



مباراة الدخول ٢٠١١ - ٢٠١٢

مبارقة في الرياضيات

المدة : ساعة واحدة

الجامعة الجزائرية
كلية الصحة العامة

I- Calculer les limites suivantes:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^x - e}{x-1} \quad (2pts)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + n + 1} - \sqrt{n^2 + 1} \quad (2pts)$$

II- Calculer les intégrales suivantes:

$$I = \int \frac{dx}{\sqrt{x} \sqrt{1+\sqrt{x}}} \quad (2pts)$$

$$J = \int_0^1 (x+2) e^{x+1} dx \quad (3pts)$$

III- Trouver a, b et c qui vérifient l'égalité suivante:

$$\frac{2x^2-1}{x^2(x+1)} = \frac{a}{x^2} + \frac{b}{x} + \frac{c}{x+1} \quad (3pts)$$

IV- Etudier la fonction suivante:
et tracer sa courbe représentative.

$$y = x + \sqrt{4+x^2} \quad (8pts)$$

I- Calculate the following limits:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^x - e}{x-1} \quad (2pts)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + n + 1} - \sqrt{n^2 + 1} \quad (2pts)$$

II- Calculate the following integrals:

$$I = \int \frac{dx}{\sqrt{x} \sqrt{1+\sqrt{x}}} \quad (2pts)$$

$$J = \int_0^1 (x+2) e^{x+1} dx \quad (3pts)$$

III- Find a, b and c such that they fulfill the following equality:

$$\frac{2x^2-1}{x^2(x+1)} = \frac{a}{x^2} + \frac{b}{x} + \frac{c}{x+1} \quad (3pts)$$

IV- Study the following function: $y = x + \sqrt{4+x^2}$
and trace the corresponding graph.