

Premier exercice (10 points) :

Conservation et non conservation de l'énergie mécanique

Une glissière est schématisée dans un plan vertical par les rails AB, BC, CD et DE tel que :

-AB fait un angle $\beta = 30^\circ$ avec la verticale et il est tangent à BC en B.

-BC est circulaire de rayon $R=2\text{m}$ et de centre O tel que $\widehat{BOC} = 60^\circ$ et OC vertical.

-CD horizontal et tangente à BC en C.

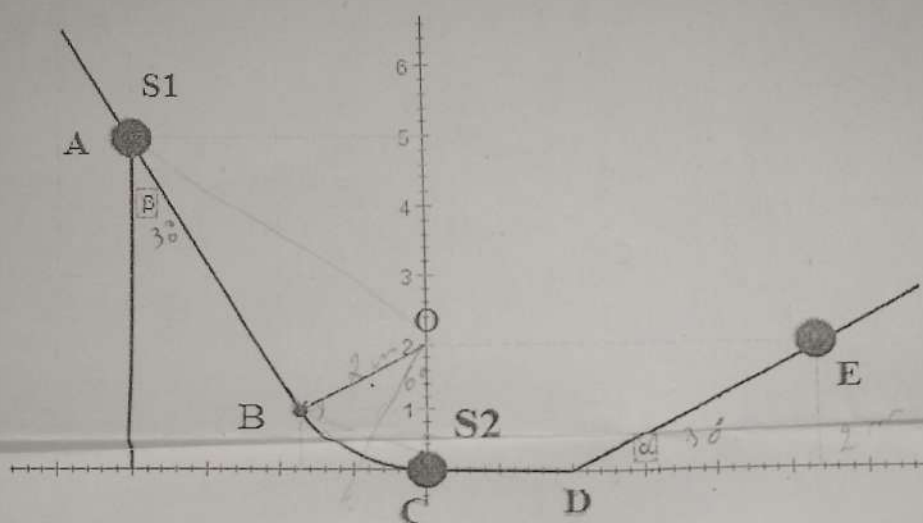
-DE fait un angle $\alpha = 30^\circ$ avec l'horizontal. (Figure ci-dessous)

Les frottements sont négligeables le long de AD.

Prendre le niveau horizontal DC comme niveau de référence de l'énergie potentielle de pesanteur.

On donne $g=10\text{m/s}^2$.

Une boule S_1 de masse $m_1=200\text{g}$ est lâchée sans vitesse initiale du point A à 5m du sol.



A-1- Sur AB : Déterminer l'expression de l'énergie mécanique du système (S_1 , rails, terre) en fonction de m_1 , g , x , v et β où v désigne la vitesse de S_1 et x la distance parcourue par S_1 mesurée à partir de A.

2- Sur BC : Déterminer l'expression de l'énergie mécanique du système (S_1 , rails, terre) en fonction de m_1 , g , R , θ et θ' où $\theta = \widehat{S_1OC}$ et θ' la vitesse angulaire de S_1 .

3- Déterminer V_1 la valeur de la vitesse de S_1 au point C le plus bas.

B-La boule S_1 , arrivant en C, entre en choc parfaitement élastique avec une boule S_2 de masse $m_2=300\text{g}$ initialement au repos en C.

1-Déterminer les vitesses V'_1 et V'_2 respectivement des boules S_1 et S_2 juste après le choc, sachant que les vitesses sont colinéaires.

2- Déterminer la valeur de $\theta_m = \widehat{MOC}$ où M est le point le plus haut que S_1 peut atteindre en remontant sur la glissière, sachant que $|\vec{V}'_1| = 2\text{m/s}$

3- S_1 redescend : Déterminer la quantité de mouvement de S_1 lorsque $\theta = \widehat{S_1OC} = 20^\circ$ dans le repère de la figure.

C-Après le choc, S_2 aborde en D, à la vitesse $V_D = 8\text{m/s}$, le rail DE et elle arrive au point le plus haut E situé à 2m du sol.

1-Déterminer la variation de l'énergie interne ΔU du système (S_2 , rails, terre) entre D et E. Interpréter.

2-Démontrer que la variation de l'énergie mécanique du système $\Delta E_m = W_f$ avec W_f est le travail de la force de frottement f . En déduire la valeur de f supposée constante.

3-Déterminer la somme des forces extérieures $\sum \vec{F}_{EXT}$ qui s'exercent sur S_2 .

4-En appliquant l'expression générale de la deuxième loi de Newton, trouver l'expression de la quantité de mouvement de S_2 en fonction de temps.

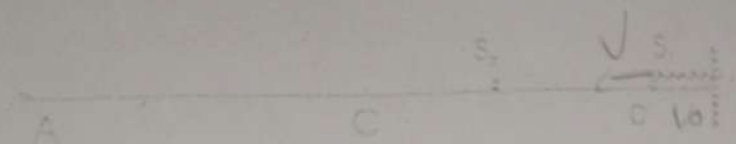
5-Déduire et Calculer Δt la durée du parcours de S_2 sur DE.

Deuxième exercice (5 points)

Choc élastique

Une piste constituée d'une partie OCA horizontale ; la piste est parfaitement lisse sauf la zone entre A et C rugueuse.

Un ressort R à spires non jointives de constante de raideur $K = 20 \text{ N/m}$ est utilisé pour lancer une petite sphère (S_1) de masse $m_1 = 200 \text{ g}$. Le ressort est comprimé de $X_m = 10 \text{ cm}$, pendant que (S_1) est placée au repos en O.



1-Calculer la vitesse V_1 de (S_1) juste au moment où la sphère se sépare du ressort.

2-Au cours de son mouvement sur OC, (S_1) entre en choc parfaitement élastique avec la deuxième sphère (S_2) de masse $m_2 = 100 \text{ g}$, initialement au repos. prendre V'_2 de (S_2) juste après le choc $V'_2 = 1.33 \text{ m/s}$.

Déterminer les caractéristiques de la force moyenne $\overline{F}_{1/2}$ exercée par (S_1) sur (S_2) sachant que le contact entre ces deux sphères dure 0.1 s .

3-Déterminer v'_1 la valeur de la vitesse de S_1 juste après le choc sachant qu'avant le choc $V_1 = 1 \text{ m/s}$

4-La sphère (S_2) arrive en C avec la vitesse V'_2 . Trouver sa vitesse lorsqu'elle passe par A en appliquant le théorème de l'énergie cinétique sur S_2 , sachant que la force de frottement entre C et A est $f = 0.05 \text{ N}$ et que la distance $CA = d = 1 \text{ m}$.

Bon travail