## Hrúgur

Bergur Snorrason

16. febrúar 2021

## Hrúgur

- Rótartvíundatré sem uppfyllir að sérhver nóða er stærri en börnin sín er sagt uppfylla hrúguskilyrðið.
- ► Við köllum slík tré *hrúgur* (e. *heap*).
- Hrúgur eru heppilega auðveldar í útfærslu.
- Við geymum tréð sem fylki og eina erfiðið er að viðhalda hrúguskilyrðinu.

- Þegar við geymum tréð sem fylki notum við eina af tveimur aðferðum.
- Rótin er í staki 1 í fylkinu.
  - ▶ Vinstra barn staks i er stak 2 · i.
  - $\blacktriangleright$  Hægra barn staks i er stak  $2 \cdot i + 1$ . Foreldri staks i er stakið |i/2|.
- Sú seinni:

Sú fyrri:

- Rótin er í staki 0 í fylkinu.
- Vinstra barn staks i er stak  $2 \cdot i + 1$ .
- ightharpoonup Hægra barn staks i er stak  $2 \cdot i + 2$ .
- Foreldri staks i er stakið  $\lfloor (i-1)/2 \rfloor$ .

Bein afleiðing af hrúguskilyrðinu er að rótin er stærsta stakið í trénu.

► Algengt er að forgangsbiðraðir (e. priority queues) séu

útfærðar með hrúgum.

- Við getum því alltaf fengið skjótan aðgang að stærsta stakinu í
- trénu.

```
2 #define LEFT(i) ((i)*2 + 1)
3 #define RIGHT(i) ((i)*2 + 2)
4 #define MAXN 1000000
 5 int h[MAXN]. hn = 0:
7 void swap(int* x, int* y) { int t = *x; *x = *y; *y = t; }
8 void fix down(int i) // Hjálparfall.
  f // Ferðast niður tréð og lagar hrúguskilyrðið á leiðinni.
       int mx = i;
10
11
       if (RIGHT(i) < hn \&\& h[mx] < h[RIGHT(i)]) mx = RIGHT(i);
12
       if (LEFT(i) < hn && h[mx] < h[LEFT(i)]) mx = LEFT(i);
       if (mx != i) swap(&h[i], &h[mx]), fix down(mx);
13
14 }
15
16 void fix up(int i) // Hjálparfall.
  { // Ferðast upp tréð og lagar hrúguskilyrðið á leiðinni.
       if (i == 0) return:
18
19
       else if (h[i] > h[PARENT(i)])
20
           swap(&h[i], &h[PARENT(i)]), fix up(PARENT(i));
21 }
22
23 void pop()
24 { // Fiarlægir stærsta stakið.
25
       h[0] = h[--hn];
26
       fix down(0);
27 }
28
29 int peek() { return h[0]; } // Skilar stærsta stakinu.
30
31 void push (int x)
32 { // Bætir x við hrúguna.
33
       h[hn++] = x;
34
       fix up(hn - 1);
```

1 #define PARENT(i) ((i - 1)/2)

35 }

- Gerum ráð fyrir að við séum með n stök í hrúgunni.
- Þá er hæð trésins O(log n).

fylki svo tímaflækjan er  $\mathcal{O}(1)$ .

- Þar sem pop() þarf aðeins að ferðast einu sinni niður að laufi er tímaflækjan  $\mathcal{O}(\log n)$ .
- Þar sem push(...) þarf aðeins að ferðast einu sinni upp að
- rót er tímaflækjan  $\mathcal{O}(\log n)$ . Nú þarf peek() ekki að gera annað en að lesa fremsta stakið í