0.1. 数列

0.1 数列

数列は、「数の並びの規則性に着目しよう」という話題として語られる。 数の並びの規則性から、賢く足し算をする知恵も導かれる。

0.1.1 数列を語る言葉

ある規則によって数を並べた列を数列という。

$$a_1, a_2, a_3, \ldots, a_n, \ldots$$

無限個の数が並んでいるものは無限数列、有限個の数が並んでいるものは有限数列という。

並んでいる数を項といい、最初の数は初項、有限数列の場合は最後の数を末項という。 先頭から数えてn番目の数を第n項、これは一般項ともよばれる。

具体的な数をそのまま1つずつ並べて書いてもよいが、長くなってしまう上、規則性が見えにくい。 一般項だけを {} で囲むことで、一般項で表される数の集合として

 $\{a_n\}$

と書くことも多い。

* * *

さて、重要な規則性を持つ数列には、名前がつけられている。 まずは簡単なものから見ていこう。

0.1.2 等差数列

次のような規則で定まる数列は等差数列とよばれる。

初項 a₁ に次々と一定の数 d を足してつくられている数列



等差数列では、隣り合った 2 つの項の差がいつも一定の値 d になり、この d を等差数列の公差 という。

0.1.3 漸化式

初項と、項と項の間の関係を表す式があれば、その式によって初項の次の数、またその次の数、… というように、数列を復元することができる。

これはいわばドミノ倒しのようなもので、具体的に触れるのは初項だけでよい。あとは規則に従って数が決まっていく。

0.1.4 「離散的な関数」としての視点

数を「並べる」ということは、位置を表す自然数と、その位置にある数とのマッピング (対応づけ) としても捉えられる。

すなわち、位置を与えたらその位置にある数を返す関数

$$f(n) = a_n$$

という形で数列を捉えることもできる。

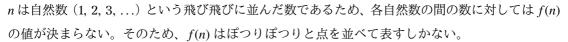
このとき、数列という名前の関数 f は、n から a_n を定める規則のことになる。

自然数 1, 2, 3, ... のそれぞれに対して、数 a_1 , a_2 , a_3 , ... が定まっているとき、この対応づける規則を数列という。



[Topo 1: 図:点で数列をプロットしたグラフ]

f(n) のグラフを書こうとしても、「線」にはならない。



このように、飛び飛びに並んでいるものは離散的と言われる。

離散的なデータを扱う場面では、データを数列(離散的な関数)として見て調べる視点も重要になる。

.....



0.1. 数列

Zebra Notes

Туре	Number
todo	1