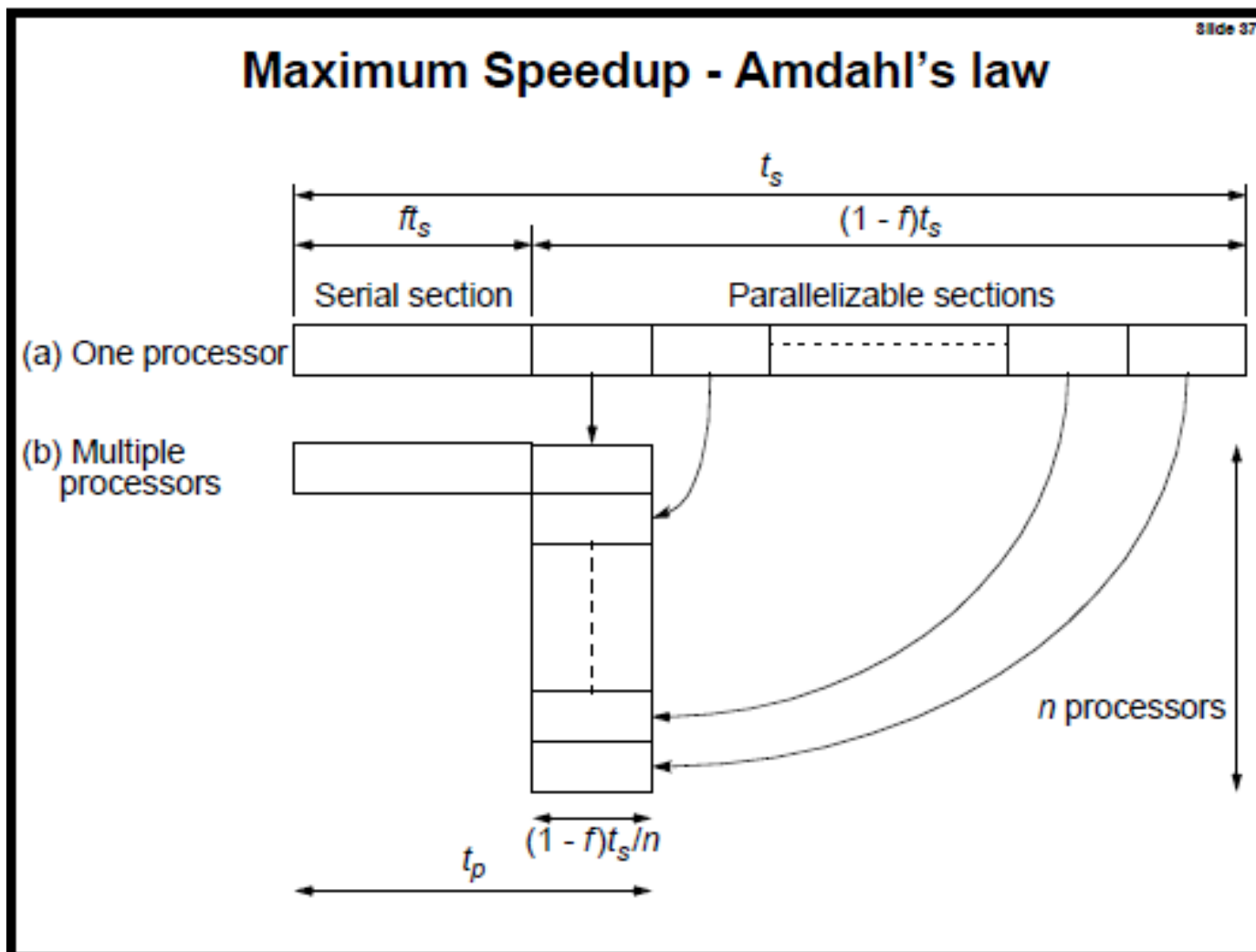
$$\text{Speedup} = 1 / (\text{seq} + \text{par}/n)$$

seq = (1 – par), n = # procesoare

- $n \rightarrow \text{infinity}$, $\Rightarrow S \sim 1/\text{seq}$.
- Limita superioară a accelerării este limitată de fracția părții secvențiale.
- Nu se face analiză în funcție de dimensiunea problemei!

Prezentare
alternativa

$$S(n) = \frac{t_s}{ft_s + (1-f)t_s/n} = \frac{n}{1 + (n-1)f}$$



Legea lui Gustafson

- Considera ca atunci cand dimensiunea problemei creste partea seriala se micsoreaza in procent :
- m = dimensiunea problemei, n = # procesoare,

Considerand ca programul paralel se executa intr-o unitate de timp :

$$T_p = \text{seq}(m) + \text{par}(m) = 1$$

$$\text{par}(m) = 1 - \text{seq}(m), (T_s = \text{seq}(m) + n * \text{par}(m))$$

Atunci

$$\text{speedup} = T_s / T_p = \text{seq}(m) + n * \text{par}(m)$$

$$\text{speedup} = \text{seq}(m) + n(1 - \text{seq}(m))$$

Daca $\text{seq}(m) \rightarrow 0$ atunci cand $n \rightarrow \infty \rightarrow$ se obtine \sim accelerare liniara.

Legea lui Gustafson – optimista

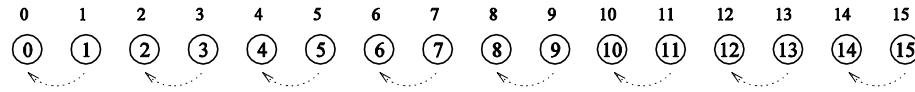
Legea lui Amdahl - pesimista

- Presupune ca partea seriala (costul ei) ramane constant – nu creste odata cu cresterea problemei.
- Legea lui Amdahl presupune o dimensiune fixa a problemek si ca partea secventiala nu depinde de numarul de procesoare.

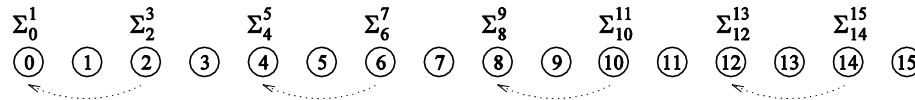
Exemple

- Adunarea a n numere
- Daca $n = \text{putere a lui } 2 \Rightarrow T_p = \mathbf{\log n}$

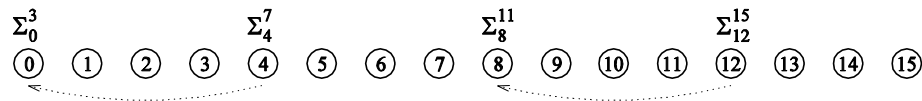
Adunare – log n pasi



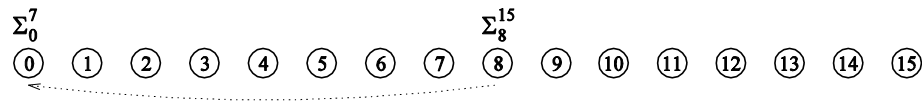
(a) Initial data distribution and the first communication step



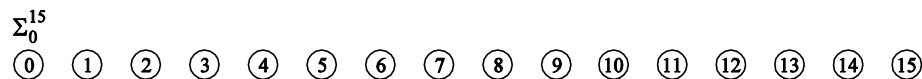
(b) Second communication step



(c) Third communication step



(d) Fourth communication step



(e) Accumulation of the sum at processing element 0 after the final communication

$n=16$; $p=16$ s . .

Exemplu (continuare)

=>

- $t_c = \text{timp pt o operatie de adunare}$
- $T_{com} = t_s + t_w$ pt o operatie de comunicatie (per word)
 - sunt $O(n)$ operatii de comunicatie dar si operatiile de comunicatie se pot executa simultan $T_{com} = \Theta(\log n)$

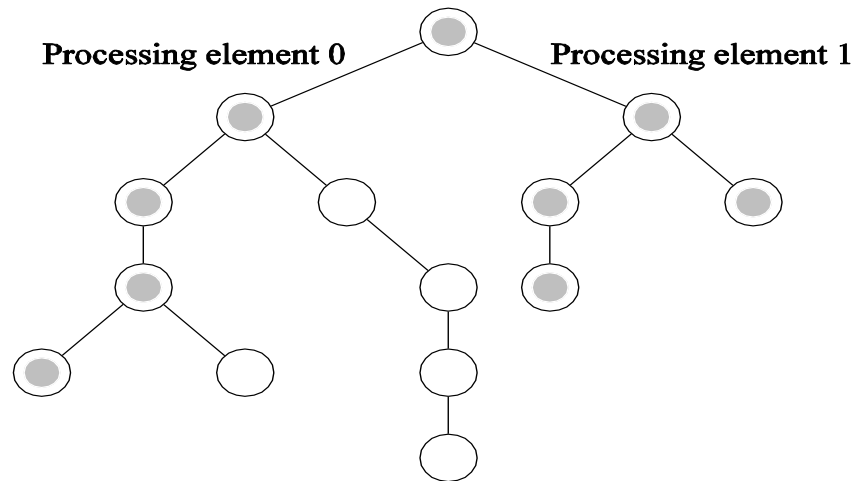
$$T_p = \Theta(\log n)$$

- Stim ca $T_s = \Theta(n)$
- Speedup $S = \Theta(n / \log n)$

Accelerare – superliniara?

- $S = 0$ (the parallel program never terminates).
- $S < p$ (teoretic)
 - In caz contrar un procesor ar fi implicat in calcule pentru rezolvarea problemei un timp $T < T_s / p$.
 - Se contrazice presupunerea ca se foloseste cel mai rapid program serial (in evaluare accelerare).

Superlinear Speedups



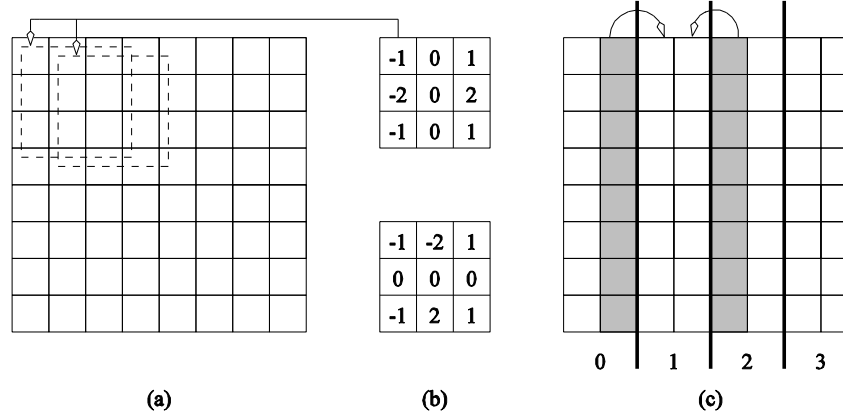
Cautare intr-un arbore nestructurat.

Exemplu

Problema : *edge-detection in images.*

Se aplica modificari pe celule de 3×3 pixeli.

Daca o operatie aritmetica necesita t_c ,
timpul serial pt o imagine de $n \times n$ este $T_s = t_c n^2$.



- Partitionare verticala $\Rightarrow n^2 / p$ pixels.
- Marginea fiecarui segment $\Rightarrow 2n$ pixels.
- Nr de valori care trebuie comunicate $= 2n \Rightarrow 2(t_s + t_w n)$.

$$T_p^s = 9 t_c n^2 / p.$$

Evaluare metrice

- Timpul paralel:

$$T_P = 9t_c \frac{n^2}{p} + 2(t_s + t_w n)$$

- Accelerarea si eficienta:

$$S = \frac{9t_c n^2}{9t_c \frac{n^2}{p} + 2(t_s + t_w n)}$$

$$E = \frac{1}{1 + \frac{2p(t_s + t_w n)}{9t_c n^2}}.$$

Costul

- Costul se definește ca fiind produsul dintre timpul de execuție și numărul maxim de procesoare care se folosesc.

$$C_p(n) = t_p(n) \cdot p$$

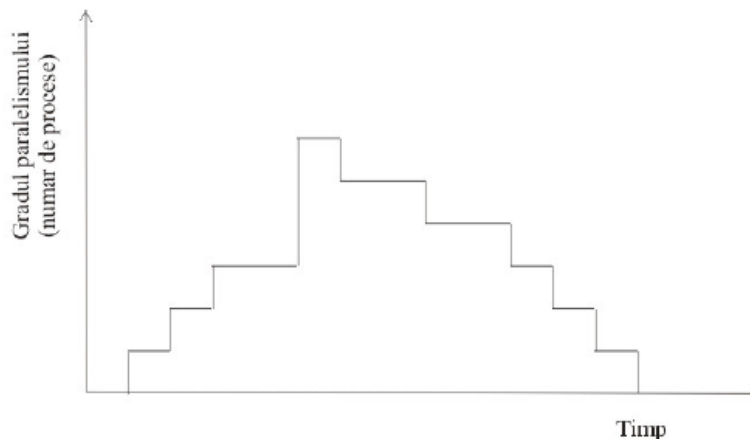
- Această definiție este justificată de faptul că orice aplicație paralelă poate fi simulată pe un sistem secvențial, situație în care unicul procesor va executa programul într-un timp egal cu $O(C_p(n))$.
- O aplicație paralelă este **optima** din punct de vedere al costului, dacă valoarea acestuia este egală, sau este de același ordin de mărime cu timpul celei mai bune variante secvențiale;
- aplicația este **eficientă** din punct de vedere al costului dacă $C_p = O(t_1 \log p)$.

Costul unui sistem paralel (algorithm +sistem)

- $\text{Cost} = p \times T_p$
- Costul reflecta suma timpului pe care fiecare procesor îl petrece în rezolvarea problemei.
- Un sistem paralel se numeste optimal dacă costul rezolvarii unei probleme pe un calculator paralel este asimptotic egal cu costul serial.
- $E = T_s / p T_p \Rightarrow$ pentru sisteme cost optimal $\Rightarrow E = O(1)$.
- $\text{Cost} \sim \text{work} \sim \text{processor-time product}$.

“Work”

- volumul de lucru (“work”) – W , definit de numărul total de operații executate de către procesoarele active.
- Putem vedea acest volum de lucru ca și integrala profilului de paralelism al programului – adică numărul de procese active ca o funcție de timp.
- Volumul de lucru poate fi evaluat și ca fiind produsul dintre dimensiunea problemei n și numărul mediu de operații care se fac asupra unei date de intrare c : $W = n * c$.



Exemplu

Adunare n numere.

- $T_p = \log n$ (pt $p = n$).
- $C = p T_p = n \log n$.
- $T_s = \Theta(n) \Rightarrow$ nu este cost optimal.

Analiza de Impact pt cost

Consideram sortarea a n numere folosind n procesoare intr-un timp $(\log n)^2$.

- Daca timpul serial este $n \log n$ atunci

$$S = n / \log n$$

$$E = 1 / \log n$$

- $C = p T_p = n (\log n)^2$.
- Nu e cost optimal.
- ? Transformare?
- Fie $p < n$, se atribuie cele n task-uri paralele la p procesoare si rezulta $T_p = n (\log n)^2 / p$.
- $C = n (\log n)^2$ - nu e optim
- $S = p / \log n$.

Daca n creste accelerarea scade daca se foloseste acelasi p !

Scalabilitate

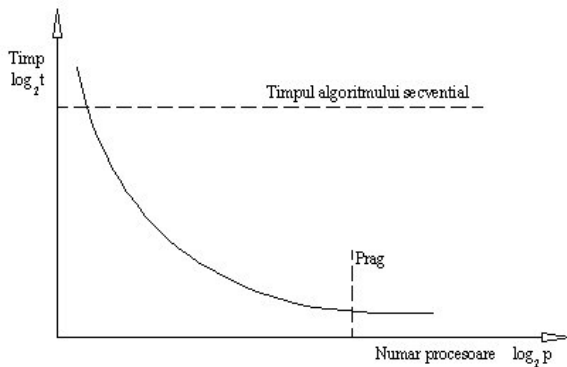
- *Un program poate scala a.i. sa foloseasca mai multe procesoare.*
 - Adica???
- Cum se evalueaza scalabilitatea?
- Cum se evalueaza beneficiile aduse de scalabilitate?
- Evaluare comrativa:
 - Daca se dubleaza nr de procesoare la ce ar trebui sa ne asteptam?
 - Este scalabilitatea liniara?
- Evaluarea eficientei corespunzatoare
 - Se pastreaza eficienta pe masura ce creste dimensiunea problemei?

Definitie generala

Scalabilitate aplicatie: abilitatea unui program paralel sa obtina o crestere de performanta proportional cu numarul de procesoare si dimensiunea problemei.

Scalabilitate

- Scalabilitatea masoara modul in care se schimba performanta unui anumit algoritm in cazul in care sunt folosite mai multe elemente de procesare.
- Un indicator important pentru aceasta este *numarul maxim de procesoare* care pot fi folosite pentru rezolvarea unei probleme.
- In cazul folosirii unui numar mic de procesoare, un program paralel se poate executa mult mai incet decat un program secvential.
 - Diferenta poate fi atribuita comunicatiilor si sincronizariilor care nu apar in cazul unui program secvential. (Overhead)
- Numarul minim de componente pentru o anumita partitionare, poate fi de asemenea un indicator important.

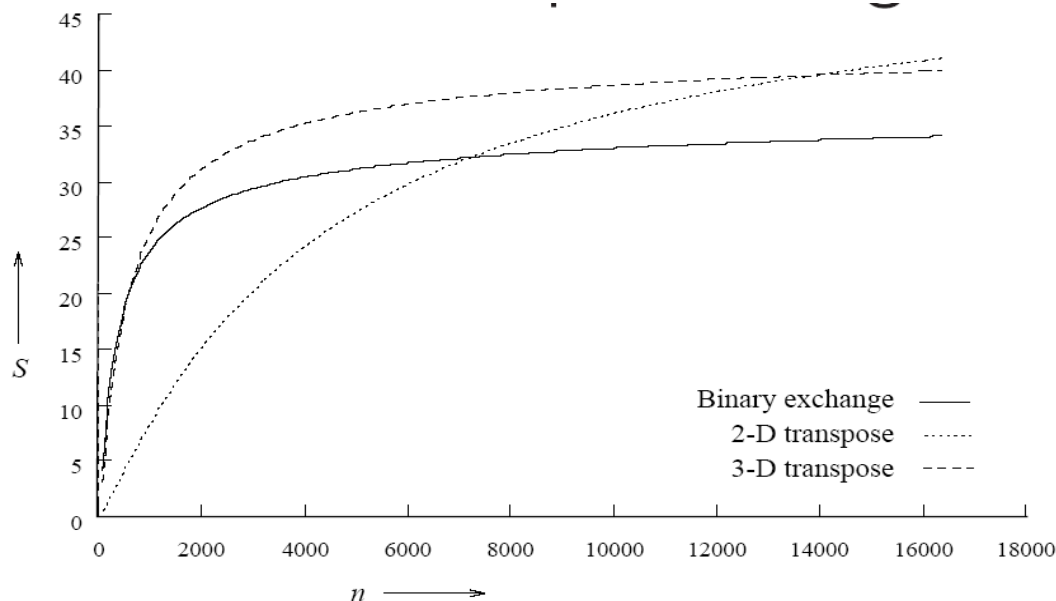


Scalabilitate

- *Scalabilitatea unui sistem paralel este o masura a capacitatii de a livra o accelerare cu o crestere liniara in functie de numarul de procesoare folosite.*
- Analiza scalabilitatii se face pentru un **sistem (arhitectura +algorithm)**.
- *Evidentiaza cum se extrapoleaza performanta pentru probleme si sisteme mici
=> la probleme si configuratii mai mari.*
- Metrice pentru scalabilitate –
 - functia de isoefficienta (isoefficiency)
 - eficienta Isospeed –efficiency
 - Fractia seriala/Serial Fraction f

Scalabilitatea sistemelor paralele

Consider three parallel algorithms for computing an n -point Fast Fourier Transform (FFT) on 64 processing elements.



A comparison of the speedups obtained by the binary-exchange, 2-D transpose and 3-D transpose algorithms on 64 processing elements with $t_c = 2$, $t_w = 4$, $t_s = 25$, and $t_h = 2$.

- Este dificil sa sa evalueze caracteristicile de scalare prin observatii pe date mici si pe masini mici.

Granularitate

- ***Granularitatea (“grain size”) este un parametru calitativ care caracterizeaza atat***
 - ***sistemele paralele cat si***
 - ***aplicatiile paralele.***
- ***Granularitatea aplicatiei se defineste ca dimensiunea minima a unei unitati secventiale dintr-un program, exprimata in numar de instructiuni.***
 - ***Prin unitate secventiala se intelege o parte program in care nu au loc operatii de sincronizare sau comunicare cu alte procese.***
- Fiecare flux de instructiuni are o anumita granularitate.
- Granularitatea aplicatiei se defineste ca valoarea minima a granularitatii pentru activitatile paralele ale componentelor (proces, thread, task).
- Granularitatea unui algoritm poate fi aproximata ca fiind raportul dintre timpul total calcul si timpul total de comunicare.

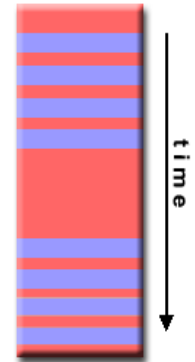
Granularitatea sistemului

- *Pentru un sistem dat, exista o valoare minima a granularitatii aplicatiei, sub care performanta scade semnificativ. Aceasta valoare de prag este cunoscuta ca si **granularitatea sistemului** respectiv.*
 - Justificarea consta in faptul ca timpul de overhead (comunicatii, sincronizari, etc.) devine comparabil cu timpul de calcul paralel.
- De dorit
 - => un calculator paralel sa aiba o granularitate mica, astfel incat sa poata executa eficient o gama larga de programe.
 - ⇒ programele paralele sa fie caracterizate de o granularitate mare, astfel incat sa poata fi executate eficient de o diversitate de sisteme.
- Exceptii: clase de aplicatii cu o valoare a granularitatii foarte mica, dar care se executa cu succes pe arhitecturi specifice.
 - aplicatiile sistolice, in care in general o operatie este urmata de o comunicare.
 - aceste aplicatii impun insa o structura a comunicatiilor foarte regulata si comunicatii doar intre noduri vecine

Granularity...cont.

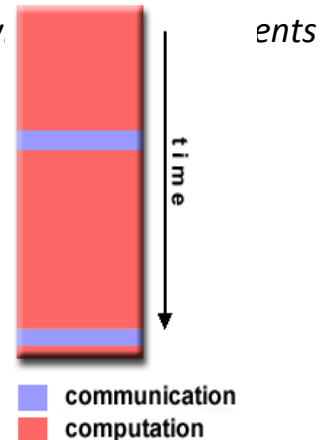
- **Fine-grain Parallelism:**

- Relatively small amounts of computational work are done between communication events
- Low computation to communication ratio
- Facilitates load balancing
- Implies high communication overhead and less opportunity for performance enhancement
- If granularity is too fine it is possible that the overhead required for communications and synchronization between tasks takes longer than the computation.



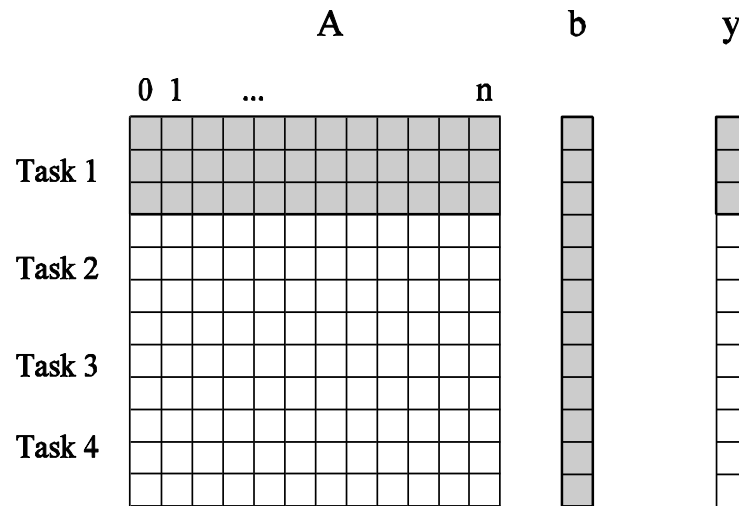
- **Coarse-grain Parallelism:**

- Relatively large amounts of computational work are done between communication/sy
- High computation to communication ratio
- Implies more opportunity for performance increase
- Harder to load balance efficiently



Granularitate \leftrightarrow descompunere in taskuri

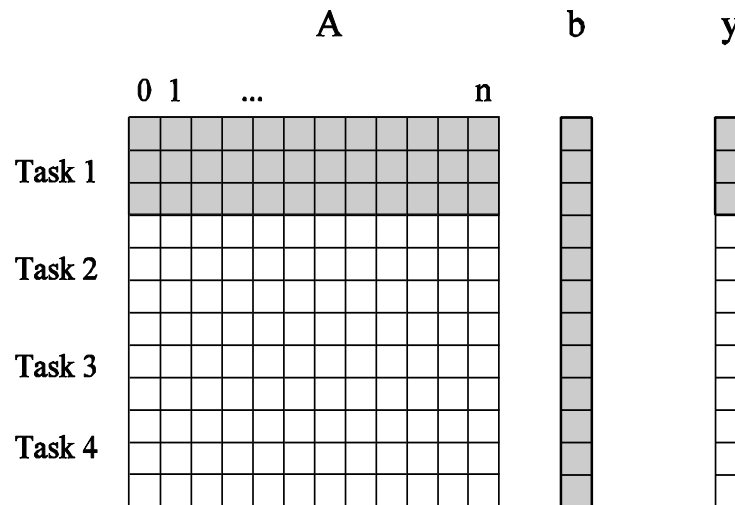
- Numarul de task-uri in care o problema se descompune determina granularitatea.
- numar mare \Rightarrow fine-grained
- numar mic \Rightarrow coarse grained decomposition



Exemplu: inmultire matrice

Granularitatea decompunerii taskurilor

- Granularitatea este determinata de numarul de taskuri care se creeaza pt o problema.
- Mai multe taskuri => granularitate mai mica



Efectul granularitatii asupra performantei

- De multe ori folosirea a mai putine procesoare imbunatateste performanta sistemului paralel.
- Folosind mai putine procesoare decat numarul maxim posibil se numeste *scaling down* (for a parallel system).
- Modalitatea naiva de scalare este de a considera fiecare element de procesare initiala a fi unul virtual si sa se atribuiе fiecare procesor virtual unui real (fizic).
- Daca numarul de procesoare scade cu un factor n / p , calculul efctual de catre fiecare procesor va creste cu acelasi factor.
- Costul comunicatiei nu creste pentru ca comunicatia intre unele procesoare virtuale se va face in cadrul aceluasi procesor (real).

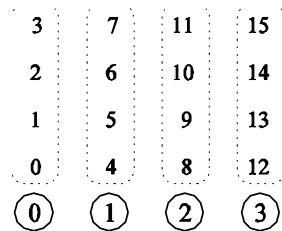
Exemplu

- Adunare n numere cu p procesoare (ambele sunt puteri ale lui 2)
 - Fiecarui procesor dintre cele p ii sunt atribuite n / p procesoare virtuale.
 - Primii $\log n - \log p$ din cei $\log n$ pasi ai algoritmului original se simuleaza folosind p procesoare in $\Theta ((n / p) (\log n - \log p)) = \Theta ((n / p) \log (n/p))$
 - Urmatorii $\log p$ pasi nu necesita nici partitionare (p noduri – p procesoare)
 - $T_p = \Theta ((n / p) \log (n/p) + \log p)$
 - $C = O (n \log n),$
 - $T_s = \Theta (n)$
- => Sistemul paralel nu este cost optimal.

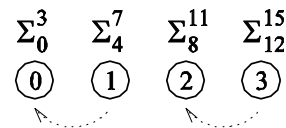
Varianta 2

Fiecare procesor primește n / p numere pe care le aduna independent.

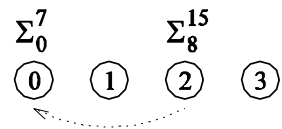
- Cele p sume parțiale pot fi adunate în timpul de $\Theta(n/p)$.



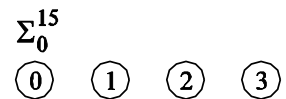
(a)



(b)



(c)



(d)

=> program cost optimal.

Cresterea granularitatii...

$$T_P = \Theta(n/p + \log p),$$

- daca $n = \Omega(p \log p)$
- atunci sistemul este cost-optimal $\Theta(n + p \log p)$

Important – alege numarul de procese a.i. sa fie eficient calculul!

Gradul de paralelism (DOP)

- DOP al unui algoritm este dat de numarul de operatii care pot fi executate simultan.
- Similar cu granulatia sistemelor paralele
 - fina–numar mare de procesoare,
 - medie,
 - bruta–numar mic de procesoarese poate defini similar si DOP unui algoritm.

DOP

- *Gradul de paralelism DOP* („degree of parallelism”) =
 - (al unui program)
 - numarul de procese care se executa in paralel intr-un anumit interval de timp.
 - Numarul de operatii care se executa in paralel intr-un anumit interval de timp
 - (al unui sistem)
 - numarul de procesoare care pot fi in executie in paralel intr-un anumit interval de timp
- *Profilul paralelismului* = graficul *DOP* in functie de timp (pentru un anumit program).

Depinde de:

- structura algoritmului;
- optimizarea programului;
- utilizarea resurselor;
- conditiile de rulare.

In concluzie:

- accelerarea indica castigul de viteza de calcul intr-un sistem paralel;
 - eficienta masoara partea utila a prelucrarii (lucrului) efectuate de n procesoare;
 - redundanta masoara dimensiunea cresterii incarcarii de lucru;
 - utilizarea indica gradul de utilizare a resurselor in timpul calculului paralel;
- calitatea combina efectele accelerarii, eficientei si redundantei intr-o singura expresie pentru a evidentia meritul calcului paralel.

Referinte:

Ananth Grama, Anshul Gupta, George Karypis, and Vipin Kumar
``Introduction to Parallel Computing",