# Chapter 1

# 微分と積分

# 1.1 1変数関数の微分

微分とは、複雑な問題も「拡大して見たら簡単に見える (かもしれない)」という発想で、わずかな変化に着目して入力と出力の関係 (関数) を調べる手法といえる。

# 1.1.1 接線:拡大したら直線に近似できる

関数 y=f(x) について、引数の値を  $x=x_0$  からわずかに増加させて、 $x=x_0+\Delta x$  にした場合の出力の変化を考える。



このとき、増分の幅  $\Delta x$  を狭くしていく( $\Delta x$  の値を小さくしていく)と、 $x=x_0$  付近において、関数 y=f(x) のグラフは直線にほとんど重なるようになる。



このように、関数 f(x) は、ある点  $x_0$  の付近では、

$$f(x) \simeq a(x - x_0) + b$$

という直線に近似することができる。

ここで、 $f(x_0)$  の値を考えると、

$$f(x_0) = a(x_0 - x_0) + b$$
$$= a \cdot 0 + b$$
$$= b$$

であるから、実は $b = f(x_0)$ である。

1.1. 1変数関数の微分 3

一方、*a* はこの直線の傾きを表す。

そもそも、傾きとは、xが増加したとき、yがどれだけ急に(速く)増加するかを表す量である。

関数のグラフを見ると、急激に上下する箇所もあれば、なだらかに変化する箇所もある。

つまり、ある点でグラフにぴったりと沿う直線(接線)を見つけたとしても、その傾きは場所に よって異なる。

そこで、「傾きは位置 x の関数」とみなして、次のように表現しよう。

$$a = f'(x)$$

これで、先ほどの直線の式を完成させることができる。

関数 $f(x)$ は、ある点 $x_0$ の付近では、 $f(x) \simeq f(x_0) + f'(x)(x - x_0)$ という傾き $f'(x)$ の直線に近似できる。	関数の各点の	接線			
	関数 f(x) は、	ある点 x <sub>0</sub> の	付近では、		
			$f(x) \simeq f(x_0) +$	$f'(x)(x-x_0)$	
という傾き ガ(x)の自然に近似できる。	という傾きが				

# 1.1.2 接線の傾きとしての導関数

傾きは位置 x の関数 f'(x) としたが、この関数がどのような関数なのか、結局傾きを計算する方法がわかっていない。

直線の傾きはxとyの増加率の比として定義されているから、まずはそれぞれの増加率を数式で表現しよう。



この図から、yの増加率 Δy は次のように表せることがわかる。

$$\Delta y = f(x + \Delta x) - f(x)$$

この両辺を  $\Delta x$  で割ると、x の増加率  $\Delta x$  と y の増加率  $\Delta y$  の比率が表せる。

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

図では  $\Delta x$  には幅があるが、この幅を限りなく 0 に近づけると、幅というより点になる。 つまり、 $\Delta x \to 0$  とすれば、 $\frac{\Delta y}{\Delta x}$  は任意の点 x での接線の傾きとなる。

「任意の点xでの傾き」もxの関数であり、この関数を導関数と呼ぶ。



1.1. 1 変数関数の微分 5

#### 1.1.3 微分とその関係式

微分 関数 f(x) から、その導関数 f'(x) を求める操作を微分という。

関数のグラフから離れて、微分という「計算」を考えるにあたって、先ほどの導関数の定義式よりも都合の良い表現式がある。

 $x \to 0$  とした後の  $\Delta x$  を dx と書くことにして、 $\lim_{\Delta x \to 0}$  を取り払ってしまおう。



# 1.1.4 不連続点と微分可能性

 $\le x$  において連続な関数であれば、幅  $\Delta x$  を小さくすれば、その間の変化量  $\Delta y$  も小さくなるはずである。



しかし、不連続な点について考える場合は、そうはいかない。

下の図を見ると、 $\Delta x$  の幅を小さくしても、 $\Delta y$  は不連続点での関数の値の差の分までしか小さくならない。



このような不連続点においては、どんなに拡大しても、関数のグラフが直線にぴったりと重なる ことはない。

「拡大すれば直線に近似できる」というのが微分の考え方だが、不連続点ではこの考え方を適用 できないのだ。

関数の不連続点においては、微分という計算を考えることがそもそもできない。

ある点での関数のグラフが直線に重なる (微分可能である) ためには、 $\Delta x \to 0$  としたときに  $\Delta y \to 0$  となる必要がある。

## 1.1.5 導関数のさまざまな記法

微分を考えるときは、 $\Delta x \to 0$  としたときに  $\Delta y \to 0$  となる前提のもとで議論する。

 $\Delta x \to 0$  とした結果を dx、 $\Delta y \to 0$  の結果を dy とすると、ある点 x での接線の傾きは、次のようにも表現できる。

$$\frac{dy}{dx} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

この接線の傾きがxの関数であることを表現したいときは、次のように書くこともある。

$$\frac{dy}{dx}(x)$$

これも一つの導関数(位置に応じた接線の傾きを表す関数)の表記法である。

この記法は、どの変数で微分しているかがわかりやすいという利点がある。



特に、 $\frac{d}{dx}f(x)$  という記法は、 $\frac{d}{dx}$  の部分を微分操作を表す演算子として捉えて、「関数 f(x) に微分という操作を施した」ことを表現しているように見える。



ところで、これまで使ってきた f'(x) という導関数の記法にも、名前がついている。



この記法は、「fという関数から導出された関数がf'である」ことを表現している。

導関数はあくまでも関数 f から派生したものであるから、f という文字はそのまま、加工されたことを表すために、f をつけたものと解釈できる。

## 1.1.6 微分の性質

微分の関係式を使うことで、微分に関する有用な性質を導くことができる。

## REVIEW

微分の関係式

元の関数 導関数 
$$f(x+dx) = f(x) + f'(x) dx$$

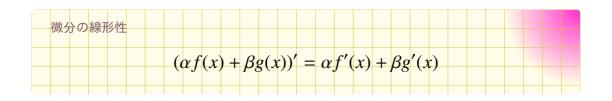
#### 関数の一次結合の微分

 $\alpha f(x) + \beta g(x)$  において、x を dx だけ微小変化させてみる。

$$\alpha f(x + dx) + \beta g(x + dx) = \alpha \{f(x) + f'(x)dx\} + \beta \{g(x) + g'(x)dx\}$$

元の関数

$$= \alpha f(x) + \beta g(x) + \{\alpha f'(x) + \beta g'(x)\} dx$$



#### 関数の積の微分

f(x)g(x) において、x を dx だけ微小変化させてみる。

$$f(x + dx)g(x + dx) = \{f(x) + f'(x)dx\}\{g(x) + g'(x)dx\}$$

$$= f(x)g(x) + f'(x)g(x)dx + f(x)g'(x)dx + f'(x)g'(x)dx^{2}$$
2 次以上の微小量
$$= f(x)g(x) + \{f'(x)g(x) + f(x)g'(x)\}dx + f'(x)g'(x)dx^{2}$$

ここで、 $dx^2$  は、dx より速く 0 に近づくので無視できる。

荒く言ってしまえば、dx でさえ微小量なのだから、 $dx^2$  なんて存在しないも同然だと考えてよい。 このことは、次の図を見るとイメージできる。 1.1. 1変数関数の微分 9



 $dx \to 0$  のとき  $dy \to 0$  となる場合に微分という計算を定義するのだから、dx を小さくしていくと、 dy にあたる f(x+dx)-f(x) (これは f'(x)dx と等しい)も小さくなっていく。 同様にして、g(x+dx)-g(x) (これは g'(x)dx と等しい)も小さくなっていく。

#### REVIEW

微分の関係式 f(x+dx) = f(x) + f'(x)dx より、

$$f'(x)dx = f(x + dx) - f(x)$$

dx を小さくした場合を図示すると、



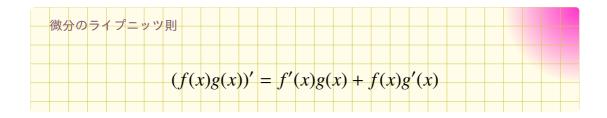
#### 2 次以上の微小量

 $f'(x)g'(x)dx^2$  に相当する左上の領域は、ほとんど点になってしまうことがわかる。

このように、dx<sup>2</sup> の項は無視してもよいものとして、先ほどの計算式は次のようになる。

元の関数  

$$f(x+dx)g(x+dx) = f(x)g(x) + {f'(x)g(x) + f(x)g'(x)} dx$$



#### 1.1.7 冪関数の微分

具体的な関数の導関数も、微分の関係式をもとに考えることができる。 まずは、簡単な例として、冪関数  $y = x^n$  の微分を考えてみよう。

 $y = x^2$  の微分

 $y = f(x) = x^2$  において、x を dx だけ微小変化させると、y は dy だけ変化するとする。 すると、微分の関係式は  $y + dy = f(x + dx) = (x + dx)^2$  となるが、これを次のように展開して考える。

$$y + dy = (x + dx)(x + dx)$$

右辺の (x+dx)(x+dx) からは、

- x²の項が1つ
- xdx の項が2つ
- dx<sup>2</sup> の項が1つ

現れることになる。

数式で表すと、

$$y + dy = x^2 + 2xdx + dx^2$$

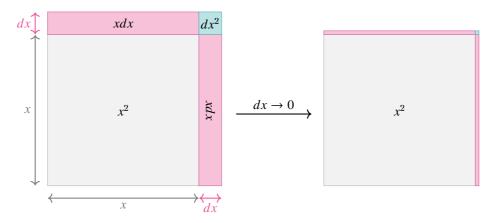
ここで $y = x^2$  なので、左辺のyと右辺の $x^2$  は相殺される。

#### 高次の微小量

$$dy = 2xdx + dx^2$$

さらに、 $dx^2$  の項は無視することができる。

なぜなら、dx を小さくすると、 $dx^2$  は dx とは比べ物にならないくらい小さくなってしまうからだ。



というわけで、次のような式が得られる。

$$dy = 2xdx$$

よって、 $y = x^2$  の導関数は、y' = 2x となることがわかった。

$$\frac{dy}{dx} = 2x$$

 $y = x^3$  の微分

同じように、 $y = x^3$  の微分を考えてみよう。

$$y + dy = (x + dx)(x + dx)(x + dx)$$

右辺の (x+dx)(x+dx)(x+dx) からは、

- x³の項が1つ
- x²dx の項が3つ
- dx<sup>3</sup> の項が1つ

現れることになる。

$$y + dy = x^3 + 3x^2 dx + dx^3$$

ここで $y = x^3$  なので、左辺のyと右辺の $x^3$  は相殺される。

#### 高次の微小量

$$dy = 3x^2dx + dx^3$$

さらにここでは、dx<sup>3</sup> の項を無視することができる。

次の図を見てみよう。

各辺 dx の立方体は、dx を小さくすると、ほぼ点にしか見えないほど小さくなる。

つまり、各辺 dx の立方体の体積 dx3 は、考慮する必要がない。



というわけで、 $y = x^3$  の導関数は、 $y' = 3x^2$  となることがわかった。

$$\frac{dy}{dx} = 3x^2$$

 $y = x^n$  の微分 (n が自然数の場合)

nが自然数だとすると、 $y = x^n$ の微分は、 $y = x^2$ や  $y = x^3$  の場合と同じように考えられる。

$$y + dy = \underbrace{(x + dx)(x + dx) \cdots (x + dx)}_{n \text{ (fill)}}$$

右辺の $(x+dx)(x+dx)\cdots(x+dx)$ を展開しようすると、次のような3種類のかけ算が発生する。

- x どうしのかけ算
- xとdxのかけ算

• dx どうしのかけ算

つまり、右辺からは、

- x<sup>n</sup> の項が1つ
- x<sup>n-1</sup>dx の項が n 個
- dx<sup>n</sup> の項が1つ

という項が現れることになる。

そして、 $x^n$  は左辺のy と相殺され、 $dx^n$  の項は高次の微小量として無視できる。

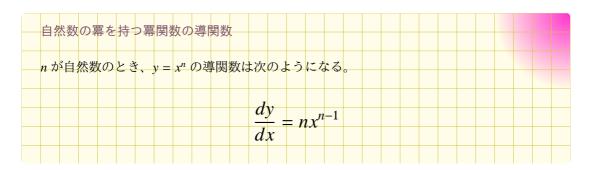
すると、残るのは次のような式になるだろう。

$$dy = nx^{n-1}dx$$

この式は、 $y = \alpha x$  という直線の式によく似ている。

高次の dx の項  $dx^n$  を無視し、1次の dx の項だけ残したのは、微分という計算が微小範囲における直線での近似であるからだ。

あくまでも微小範囲での直線の式であることを表すために、x,y を dx,dy として、 $dy = \alpha dx$  という形の式になっていると考えればよい。



 $y = x^n$  の微分 (n が整数の場合)

指数法則を使うことで、nが負の整数の場合にも拡張することができる。

まずは、 $y = x^{-1}$ の微分を考えてみよう。

指数法則より、 $y = x^{-1}$  は次のように変形できる。

$$y = \frac{1}{x}$$

$$xy = 1$$

両辺 ×x

微小変化を加えた微分の関係式を作って、次のように展開していく。

$$(x+dx)(y+dy) = 1$$
  
高次の微小量  
$$xy + xdy + ydx + dydx = 1$$

ここで、微小量の掛け合わせである dydx は無視できるほど小さい。

また、 $y = \frac{1}{x}$  より、xy = 1 なので、左辺の xy と右辺の 1 は相殺される。

すると、残った式は、

$$xdy + ydx = 0$$
  
 $xdy = -ydx$   
 $x\frac{dy}{dx} = -y$   
 $\frac{dy}{dx} = -\frac{y}{x}$   
両辺 ÷ $dx$ 

yが残ってしまっているので、 $y = \frac{1}{x}$ を代入すると、

$$\frac{dy}{dx} = -\frac{1}{x^2}$$
$$= -x^{-2}$$

これは、冪が自然数の場合の冪関数の微分  $\frac{dy}{dx} = nx^{n-1}$  において、n = -1 を代入したものになっている。

nが任意の負の整数の場合も、同様に考えられる。

$$y = x^{-n} \not\in x^n$$
  $x^n y = 1 \succeq U \subset x$ 

$$(x+dx)(x+dx)\cdots(x+dx)$$
  $\times (y+dy)=1$  高次の微小量 
$$(x^n+nx^{n-1}dx+dx^n)\times (y+dy)=1$$
 高次の微小量を無視 
$$(x^n+nx^{n-1}dx)\times (y+dy)=1$$
 高次の微小量 
$$x^ny+x^ndy+nx^{n-1}ydx+nx^{n-1}dxdy=1$$
 相殺&無視 
$$x^ndy+nx^{n-1}ydx=0$$

移項してさらに整理すると、

$$x^{n}dy = -nx^{n-1}ydx$$
  
 $x^{n}\frac{dy}{dx} = -nx^{n-1}y$   
 $\frac{dy}{dx} = -nx^{n-1}x^{-n}y$   
 $= -nx^{n-1}x^{-n}x^{-n}$   
 $= -nx^{n-1}$   
 $= -nx^{n-1}$   
 $= -nx^{n-1}$   
 $= -nx^{n-1}$ 

これもやはり、冪が自然数の場合の冪関数の微分  $\frac{dy}{dx} = nx^{n-1}$  において、n を -n に置き換えたものになっている。

つまり、自然数(正の整数)だけでなく、負の整数も許容して、次のことがいえる。



#### $y = x^n$ の微分(n が実数の場合)

n が有理数の場合はどうだろうか。実はこれも、指数法則によって拡張することができる。 m と n はどちらも自然数として、 $y=x^{\frac{m}{n}}$  の微分を考える。

まず、 $y = x^{\frac{m}{n}}$  は、 $y^n = x^m$  とまったく同じ式である。

というわけで、 $y^n = x^m$ を微小変化させて、展開してみよう。

$$\underbrace{(y+dy)(y+dy)\cdots(y+dy)}_{n \text{ (III)}} = \underbrace{(x+dx)(x+dx)\cdots(x+dx)}_{m \text{ (III)}}$$

ここで、 $n \ge m$  は自然数なのだから、自然数冪のときと同じように考えて、次のような式が残ることになる。

$$ny^{n-1}dy = mx^{m-1}dx$$

よって、 $\frac{dy}{dx}$  の式の y を含まない形を目指すと、

$$\frac{dy}{dx} = \frac{mx^{m-1}}{ny^{n-1}}$$

$$= \frac{mx^{m-1}}{nx^{\frac{m}{n}(n-1)}}$$

$$= \frac{mx^{m-1}}{nx^{m-\frac{m}{n}}}$$

$$= \frac{mx^{m}x^{-1}}{nx^{-\frac{m}{n}}}$$

$$= \frac{mx^{-1}}{nx^{-\frac{m}{n}}}$$

$$= \frac{m}{n} \cdot \frac{x^{-1}}{x^{-\frac{m}{n}}}$$

$$= \frac{m}{n} \cdot x^{-1-(-\frac{m}{n})}$$
指数法則  $\frac{a^{m}}{a^{n}} = a^{m-n}$ 

$$= \frac{m}{n} \cdot x^{-1-(-\frac{m}{n})}$$
指数法則  $\frac{a^{m}}{a^{n}} = a^{m-n}$ 

$$= \frac{m}{n} \cdot x^{-1+\frac{m}{n}}$$

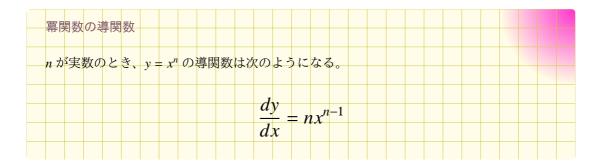
$$= \frac{m}{n} x^{\frac{m}{n}-1}$$

これは、冪が自然数の場合の冪関数の微分  $\frac{dy}{dx} = nx^{n-1}$  において、n を  $\frac{m}{n}$  に置き換えたものになっている。

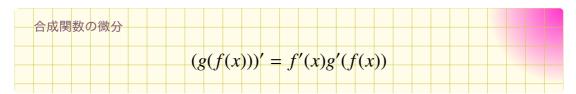
つまり、整数だけでなく、有理数に対しても同様の導関数の式が成り立つ。

ここまで来ると、無理数はどうだろうか?という疑問が生まれるが、無理数への拡張は指数法則 では対応できない。 1.1. 1 変数関数の微分 17

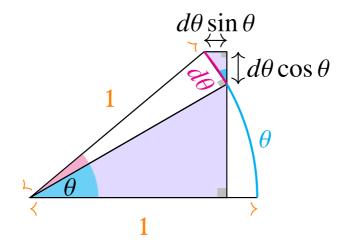
無理数に対しては、極限操作によって同様の導関数の式を導くことができ、実数全体に対して同 じ導関数の式が成り立つことが示される。



## 1.1.8 合成関数の微分



## 1.1.9 三角関数の微分



#### 1.1.10 ネイピア数

指数関数を定義した際に、「どんな数も0乗したら1になる」と定義した。

つまり、指数関数  $y = a^x$  において、x = 0 での関数の値は1である。

ここでさらに、x=0 でのグラフの傾きも1となるようなaを探し、その値をネイピア数と呼ぶことにする。

ネイピア数 (自然対数の底) 指数関数  $y = a^x$  において、x = 0 での接線の傾きが 1 となるような底 a の値をネイピア数 と呼び、e と表す。

だが、実はネイピア数を底とする指数関数は、「微分しても変わらない(すべてのxにおいて、関数の値と傾きが一致する)」という性質を持つ。

## 1.1.11 ネイピア数を底とする指数関数の微分

指数関数  $v = e^x$  の微分は、微分の定義から次のように計算できる。

$$\frac{d}{dx}e^{x} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{x + \Delta x} - e^{x}}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{x} \cdot e^{\Delta x} - e^{x}}{\Delta x}$$

$$= \lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{x} \cdot (e^{\Delta x} - 1)}{\Delta x}$$

$$= e^{x} \cdot \lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{\Delta x} - 1}{\Delta x}$$

ここで、 $\lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{\Delta x} - 1}{\Delta x}$  は x によらない定数であり、

$$\lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{\Delta x} - 1}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{0 + \Delta x} - e^0}{\Delta x}$$

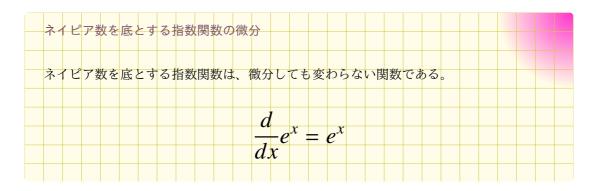
というように、これは x = 0 における傾き(導関数に x = 0 を代入したもの)を表している。 そもそも、ネイピア数 e の定義は「x = 0 での  $e^x$  の傾きが 1」というものだったので、

$$\lim_{\Delta x \to 0} \frac{e^{\Delta x} - 1}{\Delta x} = 1$$

となり、「ex は微分しても変わらない」という性質が導かれる。

$$\frac{d}{dx}e^x = e^x$$

1.2. 1変数関数の積分 19



# 1.2 1変数関数の積分

積分とは、「部分を積み重ねる」演算である。

微小部分を調べる微分と、微小部分を積み重ねる積分は、互いに逆の操作になっている。

#### 1.2.1 区分求積法:面積の再定義

長方形の面積は、なぜ「縦×横」で求められるのだろうか?

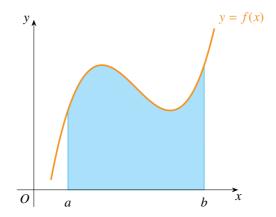
そこには、長方形の横幅分の長さを持つ線分を、長方形の高さに達するまで積み重ねるという発 想がある。

面積の計算を「線を積み重ねる」という発想で捉えると、あらゆる形状の面積を考えることができる。

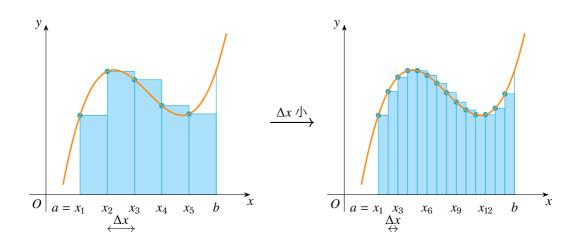
長方形では、積み重ねる線の長さは一定だが、他の形状では、積み重ねる線の長さが変化する。 積み重ねるべき線の長さを、関数で表すことができたら…

\* \* \*

関数 y = f(x) が与えられたとき、高さ f(x) の線分を a から b までの区間で積み重ねることで、x 軸とグラフに挟まれた部分の面積を求めることを考える。



この考え方は、面積を求めたい部分を長方形に分割し、長方形の幅を限りなく 0 に近づけるという操作で表現できる。

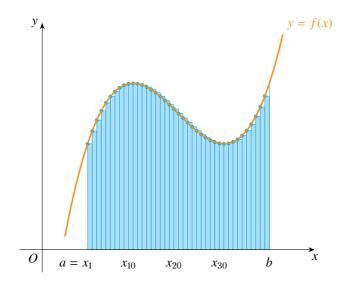


 $a \le x \le b$  の区間を n 等分して、 $x_1, x_2, ..., x_n$  とする。

分割された各長方形は、幅が $\Delta x$ で、高さがf(x)であるので、各長方形の面積は次のように表せる。

$$\Delta S = f(x) \cdot \Delta x$$

どんどん Δx を小さくしていくと、細かい長方形分割で、面積を求めたい図形を近似できる。



つまり、求めたい面積は、分割した長方形の面積をすべて足し合わせることで近似できる。

$$S \approx \sum_{i=1}^{n} f(x_i) \cdot \Delta x$$

 $\Delta x \to 0$  の果てでは、幅を持たなくなった長方形は線分とみなせるので、もはや近似ですらなくなるだろう。

$$S = \lim_{\Delta x \to 0} \sum_{i=1}^{n} f(x_i) \cdot \Delta x$$

このような考え方は、区分求積法と呼ばれる。

### 1.2.2 定積分:面積を求める積分

ここで、区間  $a \le x \le b$  における関数 y = f(x) と x 軸の間の面積 S を求める式を、次のように表記する。

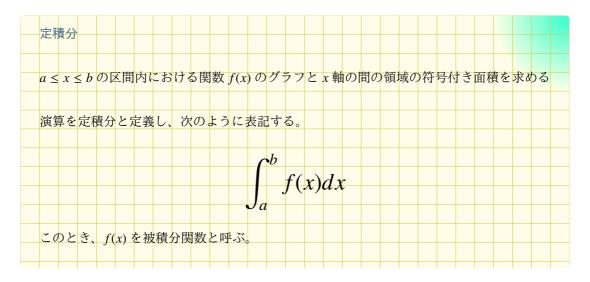
$$S = \int_{a}^{b} f(x) \, dx$$

 $\Sigma$  は離散的な和を表す記号であり、例えば  $\sum_{i=0}^n$  であれば、i を 1 ずつ増やして n に達するまで足し合わせることを意味する。

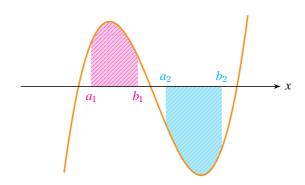
一方、ここで新たに導入した $\int$  は連続的な和を表す記号であり、微小変化を繰り返しながら足し合わせることを意味する。

∑は間隔を取って足し合わせるのに対し、∫は間隔を限りなく小さくして足し合わせる。

足し合わせる間隔を限りなく小さくするという操作は、極限を取る操作に相当するので、 $\sum$ の極限を取ったもの  $\lim \sum$  をまとめて  $\int$  という記号で表記したと捉えることができる。 さらに、 $\lim_{\Delta x \to 0}$  とした果ての  $\Delta x$  は、微小変化を意味する dx と書き換えられている。



f(x) の値が負になる区間では、定積分の値も負になるため、定積分は符号付き面積を表す。



# 1.2.3 微小範囲の定積分から微分へ

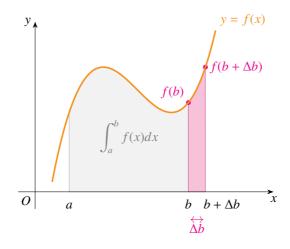
定積分  $\int_a^b f(x)dx$  は、積分区間の取り方  $(a \, b \, b \, o$ 値)を変えると、当然異なる計算結果になる。

ここで、下限 a は固定し、上限 b を変化させて積分区間を広げていくことを考えよう。 このとき、定積分  $\int_a^b f(x)dx$  は、b の関数として捉えられる。

$$F(b) = \int_{a}^{b} f(x)dx$$

1.2. 1変数関数の積分

23

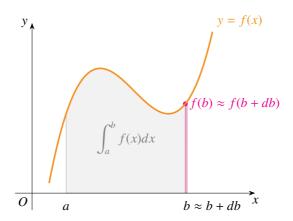


bを Δb だけ増加させたときに増える面積は、

$$F(b + \Delta b) - F(b) = \int_{b}^{b + \Delta b} f(x)dx$$

となるが、ここでさらに Δb を小さくしていくと…

増えた領域は、幅db、高さf(b)の長方形とみなせるので、その面積はf(b)dbとなる。



よって、 $\Delta b$  → 0 としたときには、

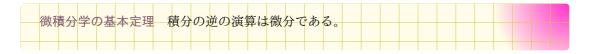
$$F(b+db) - F(b) = f(b)db$$

という式が成り立ち、これは実は見慣れた微分の関係式と同じ形をしている。

元の関数 導関数 
$$F(b+db) = F(b) + f(b) db$$

この式は、定積分 F(b) を b で微分すると、積分前の関数 f(x) に戻るということを示している。

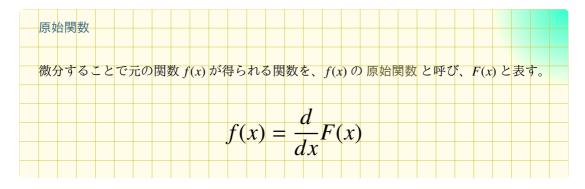
このような「積分したものを微分すると、元の関数に戻る」という事実は、微積分学の基本定理 として知られている。



### 1.2.4 不定積分:原始関数を求める積分

定積分の定義は面積から始まったが、定積分という操作で「微分したら元の関数に戻る」ような 関数を作ることもできた。

ここで、「微分したら元の関数に戻る」関数を次のように定義する。

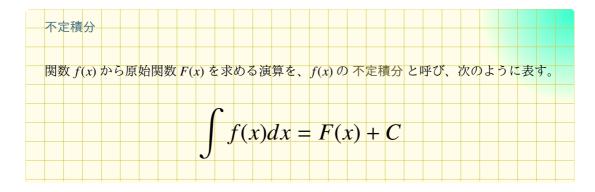


「微分したら元の関数に戻る」関数の 1 つが、前節で調べた  $F(b) = \int_a^b f(x) dx$  であったが、実はこのような関数は他にも存在する。

例えば、定数を微分すると 0 になるため、F(b) に任意の定数 C を加えた関数 F(b)+C を作っても、その微分結果は変わらず元の関数になる。

このことは、「原始関数には定数 C 分の不定性がある」などと表現されることがある。

「微分したら元の関数に戻る」関数を求める演算、すなわち「微分の逆演算」として捉えた積分を新たに定義してみよう。



25

<b>,</b> ,	・で	(	7 14	鴰.	公立	一米灯	と『	亚/宁	'th i	こに	.音/	かた	**//	でお	Z							
	_ (	, (	, VA	们只	ע נע	五女人	C #	1.19	. A U1	דן ע	:思(		. <del>4</del> X	C a,	<b>つ</b> る。	1						