# Studiați parțial corectitudinea, terminarea și total corectitudinea pentru următoarele metode:

### [1]. Cel mai mare divizor comun a două numere naturale:

### [2]. Căutare binară:

```
* \varphi(X): L[0] <= a <= L[n-1], L[0] <= L[1] <= ... <= L[n-1]
 * \Psi(X, Z): 0 <= p <= n-1, L[p] <= a < L[p+1]
 * @param 1 - lista de valori intregi ordonata crescator
 * @param a - valoarea cautata
 * @return poz
          daca (a este in 1)
             atunci se returneaza pozitia (0<=poz<=size-1),
             altfel se returneaza pozitia de inserare
 */
int search(List<Integer> 1, int a) {
    int s=0, d=1.size()-1;
    while (s < d) {
        int m = (s+d)/2;
        if (a<=1.qet(m))
             d=m;
        else s=m+1;
    return s;
```

## Metoda lui Floyd. Metoda aserțiunilor inductive

#### Aplicabilitate:

- pentru a demonstra:
  - parţial corectitudinea programului;
  - terminarea programului;
  - 🗿 total corectitudinea = parțial corectitudinea programului + terminarea

#### Folosește:

- precondiție condiția satisfăcută de datele de intrare ale programului;
- postcondiție condiția care trebuie satisfăcută de rezultatele programului;
- algoritmul descrierea programului (codul sursă);

#### Etape de aplicare:

- identificarea unui punct de tăietură în fiecare buclă;
- identificarea unei mulţimi de aserţiuni inductive;
- construirea şi demonstrarea condiţiilor de verificare/terminare.

# Parțial corectitudine. Etape de realizare.

- se aleg puncte de tăietură în cadrul algoritmului:
  - două puncte de tăietură particulare: un punct de tăietură la începutul algoritmului, un punct de tăietură la sfârșitul algoritmului;
  - cel puțin un punct de tăietură în fiecare instrucțiune repetitivă;
- pentru fiecare punct de tăietură se alege câte un predicat invariant (aserțiune):
  - punctul de intrare  $\varphi(X)$ ;
  - punctul de ieşire ψ(X, Z);
- se construiesc și se demonstrează condițiile de verificare:

  - Y vector de variabile cu rezultate intermediare;

  - α<sub>i,j</sub> drumul de la punctul de tăietură i la punctul de tăietură j;
     P<sub>i</sub> și P<sub>j</sub> predicate invariante în punctele de tăietură i și j asociate;
     R<sub>α<sub>i,j</sub></sub>(X, Y) predicat care dă condiția de parcurgere a drumului α;
     r<sub>α<sub>i,j</sub></sub>(X, Y) funcție care indică transformările variabilelor Y de pe drumul α;

#### Theorem

1. Dacă toate condițiile de verificare sunt adevărate atunci programul P este parțial corect în raport cu specificația ( $\varphi(X), \psi(X, Z)$ ). [Fre10]

# Terminarea algoritmului. Etape de realizare.

- 📵 se aleg punctele de tăietură în cadrul algoritmului;
- pentru fiecare punct de tăietură se alege câte un predicat invariant;
- 🔕 se alege o mulțime convenabilă M (i.e., o mulțime parțial ordonată, care nu conține nici un șir descrescător infinit) și o funcție descrescătoare  $u_i$ ; • în punctul de tăietură i funcția aleasă este  $u_i: D_X \times D_Y \to M$ ;
- se scriu condițiile de terminare:
  - condiția de terminare pe drumul  $\alpha_{i,j}$  este:  $\forall X \ \forall Y \ (\varphi(X) \land R_{\alpha_{i,j}}(X,Y) \rightarrow (u_i(X,Y) > u_j(X, r_{\alpha_{i,j}}(X,Y)));$
  - dacă s-a demonstrat parțial corectitudinea, atunci condiția de terminare  $\forall X \ \forall Y \ (P_i(X) \land R_{\alpha_{i,j}}(X,Y) \rightarrow (u_i(X,Y) \ > \ u_j(X,\ r_{\alpha_{i,j}}(X,Y))));$
- se demonstrează condițiile de terminare:
  - ullet la trecerea de la un punctul de tăietură i la j valorile funcției u descresc, i.e.,  $u_i > u_j$ .

#### Theorem

2. Dacă toate condițiile de terminare sunt adevărate atunci programul P se termină în raport cu predicatul  $\varphi(X)$ . [Fre10]