### Universidade Federal do Rio Grande do Norte Instituto Metrópole Digital IMD0601 - Bioestatística

# Distribuição de probabilidade

Prof. Dr. Tetsu Sakamoto Instituto Metrópole Digital - UFRN Sala A224, ramal 182 Email: tetsu@imd.ufrn.br







#### Baixe a aula (e os arquivos)

- Para aqueles que não clonaram o repositório:
- > git clone https://github.com/tetsufmbio/IMD0601.git
- Para aqueles que já tem o repositório local:
- > cd /path/to/IMD0601
- > git pull

#### Revisão

#### Distribuição discreta univariada

- Bernoulli
- Binomial
- Poisson

#### Funções no R relacionadas a distribuições comuns:

- rbinom, rpois
- dbinom, dpois
- pbinom, ppois
- qbinom, qpois

### Distribuição contínua univariada

Variável aleatória contínua → Espaço amostral de tamanho infinito e incontável.

Exemplos de distribuição:

- Normal
- Gama
- Beta

# Parâmetros nas distribuições de probabilidade

Parâmetro → Uma "constante" envolvida em uma função;

Na distribuição de probabilidade, os parâmetros são utilizados para moldar matematicamente o formato das distribuições;

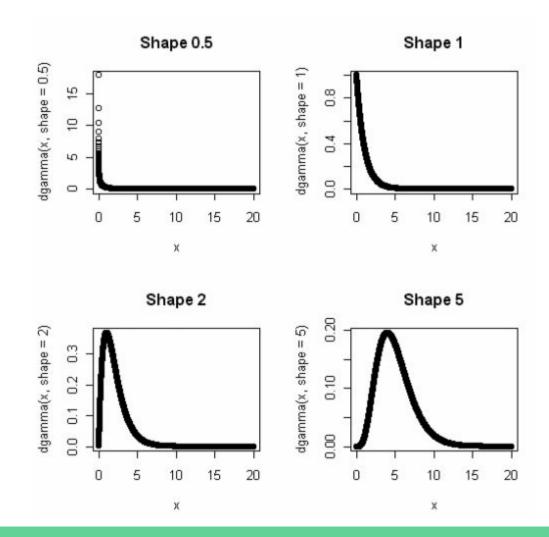
- Forma
- Escala
- Localização

Algumas distribuições podem utilizar um ou mais tipos de parâmetros, ou utilizá-los de forma híbrida;

#### Parâmetros de forma

Define o formato da distribuição;

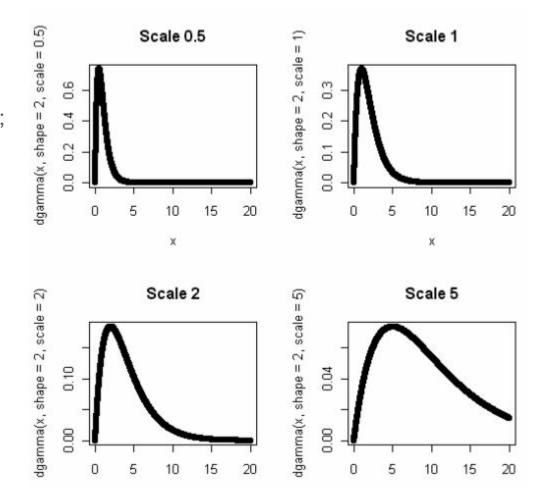
Exemplo: Distribuição gama, parâmetro alfa;



#### Parâmetro de escala

Define a dispersão da distribuição;

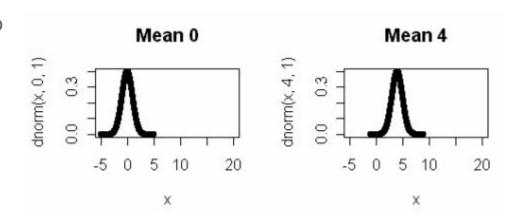
Exemplo: parâmetro beta da distribuição gama;



# Parâmetro de localização

Determina onde a distribuição se encontrará ao longo do eixo X;

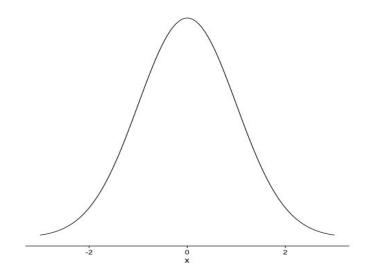
Exemplo: média em uma distribuição normal.



### Distribuição normal

Distribuição em forma de sino;

Facilmente padronizável



$$f(x)=rac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{rac{(x-\mu)}{2\sigma^2}}$$

$$z = \frac{x-\mu}{\sigma}$$

Modelo versátil para trabalhar com dados contínuos que não seguem uma distribuição normal.

#### Aplicação:

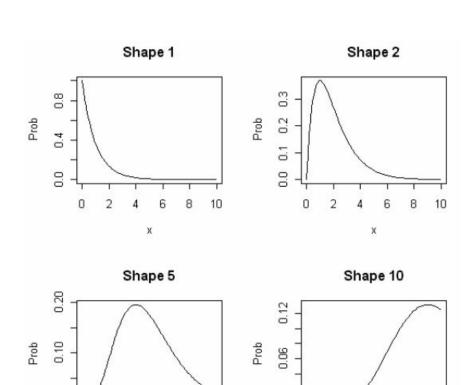
- Tempo de vida de um composto;
- Concentração de poluentes;

Apenas para números reais e positivos.

$$f(x)=rac{1}{eta^lpha\Gamma(lpha)}x^{lpha-1}e^{rac{x}{eta}}$$

Diferentes valores para alfa

$$f(x)=rac{1}{eta^{lpha}\Gamma(lpha)}x^{lpha-1}e^{rac{-x}{eta}}$$



0.00

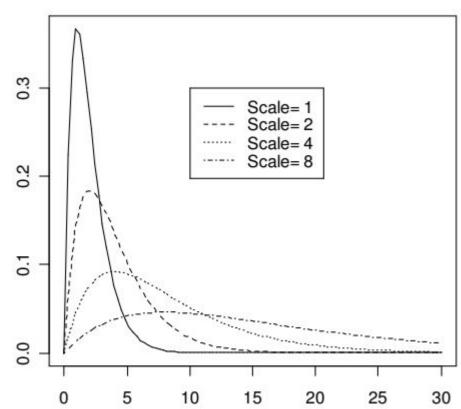
0

0.00

0

Diferentes valores para beta

$$f(x)=rac{1}{eta^{lpha}\Gamma(lpha)}x^{lpha-1}e^{rac{-x}{eta}}$$



Determinando os parâmetros alfa e beta para um conjunto de dados:

$$\mu = \alpha \beta$$
 $\sigma^2 = \alpha \beta^2$ 

# Distribuição exponencial

Derivada da distribuição gama;

$$\alpha = 1$$

Pode ser escrita na forma de taxa:  $\lambda = 1/\beta$ 

Aplicação:

$$f(x)=rac{1}{eta^{lpha}\Gamma(lpha)}x^{lpha-1}e^{rac{1}{eta}}$$

$$f(x)=rac{1}{eta}e^{rac{-x}{eta}}, x>0$$

$$f(x) = \lambda e^{-x\lambda}, x > 0$$

- Taxa de decaimento da radioatividade;
- Taxa de sobrevivência de bactéria;

#### Funções no R:

rexp, dexp, pexp, qexp;

### Distribuição do qui-quadrado

Derivado da distribuição gama;

$$\beta = 2$$

 $\alpha = k/2$ , onde k = grau de liberdade;

#### Aplicação:

Genética (dados de contagem);

#### Funções no R:

rchisq, pchisq, dchisq, qchisq

$$f(x)=rac{1}{eta^{lpha}\Gamma(lpha)}x^{lpha-1}e^{rac{-x}{eta}}$$

$$f(x)=rac{1}{2^{rac{k}{2}}\Gamma(rac{k}{2})}x^{rac{k}{2}-1}e^{rac{-x}{2}}$$

### Distribuição beta

Utiliza os parâmetros alpha e beta como a distribuição gama;

$$f(x) = rac{1}{eta(lpha,eta)} x^{lpha-1} (1-x)^{eta-1}, 0 < x < 1$$

Função Beta → proporção da função gama;

$$eta(lpha,eta)=rac{\Gamma(lpha)\Gamma(eta)}{\Gamma(lpha+eta)}$$

0 < x < 1 → Dados são medidas de proporção.

Dados de proporção de um aminoácido em um motivo protéico que não segue uma distribuição normal.

### Distribuição beta

#### Funções no R:

• rbeta, dbeta, pbeta, qbeta

 $\alpha$  = shape1;  $\beta$  = shape2

#### Aplicação:

Estatística Bayesiana

$$\mu = \frac{\alpha}{\alpha + \beta}$$

$$\sigma^2=rac{lphaeta}{\left(lpha+eta
ight)^2\left(lpha+eta+1
ight)}$$