## الاختبار المشترك الأول العام الدراسي: 2020-2020

# باسمه تعالى امتحانات الشهادة الثانوية العامة الفرع: علوم الحياة



مؤسسات أمل التربوي المديرية التربوية

الاسم: الرقم: مسابقة في مادة الرياضيات (فرنسي) المدة ساعتان

عدد المسائل: أربع

#### I- (4 points)

Dans le tableau suivant , **une seule** des réponses proposées à chaque question est correcte. Écrire le numéro de chaque question et donner **en justifiant** la réponse qui lui correspond.

Questions		Réponses		
		A		A
1)	L'esnsemble des solutions de l'inéquation (E): $(\ln x)^2 - 4 \ln x + 3 < 0$ est :	]0, +∞[	]e, e <sup>3</sup> [	]1, 3[
2)	Soient A (1, 2, 2) et B (3, 0, 2) . une équation du plan médiateur de [AB] est :	x - y - 1 = 0	2x - 2y - 1 = 0	x + y - 1 = 0
3)	Pour tout nombre complexe $z \neq i$ , alors $\left  \frac{1+iz}{\overline{z}+i} \right  =$	1	2	$\frac{\pi}{12}$
4)	$pour x > 0, \int x \ln x dx =$	$\frac{x^2 \ln x}{2} + c$	$\frac{x^2 \ln x}{2} - \frac{x^2}{2} + c$	$\frac{x^2 \ln x}{2} - \frac{x^2}{4} + c$

#### II- (4 points)

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct  $\left(O\;;\;\vec{i},\;\vec{j},\;\vec{k}\right)$ . On considère le plan

$$(P): 2x - 2y - z + 1 = 0 \text{ et la droite (d)}: \begin{cases} x = -t - 2 \\ y = -2t - 2 \end{cases} \text{, où } t \in IR \text{ et les points A( 1;-1; 0) et } \\ z = 2t + 1 \end{cases}$$

B(0, 0, -2).

- 1) Vérifier que l'équation de plan (Q) contenant (d) et passant par le point B est : 2x + y + 2z + 4 = 0
- 2) Montrer que le plan (P) et (Q) sont perpendiculaires.
- 3) Montrer que (d) est la droite d'intersection de plan (P) et (Q).
- 4) a- Montrer que A est équidistante aux plans (P) et (Q).
  - **b-** Déduire la distance de point A à (d).

#### III- (4 points)

Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct  $(O; \vec{u}; \vec{v})$ 

Pour tout  $z \in \mathbb{C} - \{0; 1; -1; i; -i \}$  on considère les points M, N et P d'affixes  $Z_M = z$ ,  $Z_N = z^2$   $Z_P = z^3$  respectivement. Soit  $z' = \frac{z+1}{z}$ .

- 1) Dans cette partie , soit  $z=\sqrt{2}e^{i\frac{3\pi}{4}}$  . Écrire z' sous la forme exponentielle.
- 2) **a-** Vérifier que  $z' = \frac{Z_P Z_M}{Z_P Z_M}$ .
  - **b-** Montrer que si z' est imaginaire pure alors MNP est un triangle rectangle en P.
- 3) Soit z = x + iy et z' = x' + iy' tel que x, y, x' et y' sont des nombres réels.

**a-** Vérifier que 
$$x' = \frac{x^2 + y^2 + x}{x^2 + y^2}$$
 et  $y' = \frac{-y}{x^2 + y^2}$ .

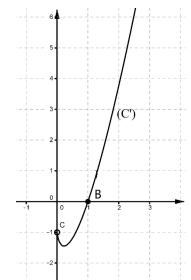
- **b-** On considére le point M'(z'), et la droite d'équation (d) : y = x. Montrer que si M varie sur la droite (d) alors M' varie sur la droite (d'), d'équation à déterminer.
- **c-** Montrer que si M' varie sur la droite d'équation x = 1, alors z est imaginaire pure.

### IV- (8 points)

On considère la fonction f définie sur  $]0;+\infty[$  par  $f(x)=x^2(\ln x)-x$ , et on désigne par (C) la courbe représentative de la fonction f dans un repère orthonormé  $(O;\vec{i},\vec{j})$ .

- 1) a- Calculer  $\lim_{x\to 0^+} f(x)$ 
  - **b-** Montrer que  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$  et calculer une valeur approchée à  $10^{-2}$  de f (3).
- 2) Dans la figure ci-contre :
  - (*C'*) est la courbe représentative de la fonction f ' dérivé de la fonction f.
  - (C') coupe (x'x) en B(1, 0)

Étudier le signe f'(x), et tracer le tableau de variation de f.



- 3) La droite (d): y = x coupe (C) en un point d'abscisse  $\alpha$ .
  - **a-** Verifier que  $2.3 < \alpha < 2.4$ .
  - **b-** Déduire que  $\alpha \ln \alpha = 2$ .
- 4) Tracer (d) et (C).
- 5) On suppose que l'aire du domaine limité par (C), (x'x), et la droite d'équation x = α est A = 0.64 unité de l'aire Calculer en fonction de α l'aire de domaine limité par (C), (x'x) et (d).
- 6) a- Montrer que f admet sur ]1, +∞[ une fonction réciproque g dont son domaine à déterminer.
  - **b-** Tracer (G), la courbe représentative de la fonction g, dans le même repère.
  - **c-** Résoudre l'inéquation  $g(x) \le \alpha$ .