

物理学家梦想

对自然作统一的描述。

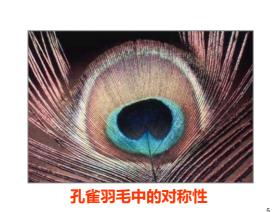
对称性 symmetry

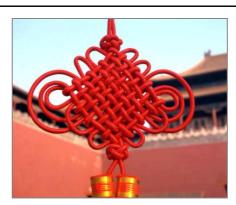
以它强大的力量 把物理学中那些看上去 毫不相关的方面连接起来。



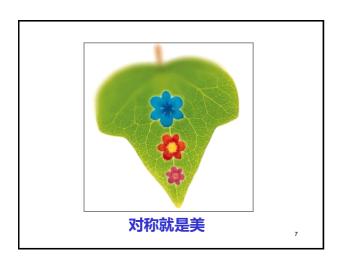




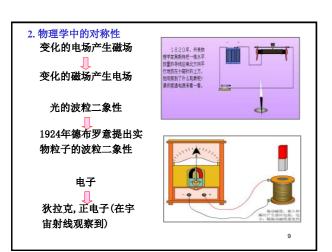


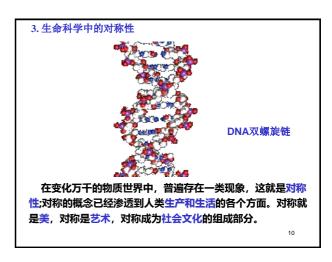


对称成为社会文化的组成部分

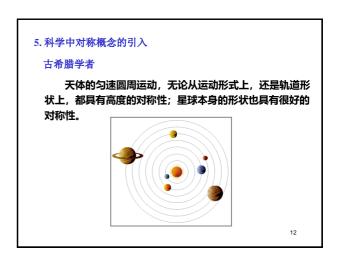


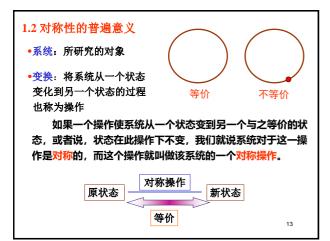


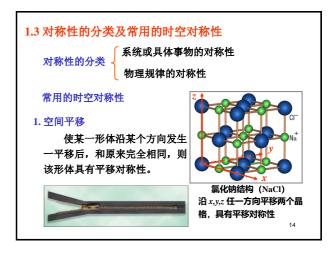


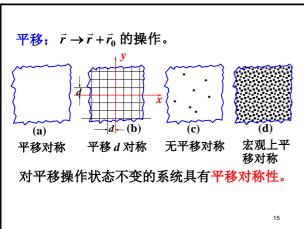








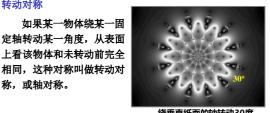






称,或轴对称。

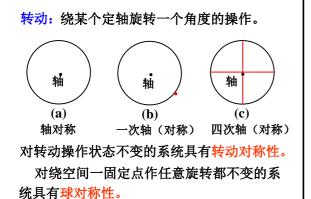
球对称性和各向同性

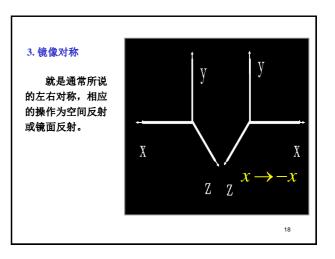


绕垂直纸面的轴转动30度, 具有转动对称性。

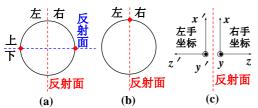
如果一个物体对通过某一定点的任意轴线都具有转动 对称性则该物体具有球对称性。

具有球对称性的物体,从对称中心出发,向各个方向 的性质都一样,称为各向同性。





镜象反射:相当于"照镜子"的变换。



上下、左右均对称 只左右对称

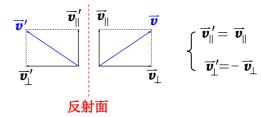
坐标系反射

根据镜象反射的性质可将物理学中的矢量

分成两类: 极矢量和 轴矢量

极矢量: 镜象反射中垂直反射面的分量反向, 平行反射面的分量不变向。

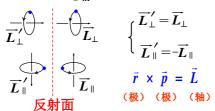
如: \vec{r} , \vec{v} , \vec{a} , \vec{E} , ...



轴矢量(赝矢量): 镜象反射中垂直反射面的

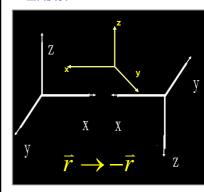
分量不变向, 平行反射面的分量反向。

如: $\vec{\omega}$, \vec{L} , \vec{p}_m , \vec{B} , ...



可以证明: 极矢量×极矢量 → 轴矢量

4. 空间反演



空间反演就是 把空间的三个坐标 轴都反向的操作。 如果一个物体经过 空间反演变换和原 来一模一样,则该 物体具有空间反演 对称性。

22

空间反演: $\vec{r} \rightarrow -\vec{r}$ 的操作称为对原点O

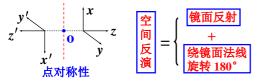
的空间反演。

直角坐标系中的空间反演 ⟨ y → −y

空间反演不变的系统具有对O的点对称性。

例如,立方体对其中心具有点对称性。

反映空间反演对称性的物理量叫字称 (parity)。



▲ 文学创作中也有镜象反射和空间反演对称

回文词(镜像反射) 纳兰性德

雾窗寒对遥天暮暮天遥对寒窗雾

袖罗垂影瘦 瘦影垂罗袖 风剪一丝红

花落正啼鸦 鸦啼正落花 红丝一剪风

镜象反射面

回文诗 (镜像反射)

《题金山寺》

(宋) 苏东坡

潮随暗浪雪山倾 远浦渔舟钓月明

明月钓舟... 清波石眼...

桥对寺门松径小 巷当泉眼石波清

迢迢远树江天晓 蔼蔼红霞晚日晴

晴日晚霞...

遥望四山云接水 碧峰千点数鸥轻 轻鸥数点...

反射面

回文对联 (镜像反射)

上海自来水来自海上

上海自来水来自海上

南山长生松生长山南

南山长生松生长山南

回文诗(空间反演)

《虞美人》(1) (清)朱焘(字杏孙)

秋声一夜凉灯瘦 寂寂愁新逗

病蛩悲蟀小庭中 落月悄垂帘影翠房空

轻烟黛锁双眉恨 背镜情无准

粉残脂剩酒醒难 靠遍皱痕罗袖倚天寒

空间反演 (倒过来掉一下句读)

寒天依袖罗痕皱 遍靠难醒酒

剩脂残粉准无情 镜背恨眉双锁黛烟轻

空房翠影帘垂悄 月落中庭小

蟀悲蛩病逗新愁 寂寂瘦灯凉夜一声秋

26

回文诗(空间反演)

《虞美人》(2) (清)朱焘(字杏孙)

孤楼倚梦寒灯隔 细雨梧窗逼

冷风珠露扑钗虫 络索玉环圆鬓凤玲珑

肤凝薄粉残妆悄 影对疏栏小

院空芜绿引香浓 冉冉近黄昏月映帘红

空间反演 (倒过来掉一下句读)

红帘映月昏黄近 冉冉浓香引

绿芜空院小栏疏 对影悄妆残粉薄凝肤

珑玲凤鬓圆环玉 索络虫钗扑

露珠风冷逼窗梧 雨细隔灯寒梦倚楼孤

27

回文诗(空间反演)

《虞美人》(2)→七律 (清)朱焘(字杏孙)

孤楼倚梦寒灯隔 细雨梧窗逼冷风 珠露扑钗虫络索 玉环圆鬓凤玲珑 肤凝薄粉残妆悄 影对疏栏小院空 芜绿引香浓冉冉 近黄昏月映帘红

空间反演 (倒过来掉一下句读)

红帘映月昏黄近 冉冉浓香引绿芜 空院小栏疏对影 悄妆残粉薄凝肤 珑玲凤鬓圆环玉 索络虫钗扑露珠 风冷逼窗梧雨细 隔灯寒梦倚楼孤

28

5. 标度变换

即放大或缩小后呈现的自相 似性,或局部与整体的相似性。

在标度变换中形成的自相似 性现象 (分形) 示例。







鹦鹉螺 (天然对数螺线)



29



谢尔宾斯 基镂垫





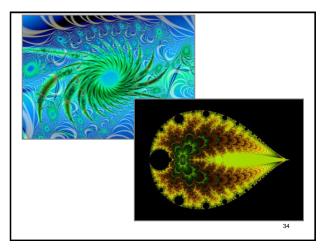


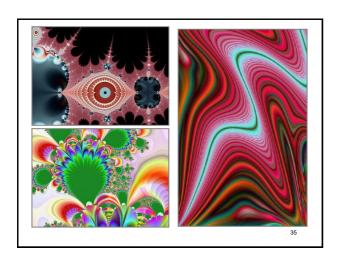
分形就是这些有趣的东西,它的每一个小小的组成部分,都和整 体一样,只是进行了一定的缩小。在上面的图中,某个部分和整个图 长得很像。这种特性也叫做"自相似",正是因为这个特性,分形才 非常有用,自然界中许多东西都具有这种特性。

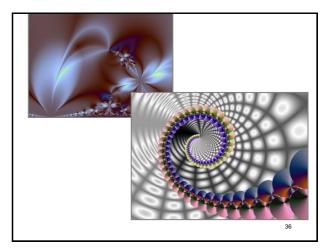
开始时,首先画一个大写字母"Y",接着在"Y"的两个分岔上再分别画上两个"Y",大小大约是原来的一半。紧接着,再在每个"Y"的分岔上再画上更小的"Y"。再接下来就按照上面的方法,不停地添加越来越小的"Y",直到整个图形看上去象一棵树。











6. 时间平移

如果一个物体,在时间上平移某一时间间隔后,和原 来的完全相同,则称该物体具有时间平移不变性,或时间 平移对称性。

静止不变的体系:对任意△ 都具有时间平移不变性 周期性变化的体系: 如右图中的单摆

7. 时间反演

时间反演就是把t变成 -t 的变换。 具有时间反演不变性的现象,称为具有 时间反演对称性。





单摆对周期7的整数 倍的时间间隔平移具 有时间平移不变性

现实中,时间不会 倒流! 但是, 具有时间 反演不变性的体系是存 在的! 比如,无阻尼的 弹簧振子。

大壮时川 悲カ归海

在时间反演操作下,不同的物理量表现出不同的性质

速度不具有时间反演

不变性而加速度则具有 时间反演不变性,因而 牛顿第二定律具有时间 反演不变性。

	时间反演	
	自由落体	竖直上抛
速度	↓	1
加速度	↓	\
		38

时间平移: $t \rightarrow t + t_0$ 的变换。

- ▲ 静止物体对时间平移具有对称性:
- ▲匀速运动物体的速度对时间平移具有对称性;
- ▲周期系统对时间平移整数周期具有对称性。 时间反演: $t \rightarrow -t$ 的变换(时间倒流)

39

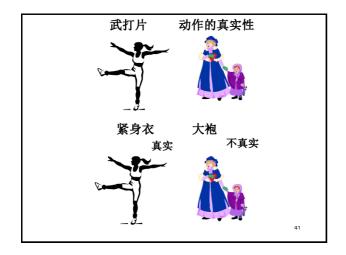
▲ 力对时间反演变换有两种情况: 保守力只与物体相对位置有关,

故对时间反演不变。

耗散力与速度方向有关,

故对时间反演变化。

- ▲牛顿第二定律对保守系统时间反演不变, 对非保守系统则不具有时间反演不变性。
- ▲统计规律(如扩散)没有对时间反演的不变性。 研究系统时间反演的性质要区分宏观和微观。



8. 联合操作与对称性

阴阳鱼

有的系统对某种操作可能不具有对称性, 但对几种操作的联合却可能具有对称性。

例如:

对绕中心转180°和黑白置换 的联合操作具有对称性。

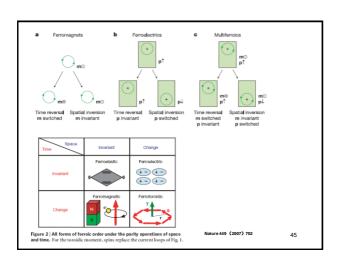






对镜象反射加上黑白置换也许还要加上必要的平移操作才构成对称操作。

44



伽里略变换是一种时空联合操作,牛顿定 律对此联合操作是不变的。

同样,洛仑兹变换也是一种时空联合操作, 但牛顿定律对此联合操作就不是不变的了。

物理学中除上述的时间、空间操作外,还 涉及到一些其它的操作,例如:电荷共轭变换 (粒子与反粒子间的变换),规范变换,全同 粒子置换等等。它们也和系统的某些对称性 相联系。

46

2 物理定律的对称性

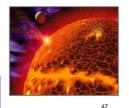
物理定律的对称性是指:经过一定的对称操作后,物理定律的形式保持不变。

存在一种对称性就必定存在一条相应的物理守恒定律,若 存在一条物理守恒定律就必定能找到一种对称性与之对应。

2.1 时间均匀性和能量守恒定律

当把研究物体运动的时间起 点进行平移时,物理规律(运动 方程)的具体形式不会改变。即 物理规律对于时间平移变换具有 不变性。

几百年前星体间的万有引力和 今天的万有引力不一样么?



时间均匀性 两个粒子组成的体系,只有保守力作用 对于同样的相对位置,体系 相互作用势能不随时间变化 $E_p = E_p(x) \text{ (不是 } t \text{ 的函数)}$ 相互作用力所做的功: $A_{12} = \int_{x_1}^{x_2} F(x) \mathrm{d}x = -\int_{x_1}^{x_2} \frac{\mathrm{d} E_p}{\mathrm{d}x} \mathrm{d}x \\ = -\int_{E_{p_1}}^{E_{p_2}} \mathrm{d}E_p = E_{p_1} - E_{p_2} \\ \text{由动能定理} \quad A_{12} = E_{k2} - E_{k1}$

时间均匀性和力学体系的能量守恒定律的联系

2.2 空间均匀性和动量守恒定律

空间均匀性意味着: 当 用坐标和运动方程表示物体运 动时,移动坐标原点,物理规 律(运动方程)的形式不会改 变。即物理规律对于坐标平移 变换具有不变性。

在世界不同地方进行的体育运动 所遵循的物理规律不一样么?



空间均匀性和力学体系的动量守恒定律的联系

考虑两个粒子A,B组成的系统,相互作用势能为U。 用 \vec{f}_{12} 表示A对B的作用力,用 \vec{f}_{21} 表示B对A的作用力。49





$$\vec{f}_{21}$$
做的功 $\Delta U = \vec{f}_{21} \cdot \Delta \vec{s}$

$$A$$
不动,移动 B

$$B \xrightarrow{-\Delta \bar{s}} B'$$
 \bar{f}_{12}

$$egin{aligned} ar{f}_{12}$$
做的功 $\Delta U^{'} = ar{f}_{12} \cdot (-\Delta ar{s}) \ = -ar{f}_{12} \cdot \Delta ar{s} \end{aligned}$

两粒子间相互作用势能,仅与相对位置有关有

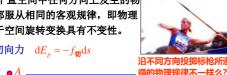
$$\begin{split} U + \Delta U &= U + \Delta U' \quad \Rightarrow \Delta U = \Delta U' \Rightarrow \vec{f}_{21} = -\vec{f}_{12} \\ \vec{f}_{12} + \vec{f}_{21} &= \frac{\mathrm{d} \vec{p}_2}{\mathrm{d} t} + \frac{\mathrm{d} \vec{p}_1}{\mathrm{d} t} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d} t} (\vec{p}_2 + \vec{p}_1) = 0 \end{split}$$

$$\vec{p}_2 + \vec{p}_1 = \text{const}$$
 动量守恒

2.3 空间各向同性和角动量守恒定律

在平直空间中任何方向上发生的物 理现象都服从相同的客观规律,即物理 规律对于空间旋转变换具有不变性。

假定有切向力 $dE_n = -f_{ty}ds$





两粒子间相互作用势能只与 它们之间的距离有关,与粒 子位置和连线方向无关。

 $dE_p = 0 \Longrightarrow f_{tol} = 0$ $\bar{M} = \bar{r} \times \bar{f}_{tt} = 0 \Rightarrow$ 角动量守恒



51

随着物理学的发展,人们认识的对称性和守 恒量也越来越多。除能量、动量和角动量外还有 电荷、轻子数、重子数、宇称等守恒量。

对称性原理是超越物理各个领域的普遍法则,

在未涉及一些具体定律之前,我们往往可能根据 对称性原理作出一些判断,得出某些有用的信息。 这些法则不但不会与已知领域中的具体定律相悖, 而且还能指导我们去探索未知的领域。

52

50

3 宇称守恒与不守恒

3.1 宇称与宇称守恒定律

宇称的概念

是用来描述物体的运动 状态和它在镜子里的像的运 动状态是否相同的一个物理 量。宇称就是与空间反演操 作相对应的守恒量。

P: 空间反演

$$P^2 = 1$$

∫ 1 偶字符

宇称具有可乘性而非可加性

镨面







53

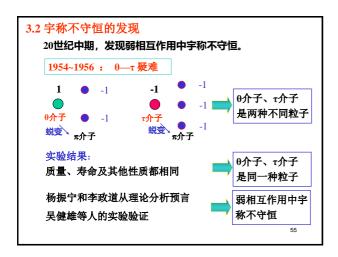
举例:

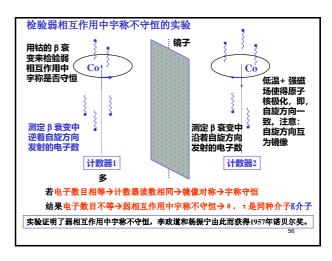
在量子力学中用波函数描述粒子的运动。如果某粒子 的运动状态用 $\psi(x)=\cos x$ 来描述,进行一次空间反演,即 $P\cos x = \cos(-x) = \cos x$ 也就是处于正字称的状态,字称值为+1。

如果某粒子的运动状态用 $\psi(x)=\sin x$ 来描述,进行一次 空间反演,即 $P\sin x = \sin(-x) = -\sin x$, 也就是处于负字称的状态, 宇称值为-1。

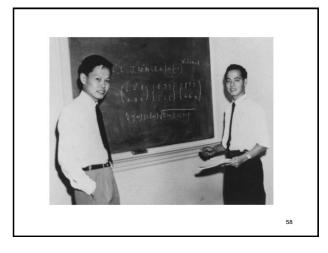
宇称守恒定律:

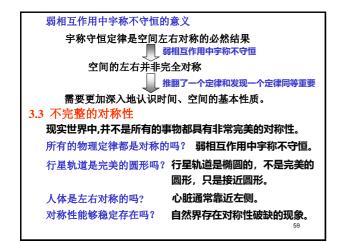
在没有外界影响的条件下,量子体系的内部无论其运 动如何复杂,无论发生如何剧烈的变化,其宇称不变。在 很长一段时间内,宇称守恒被作为自然界的普遍规律为人 们所接受。









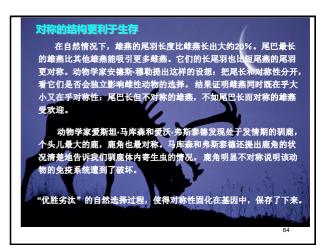


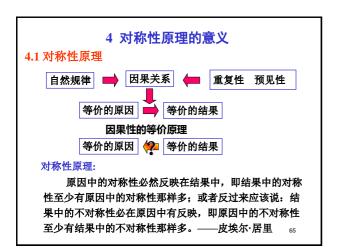


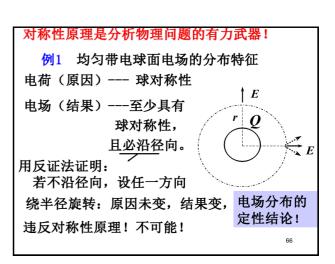


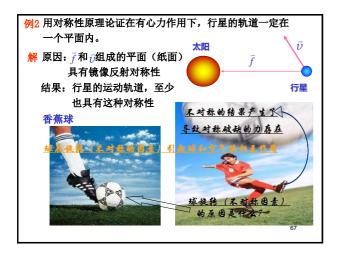


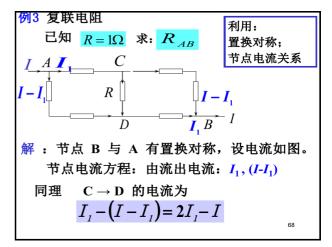


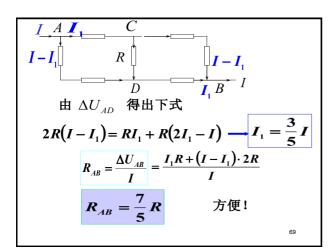


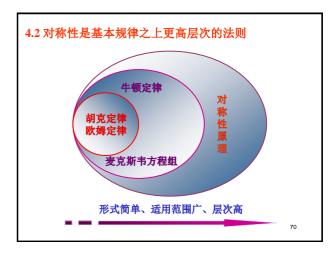












4.3 对称性原理在物理学的发展中起着重要的指导作用

奥斯特: 电流的磁效应

法拉第:变化的磁场产生电场



爱因斯坦:光的粒子性

德布罗意: 粒子的波动性



4.4 20世纪扩大了对称性的作用

1. 量子力学

在量子力学建立之后,对称性的作用越来越广泛。例如在量子力学中,动力学系统的态是用指明态的对称性质的量子数标记的,随后还出现了选择定则,它支配着在各态之间跃迁时量子数的变化。

2. 原子物理

在开始发展量子力学的1925年之后,对称才开始渗入原子物理学的语言中。后来,随着对核现象和基本粒子现象研究的深入,对称也逐渐渗入到了这些新领域的语言中。

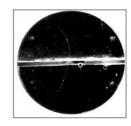
3. 元素周期表

周期表的发现是人们对对称性深刻认识的另一个例证。 周期2、8、18等数字最初都是凭经验发现的,直到量子力 学建立后人们才逐渐明白这些数可以从库仑力的转动对称 中直接得出。



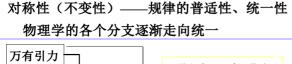
4. 反粒子的预言和发现

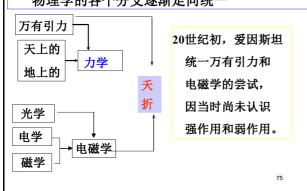
对称的概念具有深远意义的另一个例子是狄拉克关于存 在着反粒子的大胆的具有独创性的预言。1931年,狄拉克根 据数学方程式的对称性作出了存在反电子的预言,结果在 1932年的实验中所拍摄的宇宙射线的照片证实了反电子的存 在。

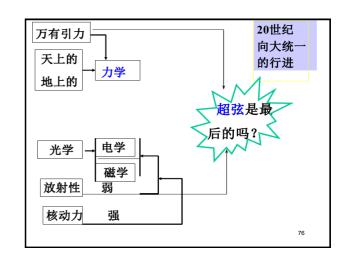


安德森拍到的第一张 正电子轨迹照片,正电 子从上往下运动。

74







参考书目

- ▲新概念物理教程《力学》赵凯华、罗蔚茵
- ▲定性与半定量物理学 赵凯华, 高教出版社
- ▲《基础物理学》上卷 陆果
- ▲《对称》 H. Weyl 商务印书馆 1986
- ▲《大学物理学》(力学 热学) 张三慧 主编
- ▲ "Lecture on Physics" R.Feynman.

Vol.1