

Matrici

MATRIX - BIDIMENSIONAL ARRAY

Matricile sunt tablouri bidimensionale statice. Fără a da specificația completă a TAD Matrice, putem enumera un număr minim de operații în interfața sa:

- *crează*($m, nrLin, nrCol$) {constructor - creează matricea nulă m având $nrLin$ linii și $nrCol$ coloane}
- *nrLinii*(m) {returnează numărul de linii}
- *nrColoane*(m) {returnează numărul de coloane}
- *element*(m, i, j, e) {accesare element de pe linia i și coloana j – e este elementul accesat}
- *adauga*(m, i, j, e) {înlocuirea cu e a elementului de pe linia i și coloana j }

Alte operații posibile: căutare element și returnarea (liniei, coloanei) pe care a fost găsit, iterator pentru accesare elemente în ordinea liniilor, iterator pentru accesare elemente în ordinea coloanelor, etc.

Observații

1. În general, tablourile bidimensionale se memorează **secvențial**
2. Generalizare - tablouri bidimensionale **dinamice**.
3. În cazul în care multe elemente ale matricii sunt nule ($0_{TElement}$) – *matrici rare* -, nu este eficientă memorarea tuturor elementelor matricii, ci doar a elementelor nenule.

În continuare vom discuta posibilități de reprezentare/implementare a matricilor rare. Vom lua un exemplu concret, matricea de mai jos

$$\begin{pmatrix} 0 & -2 & 0 & -7 & 0 \\ -6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -9 & -8 & 0 & -5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -2 \end{pmatrix}$$

A. Reprezentare prin triplete $\langle \text{Linie}, \text{Coloana}, \text{Valoare} \rangle$ ($\text{Valoare} \neq 0_{\text{TElement}}$), ordonate lexicografic crescător în raport cu $\langle \text{Linie}, \text{Coloana} \rangle$. Pentru exemplul de mai sus se vor memora următoarele triplete:

Linie	1	1	2	3	3	3	4
Coloana	2	4	1	2	3	5	5
Valoare	-2	-7	-6	-9	-8	-5	-2

Tripletele se pot memora folosind

- un vector - reprezentare secvențială
- o listă înlănțuită (reprezentare înlănțuită)
 - înlănțuirile reprezentate folosind alocare dinamică
 - înlănțuirile reprezentate folosind alocare statică pe tablou
- un arbore binar de căutare/arbore AVL

B. Reprezentare condensată pe coloane. Se folosesc 3 vectori: Linie, Coloana, Valoare cu următoarea semnificație: elementele de pe coloana j ($j=1,2,\dots,\text{nrCol}$) se află pe liniile

$\text{Linie}[\text{Coloana}[j]], \text{Linie}[\text{Coloana}[j]+1], \dots, \text{Linie}[\text{Coloana}[j+1]-1]$

și au valorile

$\text{Valoare}[\text{Coloana}[j]], \text{Valoare}[\text{Coloana}[j]+1], \dots, \text{Valoare}[\text{Coloana}[j+1]-1]$

Pentru exemplul de mai sus se vor memora următorii vectori:

- Coloana – având $\text{nrCol}+1$ elemente
- Linie, Valoare – a căror dimensiune=nr. de elemente nenule din matrice

<i>indice</i>	1	2	3	4	5	6
Coloana	1	2	4	5	6	8

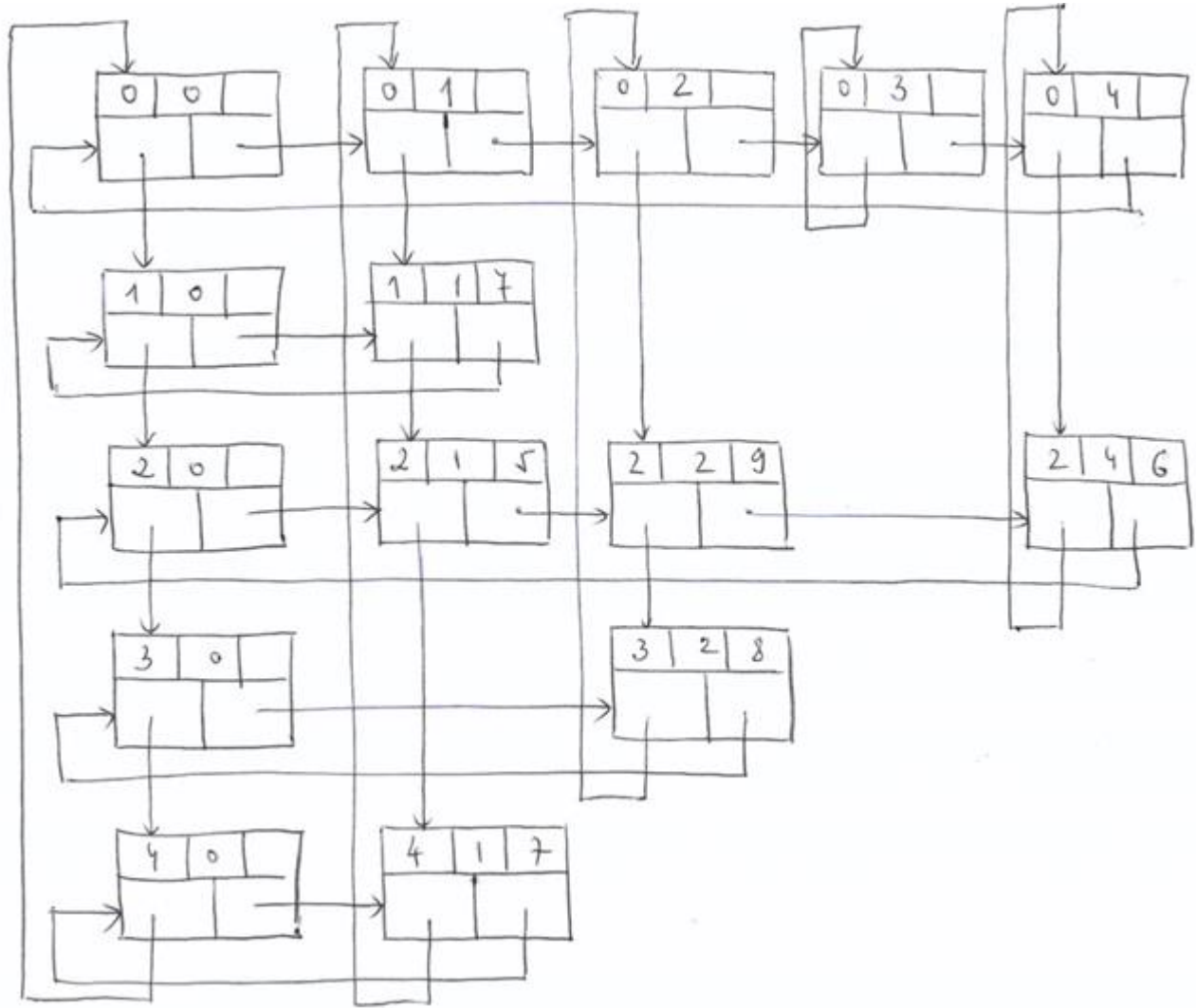
<i>indice</i>	1	2	3	4	5	6	7
Linie	2	1	3	3	1	3	4
Valoare	-6	-2	-9	-8	-7	-5	-2

C. Reprezentare înlănțuită folosind liste circulare

- Colecție de liste circulare interconectate

Exemplu

$$\begin{pmatrix} 7 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & 9 & 0 & 6 \\ 0 & 8 & 0 & 0 \\ 7 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$



TEMA. Implementați operațiile specifice TAD Matrice în reprezentările A, B, C. Studiați complexitatea operației de localizare a unui element de pe o linie și o coloană a matricei, în funcție de modul de reprezentare.