

Yoneda lemma  
in every language

## 1 Introduction

TODO!

## 2 Yoneda lemma

TODO!

Łengua vènetà (ISO 639-3 vec): (El lema de Yoneda). Toi na categoria picola  $\mathcal{C}$  e un fontor  $F$  de sta categoria 'nte la categoria dei insiemi. Alóra, comunque che se toga n'ogeto  $X$  de  $\mathcal{C}$  gh'è n'isomorfismo (naturae ent'el sò argomento) tra l'insieme dee trasformaßioni naturai  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  e l'insieme  $FX$ , fisà de la regola

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$

(sta fonsion ea xe bijetiva).

Sicilianu (ISO 639-3 scn): (Lemma ri Yoneda). Aviss'a pigghiari na categoria  $\mathcal{C}$ , e un funturi  $F$  ri sta categoria rint'agl'insèmi. Pi tutti l'oggetti  $X$  ri  $\mathcal{C}$ , avimu na biggezione naturale 'nta l'insèmi ri tutte le trasformazioni naturali  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  e l'insèmi  $FX$ , fissatu ri la reggola

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$

(ssa funzioni iè biggettiva).

Esperanto (ISO 639-3 epo): (Lemo el Yoneda). Por ĉiuj kategorio  $\mathcal{C}$  kaj functo  $F$  de la kategorio  $\mathcal{C}$  en la kategorio de aroj, kaj por ĉiuj objektoj  $X$  el  $\mathcal{C}$  estas reciproke unuvalora surĵeto inter la aro de naturaj transformoj  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  kaj la aro  $FX$ , specifita de funkcio

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X).$$

Zenéise (ISO 639-3 lij): (Lémma de Yoneda). Segge  $\mathcal{C}$  una categuia picenina e  $F$  ŭn funtu' da sta categuia in ta' categuia di insiemmi. Alôa pe tutte e cose  $X$  in  $\mathcal{C}$  gh'è ŭna biessiun naturale tra l'insiemme de trasfurmasiun naturali  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  e l'insiemme  $FX$ , fisa da-a regula

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X).$$

(sta fonçiún a l'è biiettiva).

Napulitane (ISO 639-3 nap): (Lemma e' Yoneda). Pijətə  $\mathcal{C}$  'na categoriə piccerella e  $F$  'nu funtorə partenn a' chesta categoriə inte agl'insiemə. Allora pe' tutti quanti l'oggetti  $X$  e'  $\mathcal{C}$  ce' sta 'na funzionə ca po' turnà arrete partenn a' l'insiemə de' trashformazionə naturalə  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  e l'insiemə  $FX$  fissat da' regula

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X).$$

(chesta funzionə po' turnà arrete).

Français (ISO 639-3 fra): (Lemme de Yoneda). Soit  $\mathcal{C}$  une catégorie petite et  $F$  un foncteur de cette catégorie dans la catégorie des ensembles. Alors, pour tous les objets  $X$  de  $\mathcal{C}$  on a une bijection naturelle entre l'ensemble des transformations naturelles  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  et l'ensemble  $FX$ , e cet isomorphisme est spécifié par la règle

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$

(cette fonction est bijective).

English (ISO-39-3 eng): (Yoneda lemma). Let  $\mathcal{C}$  be a small category, and  $F$  a functor from this category to the category of sets. Then, for every object  $X$  of  $\mathcal{C}$  there is a natural bijection between the set of natural transformations  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  and the set  $FX$ , and this isomorphism is defined by the correspondence

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$

(this function is bijective).

Suomi (ISO 639-3 fin): (Yoneda'n Lemma). Anna olla joku pieni kategoria  $\mathcal{C}$  ja funktori  $F$  täältä kategorialta joukkojen kategoriassa. Joten jokaille alkiolle  $X$   $\mathcal{C}$ :ssä on luonteva bijektio luonnevan muunnoksen joukosta  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  [...]

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$

(tämä funktio on bijektiivinen).

Toki pona (ISO 639-2 art): (oko lili pi Jonewa).  $\mathcal{K}$  li lili kulupu en  $P$  li sulɩ tawa pana  $\mathcal{K}$  en noka kulupu pi mute.  $A$  li ijo pi  $\mathcal{K}$ . Sulɩ sulɩ tawa  $\text{hom}(-, A) \rightarrow P$  en ijo  $PA$  li sama; ona sama tan

$$\left( \xi : \text{hom}(-, A) \Rightarrow P \right) \mapsto \xi_A(1_A)$$

li pona tawa sama.

Პ (ISO 639-2 art): (> ∨ Პ Რ Jonewa).  $\mathcal{K}$  > ∨ Პ +  $P$  > ∨ Რ Პ  $\mathcal{K}$  + Რ Პ Რ Რ Რ.  $A$  > Რ Რ  $\mathcal{K}$ .  $\forall \forall \wedge \text{hom}(-, A) \rightarrow P$  + Რ  $PA$  > =; Რ = Პ

$$\left( \xi : \text{hom}(-, A) \Rightarrow P \right) \mapsto \xi_A(1_A)$$

li pona tawa sama.

Latin (ISO 639-2 lat): (Lemma Yonedæ). Sint  $\mathcal{C}$  categoria parva et  $F$  functor ab  $\mathcal{C}$  ad categoria totes; tum omne objecto  $X$  in  $\mathcal{C}$  naturalis invertibilis congruentia intra totum naturalium transformationum  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  totumque  $FX$  exstat.

Enim definitum est telum

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$

qui inversionem habet.

Estonian (ISO 639-2 est): (). Võtke väike kategooria  $\mathcal{C}$  ja funktor  $F$  kategooriast  $\mathcal{C}$  hulga kategooriale. Seejärel on iga objekti  $X$  väärtusest  $\mathcal{C}$  loomulik bijektsioon loomulike teisenduste hulga  $\text{hom}(-, X) \rightarrow F$  ja hulga  $FX$  vahel ning see isomorfism on defineeritud järgmisega kirjavahetust

$$\left( \xi : \text{hom}(-, X) \Rightarrow F \right) \mapsto \xi_X(1_X)$$