0.1. 場合の数 1

## 0.1 場合の数

何通りの「場合」が起こり得るかを数え上げたものを場合の数という。

## 0.1.1 和の法則

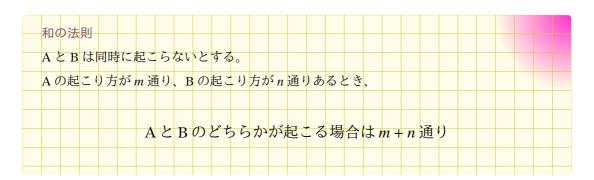
たとえば、A市からB市まで行ける路線が、

- 電車で4路線
- バスで3路線

あるとする。



このとき、電車かバスの「どちらか」でA市からB市まで行くときには、4+3=7パターンの路線から選ぶことになる。



$$A \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ \vdots \\ m \end{bmatrix} m 通 \emptyset$$

$$B \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ \vdots \\ n \end{bmatrix} n 通 \emptyset$$

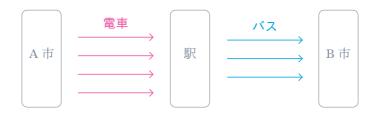
## 0.1.2 積の法則

今度は、A市からB市へ、駅を経由して行く場合を考えてみる。

A 市から駅までは電車で、駅から B 市まではバスで行くとする。 つまり、電車とバスを「両方使って」移動することになる。

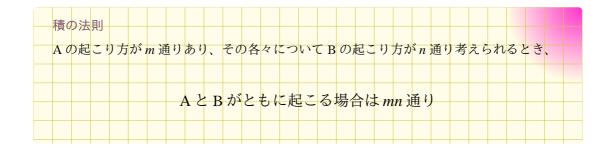
- A市から駅までの電車は4路線
- 駅からB市までのバスは3路線

どの路線の電車で行くかを決めたら、今度はどの路線のバスに乗るかを選ぶことになる。



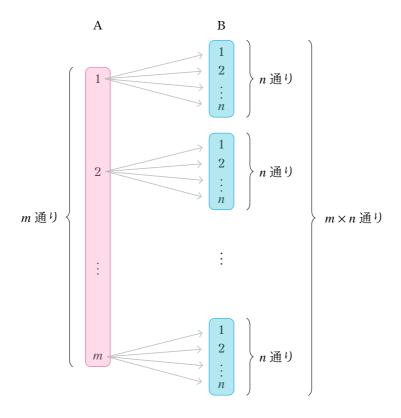
4通りの中からどの路線の電車を選んでも、次に乗るバスは3通りの中から選ぶ必要があるので、 電車の路線1つにつき、次に乗るバスの路線は3パターン考えられる。

「電車1路線につきバス3路線」というパターンの数は、かけ算で表すことができそうだ。 電車とバスを乗り継ぐ場合の路線の選び方は、3×4 = 12通りになる。



「AとBがともに起こる」とは、Aが起こった後にBが起こる場合を指す。

0.1. 場合の数 3



- 0.1.3 順列
- 0.1.4 階乗
- 0.1.5 組合せ
- 0.1.6 二項展開とパスカルの三角形