

SDA – Seminar 4

Multidicționar ordonat (MDO)

- Dicționar – conține perechi <cheie, valoare>. Cheile sunt unice, fiecare are o singură valoare asociată.
- Multidicționar – o cheie are mai multe valori asociate (listă de valori)
- Multidicționar ordonat – cheile sunt într-o anumită ordine R și sunt memorate în ordine

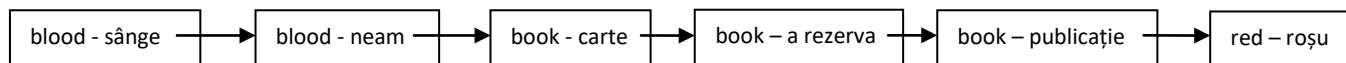
Interfață MDO

Problema: Să se implementeze TAD MDO – reprezentare simplu înlănțuită cu alocare dinamică

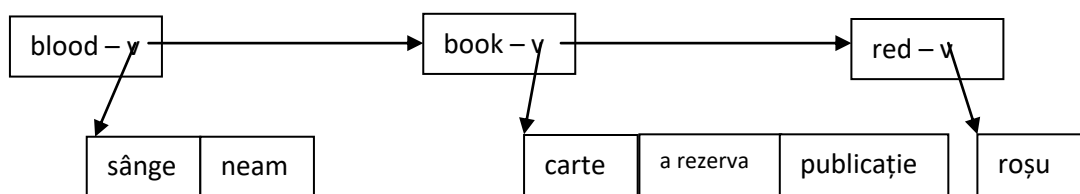
Ex. multidicționar cu traduceri cuvintelor din engleză în română:

- book – carte, a rezerva, publicație
- red – roșu
- blood – sânge, neam

Reprezentare 1: Listă înlănțuită de perechi <cheie, valoare>. Pot fi mai multe noduri cu o anumită cheie, ele vin unul după altul.



Reprezentare 2: Listă înlănțuită de perechi <cheie, listă de valori>. Cheile sunt unice și ordonate.



TElement:

c: TCheie

v: TListă

NodT:

e: TElement

urm: ↑NodT

MDO:

prim: ↑NodT

R: relație

$$R(c_1, c_2) = \begin{cases} \text{adevărat, dacă } "c_1 \leq c_2" & (c_1 \text{ vine înaintea lui } c_2) \\ \text{fals, altfel} \end{cases}$$

Iterator:

Vom reține:

- o referință spre nodul curent din MDO
- iterator pe lista de valori asociată nodului curent
- MDO-ul

IteratorMDO:
mdo: MDO
curent: \uparrow NodT
itL: IteratorListă

Operații iterator: creeaza, valid, următor, element (returnează pereche <cheie, valoare>)

Afișarea elementelor dintr-un MDO folosind iteratorul:

```
Subalg tipărire(mdo):  
    iterator(mdo, i)  
    cât timp valid(i) execută:  
        element(i, <c,v>)  
        @tipărește c și v  
        următor(i)  
    sf_cât timp  
sf_subalg
```

Subalgoritmul este la fel indiferent de reprezentarea iteratorului sau a dicționarului!

Operații iterator

```
Subalg creează (it, mdo):  
    it.mdo  $\leftarrow$  mdo  
    it.curent  $\leftarrow$  mdo.prim  
    dacă it.curent  $\neq$  NIL atunci:  
        iterator([it.mdo.prim].e.l, it.itL)  
    sf_dacă  
sf_subalg  
Complexitate:  $\Theta(1)$ 
```

```
Subalg element(it, e): // unde e este o pereche, c, v  
    c  $\leftarrow$  [it.curent].e.c  
    element(it.itL, v)  
    e  $\leftarrow$  <c,v>  
sf_subalg  
Complexitate:  $\Theta(1)$ 
```

```
Funcția valid(it):  
    Dacă it.curent  $\neq$  NIL atunci  
        valid  $\leftarrow$  adevărat  
    altfel  
        valid  $\leftarrow$  fals  
sf_funcție  
Complexitate:  $\Theta(1)$ 
```

```

Subalg următor(it):
    urmator(it.itL)
    dacă 1 valid(it.itL) atunci
        it.curent ← [it.curent].urm
        dacă it.curent ≠ NIL atunci
            iterator ([it.curent].e.l, it.itL)
        sf_dacă
    sf_dacă
sf_subalg
Complexitate:  $\theta(1)$ 

```

Operații multidicționar ordonat

La complexități:

n – nr de chei distincte
mdo – nr total de elemente

```

subalg creează(mdo, R):
    mdo.R ← R
    mdo.prim ← NIL
sf_subalg
Complexitate:  $\theta(1)$ 

```

```

subalg distruge(mdo):
    cîttimp mdo.prim ≠ NIL execută
        p ← mdo.prim
        mdo.prim ← [mdo.prim].urm
        distruge([p].e.l)
        dealocă(p)
    sf_cîttimp
sf_subalg
Complexitate:  $\theta(mdo)$  (sau  $\theta(n)$  – dacă listele de valori pot fi dealocate în  $\theta(1)$ )

```

```

subalgoritm cautNod(mdo, c, nodC, nodAnt):
    aux ← mdo.prim
    prev ← NIL
    găsit ← fals
    cîttimp aux ≠ NIL și mdo.R([aux].e.c, c) și 1 găsit execută
        dacă [aux].e.c = c atunci
            găsit ← adevărat
        altfel
            prev ← aux
            aux ← [aux].urm
    sf_dacă
    sf_cîttimp
    dacă găsit atunci
        nodC ← aux
        nodAnt ← prev
    altfel
        nodC ← NIL
        nodAnt ← prev
    sf_dacă
sf_funcție

```

Complexitate: $O(n)$

subalg caută(mdo, c, l):

```
    cautNod (mdo, c, nodC, nodAnt)
    dacă nodC = NIL      atunci
        crează(l)
    altfel
         $l \leftarrow [\text{nodC}].e.l$ 
    sf_dacă
```

sf_subalg

Complexitate: $O(n)$

subalg adaugă(mdo, c, v)

```
    cautNod(mdo, c, nodC, nodAnt)
    dacă nodC = NIL atunci
        adaugăCheieNouă(mdo, c, v, nodAnt)
    altfel
        dacă caută([nodC].e.l, v) = fals atunci
            adaugaSfârșit ([nodC].e.l, v)
        sf_dacă
    sf_dacă
```

sf_subalg

Complexitate: $O(mdo)$

subalg adaugăCheieNouă (mdo, c, v, nodAnt)

```
    alocă(q)
    [q].e.c  $\leftarrow$  c
    creează ([q].e.l)
    adaugăSfârșit([q].e.l, v)
    dacă nodAnt = NIL atunci
        [q].urm  $\leftarrow$  mdo.prim
        mdo.prim  $\leftarrow$  q
    altfel
        [q].urm  $\leftarrow$  [nodAnt].urm
        [nodAnt].urm  $\leftarrow$  q
    sf_dacă
```

sf_subalg

Complexitate: $O(1)$ (adaugăSfârșit este apelat pentru o listă vidă)

```

subalg sterge(mdo, c, v):
    cautNod(mdo, c, nodC, nodAnt)
    dacă nodC ≠ NIL atunci
        pos ← pozitie([nodC].e.1, v)
        dacă pos ≠ -1 atunci
            sterge([nodC].e.1, pos, e)
        sf_dacă
        dacă vidă ([nodC].e.1) atunci
            stergCheie(mdo, c, nodAnt)
        sf_dacă
    sf_dacă
sf_subalg
Complexitate: O(mdo)

```

```

subalg stergCheie(mdo, c, nodAnt):
    dacă nodAnt = NIL atunci
        p ← mdo.prim
        mdo.prim ← [mdo.prim].urm
        distruge([p].e.1)
        dealocă(p)
    altfel
        q ← [nodAnt].urm
        [nodAnt].urm ← [[nodAnt].urm].urm
        distruge([q].e.1)
        dealoca(q)
    sf_dacă
sf_subalg
Complexitate: O(1) (lista de valori e vidă)

```