


## 行列の転置

行列  $A = (a_{ij})$  に対し、その成分の行と列の位置を交換してできる行列を**転置行列**という

ref: 行列と行列式の基礎 p78

ref: 長岡亮介 線形代数入門講義 p30

 転置行列  $A = (a_{ij})$  を  $m \times n$  型行列とすると、 $(i, j)$  成分が  $a_{ji}$  である  $n \times m$  型行列を  $A$  の**転置行列**と呼び、 ${}^tA$  と表す

文字  $t$  を左肩に書くのは、右肩に書くと  $t$  乗に見えてしまうからである  
 $t$  乗と区別しつつ、右肩に書く流儀として、 $A^T$  と書く場合もある


特別な場合として、 $n$  次の数ベクトル  $\boldsymbol{v}$  を  $n \times 1$  型行列とみて転置したものの  ${}^t\boldsymbol{v}$  は  $1 \times n$  型行列となる  
すなわち、数ベクトルの転置は**横ベクトル**になる

このことを利用して、たとえば


$$\begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ \vdots \\ v_n \end{pmatrix}$$

を  ${}^t(v_1, v_2, \dots, v_n)$  と表記することもある

**転置**は「行と列の入れ替え」であるので、明らかに次が成り立つ

 転置操作の反復不変性  ${}^tA$  に対して、転置をもう一度して得られる行列は  $A$  と一致する


$${}^t({}^tA) = {}^{tt}A = A$$

 転置と行列積の順序反転性 行列  $A, B$  の積  $AB$  が定義できるとき、

$${}^t(AB) = {}^tB {}^tA$$

 証明

 [ Todo 1: ref: 行列と行列式の基礎 p78 命題 2.5.3]

 行列の和に対する転置の分配性  $A$  と  $B$  が同じ型の行列であるとき、

$${}^t(A + B) = {}^tA + {}^tB$$


 証明

 [ Todo 2: ]


## 対称行列と交代行列

正方行列  $A$  が「転置しても元と変わらない」としたら、 $A$  の成分は左上から右下にかけての対角線に関して**対称** ( $a_{ij} = a_{ji}$ ) になっている

ref: 長岡亮介 線形代数  
入門講義 p30

 **対称行列** 正方行列  $A$  が次を満たすとき、 $A$  を**対称行列**という

$${}^tA = A$$

 **交代行列** 正方行列  $A$  が次を満たすとき、 $A$  を**交代行列**という

$${}^tA = -A$$

.....

## Zebra Notes

Type	Number
todo	2