# 誤差

### 労働経済学2

#### 川田恵介

### データ分析の根本問題

- データ ≠ 関心のある社会
  - 関心のある社会を調べ尽くすことは"不可能"
  - 調査者によって結論が異なる
- 例: クラス全員が、それぞれ独立して、池袋駅利用者調査を行う
  - 利用者男女比率についての調査結果は?

#### 注意が必要な文言

- "統計学的には 2 千人の回答があれば、「**有権者全体の縮図**」として**十分な分析**ができる程度の**誤差**におさまるといわれてます"
  - 朝日新聞の世論調査より

#### 再現可能性

- ある主張の**正しさ**をどのように検証???
  - 自分の目で確かめる
  - 少なくとも独立した第3者によって検証できる
- 一部自然科学では可能
  - 純粋な水は誰がやっても、100度で沸騰する
- 個体差が大きな事象を対象にする分野 "Soft Science" (医学、経済学、政治学などなど) では困難

## データ分析ロードマップ



#### ランダム・サンプリング

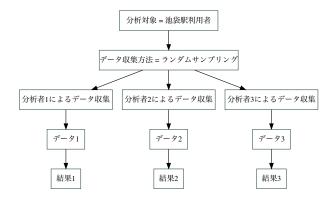
- 最も理想的なデータ収集方法
  - 調査対象を知りたい集団 (母集団) から、ランダムに選ぶ
  - 多くの公的統計で活用
- 正しい 手法を使えば、知りたい集団の特徴を正しく推論できる
  - 厳密な再現可能性は引き続きない

## 何を問題とするのか

- 分析対象が異なれば、結果が異なるのは当たり前
- データ収集方法が異なれば、結果が異なりうる
  - 早朝の池袋で調査 VS 深夜の池袋で調査
- 分析手法が異なれば、結果が異なる

- 分析の頑強性
- データ収集方法、分析対象、手法が同じでも結果が異なる

## データ分析ロードマップ



#### 例

- 各分析者が 100 人または 10 人を調査
  - 本当の男女比率は 50%
- ランダムサンプリングを行う

## 数値例: 100 サンプル

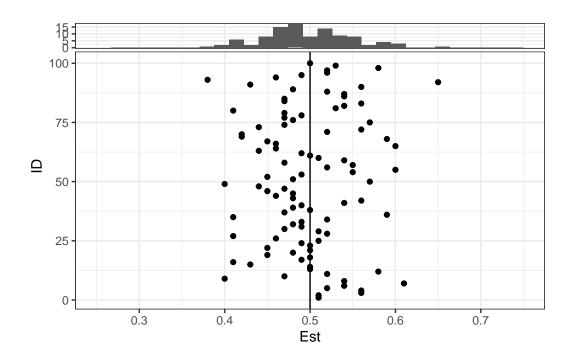
Registered S3 method overwritten by 'ggside':

method from

+.gg ggplot2

`stat\_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.

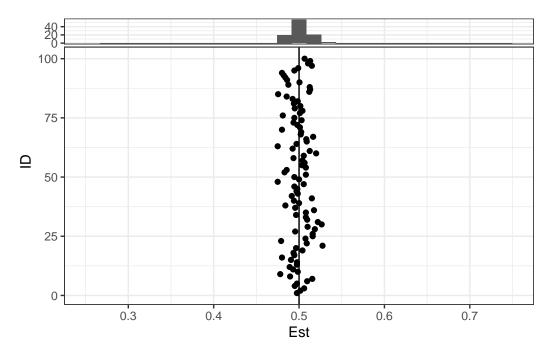
Warning: Removed 1 rows containing missing values (geom\_xsidebar).



## 数値例: 2000 サンプル

`stat\_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.

Warning: Removed 1 rows containing missing values (geom\_xsidebar).



## ランダムサンプルデータの性質 1

- サンプルサイズが無限大に大きくなると、真の値 (母集団における平均) と一致
  - 経済学研究ではほぼ実用性がない
  - かなり大きなデータでも、"致命的"な誤差が生じうる
  - 失業率が 5% ずれたら、、、、?
- 対策: 完全一致は諦める!!!

## 信頼区間

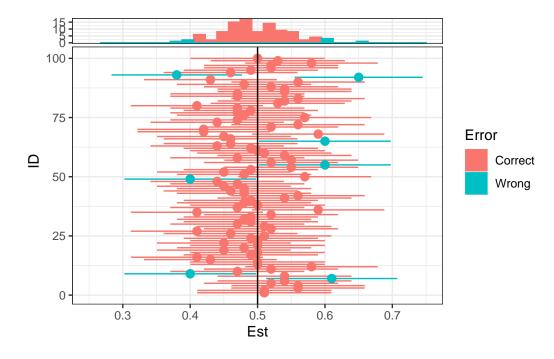
- 区間で答える
- 研究者の内  $\alpha\%$  が、真の値を含んだ区間を得られる

#### 数値例: 100 サンプル

4

`stat\_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.

Warning: Removed 2 rows containing missing values (geom\_xsidebar).

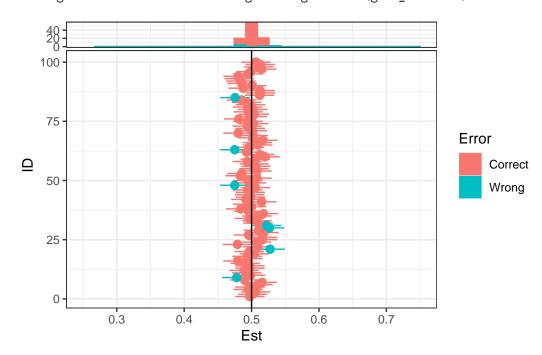


#### 数値例: 2000 サンプル

4

`stat\_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.

Warning: Removed 2 rows containing missing values (geom\_xsidebar).



## 算出方法

- 複数の方法が存在
- 代表的な方法は、漸近正規性 (サンプルサイズがある程度聞くなると、推定値は正規分布に近づく)
- 個票データがあれば、容易に計算可能
  - 計量経済学や機械学習の講義を取ってください
- 割合については、個票データがなくても計算可能

## 計算方法

- $\hat{p} = \vec{r}$ タ上の割合; N =サンプルサイズ
- 95% 信頼区間

$$[\hat{p} - 1.96*\sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{N-1}}, \hat{p} + 1.96*\sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{N-1}}]$$

#### 他の指標との関係

- p値,t値: 母平均が特定の値であるかどうかを検定
- 信頼区間と同じ理屈から算出
- "0" が 95% 信頼区間の外であれば、p 値は 0.05 以下

## まとめ

- データと現実には常にずれがある
- 全く同じ手続きを下手としても、ランダムサンプリングである限り、分析結果は一致しない
- 点ではなく、線で論じる