

Московский Государственный Университет имени М. В. Ломоносова Факультет Вычислительной Математики и Кибернетики Кафедра Системного Анализа

Лабораторная работа по курсу «Математические модели в экономике»

Анализ структуры потребительского спроса с помощью обобщённого непараметрического метода

Студент 415 группы В. С. Терёшин

Руководитель практики к.ф.-м.н., ассистент А.В.Рудева

Содержание

1.	Постановка задачи	9
2.	Поиск интегрируемых групп	3
3.	Графики индексов интегрируемой группы и двух товаров из этой группы	E-0
4.	Индекс Ласпейреса и Пааше	7

1. Постановка задачи

Найти три интегрируемые группы, построить графики экономических индексов для интегрируемой группы и для двух товаров из этой группы, построить индексы Ласпейреса и Пааше, сравнить. Сделать вывод об использовании индекса, построенного непараметрическим методом.

2. Поиск интегрируемых групп

Задание выполнялось по данным торговой статистики Венгрии за период 1975-1984 гг. Интегрируемые группы искались с помощью системы ИНДЕКС. Для этого перебирались несколько значений ω — коэффициент отклонения потребителей от рационального поведения. В качестве параметра ω были взяты следующие значения: 0, 0.00005, 0.001, 0.01. Оказалось, что с увеличением значения параметра ω число интегрируемых групп растёт. При $\omega=0$ всего 2 интегрируемые группы, а при $\omega=0.01$ уже 11 групп. Выделим 3 интегрируемые группы, т.е. остановимся на $\omega=0.00005$ и получим, что интегрируемыми группами являются продовольственные товары, напитки и табачные изделия.

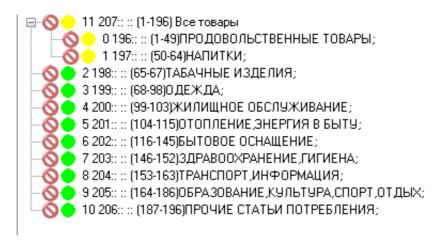


Рис. 1. $\omega = 0$.

```
    11 207:: :: (1-196) Все товары
    0 196:: :: (1-49)ПРОДОВОЛЬСТВЕННЫЕ ТОВАРЫ;
    1 197:: :: (50-64)НАПИТКИ;
    2 198:: :: (68-98)ОДЕЖДА;
    4 200:: :: (99-103)ЖИЛИЩНОЕ ОБСЛУЖИВАНИЕ;
    5 201:: :: (104-115)ОТОПЛЕНИЕ,ЭНЕРГИЯ В БЫТУ;
    6 202:: :: (116-145)БЫТОВОЕ ОСНАЩЕНИЕ;
    7 203:: :: (146-152)ЗДРАВООХРАНЕНИЕ,ГИГИЕНА;
    8 204:: :: (153-163)ТРАНСПОРТ,ИНФОРМАЦИЯ;
    9 205:: :: (164-186)ОБРАЗОВАНИЕ,КУЛЬТУРА,СПОРТ,ОТДЫХ;
    10 206:: :: (187-196)ПРОЧИЕ СТАТЬИ ПОТРЕБЛЕНИЯ;
```

Рис. 2. $\omega = 0.00005$.

```
11 207:: :: (1-196) Все товары
0 196:: :: (1-49)ПРО ДОВОЛЬСТВЕННЫЕ ТОВАРЫ;
1 197:: :: (50-64)НАПИТКИ;
2 198:: :: (65-67)ТАБАЧНЫЕ ИЗДЕЛИЯ;
6 202:: :: (116-145)БЫТОВОЕ ОСНАЩЕНИЕ;
7 203:: :: (146-152)ЗДРАВООХРАНЕНИЕ,ГИГИЕНА;
9 205:: :: (164-186)ОБРАЗОВАНИЕ,КУЛЬТУРА,СПОРТ,ОТДЫХ;
10 206:: :: (187-196)ПРОЧИЕ СТАТЬИ ПОТРЕБЛЕНИЯ;
3 199:: :: (68-98)ОДЕЖДА;
4 200:: :: (99-103)ЖИЛИЩНОЕ ОБСЛУЖИВАНИЕ;
5 201:: :: (104-115)ОТОПЛЕНИЕ,ЭНЕРГИЯ В БЫТУ;
8 204:: :: (153-163)ТРАНСПОРТ,ИНФОРМАЦИЯ;
```

Рис. 3. $\omega = 0.001$.

```
    □ 11 207:: : (1-196) Все товары
    0 196:: :: (1-49)ПРО ДОВОЛЬСТВЕННЫЕ ТОВАРЫ;
    1 197:: :: (50-64)НАПИТКИ;
    2 198:: :: (65-67)ТАБАЧНЫЕ ИЗДЕЛИЯ;
    3 199:: :: (68-98)О ДЕЖДА;
    4 200:: :: (99-103)ЖИЛИЩНОЕ ОБСЛУЖИВАНИЕ;
    5 201:: :: (104-115)ОТОПЛЕНИЕ, ЭНЕРГИЯ В БЫТУ;
    6 202:: :: (116-145)БЫТОВОЕ ОСНАЩЕНИЕ;
    7 203:: :: (146-152)ЗДРАВООХРАНЕНИЕ, ГИГИЕНА;
    8 204:: :: (153-163)ТРАНСПОРТ, ИНФОРМАЦИЯ;
    9 205:: :: (164-186)ОБРАЗОВАНИЕ, КУЛЬТУРА, СПОРТ, ОТДЫХ;
    10 206:: :: (187-196)ПРОЧИЕ СТАТЬИ ПОТРЕБЛЕНИЯ;
```

Рис. 4. $\omega = 0.01$.

3. Графики индексов интегрируемой группы и двух товаров из этой группы

В качестве интегрируемой группы была взята группа «Напитки». В качестве товаров были выбраны «Кофе» и «Ром, водка».

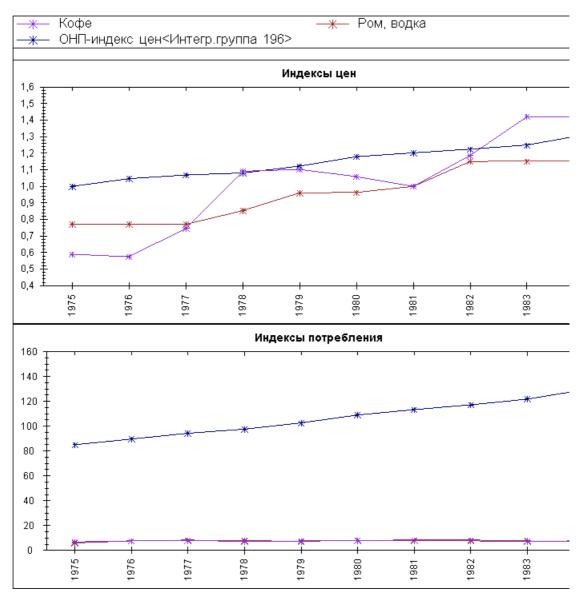


Рис. 5.

4. Индекс Ласпейреса и Пааше

В данном разделе индексы построены для двух групп: «Продовольственные товары» «Напитки».

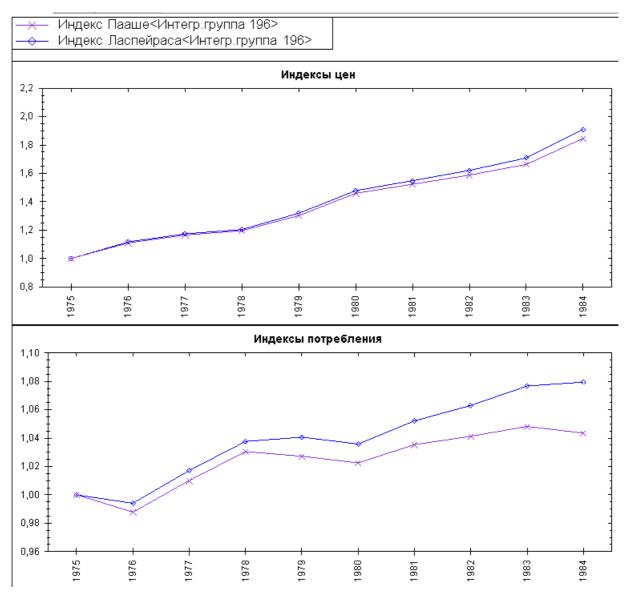


Рис. 6. Продовольственные товары

Индекс Ласпейреса предполагает взвешивание цен двух периодов по объёмам потребления товаров в базисном, а индекс Пааше — по объёмам их потребления в текущем периоде. Однако, ни тот, ни другой индекс не дают верного представления об изменении цен, поскольку они не учитывают влияние этого изменения на структуру потребления. Очевидно, что если цена товара X возрастает, то покупки его снижаются и наоборот. Поэтому значение индекса Ласпейреса даёт преувеличенное представле-

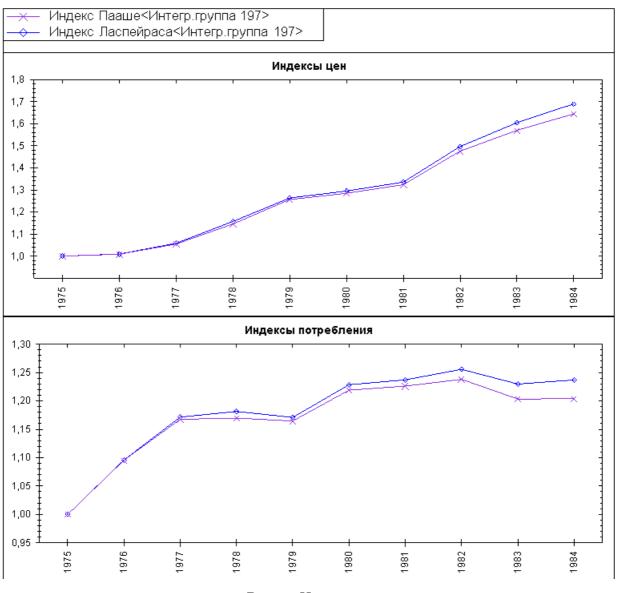


Рис. 7. Напитки

ние об изменении цен в случае из роста, но преуменьшенное в случае их снижения. Наоборот, значение индекста Пааше даёт преумешенное представление об изменении уровня цен в случае их роста и преувеличенное в случае их снижения. И в любом случае индекс Ласпейреса оказывается выше индекса Пааше. В отличие от методов вычисления индексов Ласпейреса или Пааше непараметрический метод позволяет на основе проверки отделимости изучать сегментированность рынков.