Posgrado en Ciencias Matemáticas Profra: Dra. Judith Campos Cordero 2025-1

judith@ciencias.unam.mx

Medidas de Young en la solución a EDPs

Datos del curso

- Horario: Martes de 17:00 a 18:00 hrs y viernes de 16:00 a 18:00 hrs.
- Temas selectos. 6 créditos
- El curso abarca un tema especializado y busca fungir como segunda etapa de preparación para abordar posteriormente un proyecto en el tema de aplicaciones de las medidas de Young a ecuaciones diferenciales parciales.
- Prerrequisitos:
 - 1. Teoría de la medida, en particular, medidas de Radón, medidas con signo, variación total, los teoremas de representación para espacios de funciones continuas, convergencia de medidas.
 - 2. El teorema de desintegración de medidas.
 - 3. Teorema fundamental de las medidas de Young.
 - 4. Semicontinuidad inferior y medidas de Young.
 - 5. Espacios de Sobolev, encajes, aplicaciones a problemas variacionales.

Temario

Se realizará una selección de los siguientes temas:

- 1. Profundización de la noción de medidas de Young.
 - (a) Nociones de convergencia en espacios de Lebesgue y su relación con las medidas de Young generadas.
 - (b) Medidas de Young gradiente. El caso homogéneo.
- 2. Cuasiconvexidad
 - (a) Semicontinuidad inferior.
 - (b) Desigualdad de Jensen para medidas de Young gradiente.

- 3. Relajación de funcionales
 - (a) El casco cuasiconvexo
 - (b) Relajación mediante medidas de Young
 - (c) Caracterización de medidas de Young gradiente: el teorema de Kinderleher-Pedregal.
 - (d) El lema de truncamiento de Zhang.
- 4. Repaso de operadores monótonos.
 - (a) Aplicaciones a ecuaciones diferenciales parciales.
- 5. Introducción a sistemas elípticos cuasilineales con monotonía débil.

Bibliografía

- R. A. Adams, *Sobolev spaces*, Pure and Applied Mathematics, Academic Press, vol. 65, New York-London, 1975.
- L. Ambrosio, N. Fusco, D. Pallara, Functions of Bounded Variation and Free Discontinuity Problems, Oxford University Press, 2000.
- Brezis, H., Functional Analysis, Sobolev Spaces and Partial Differential Equations, New York: Springer, 2011.
- David Kinderlehrer, and Pablo Pedregal. Weak convergence of integrands and the Young measure representation. SIAM Journal on Mathematical Analysis Vol 23 (1), 1992, 1-19.
- David Kinderlehrer, and Pablo Pedregal. Gradient Young measures generated by sequences in Sobolev spaces. The Journal of Geometric Analysis Vol 4 (1), 1994, 59-90.
- F. Rindler, Calculus of variations. Vol. 5. Springer, 2018.
- L. Tartar, Compensated Compactness and Applications to Partial Differential Equations, en "Nonlinear Analysis and Mechanics" Heriot-Watt Symposium, Vol. IV, Pitman Research Notes in Mathematics, 1979.
- L. C., Young, Lectures on the Calculus of Variations and Optimal Control Theory, Saunders, 1969.

Método de evaluación

• El curso se evaluará mediante exposiciones semanales (30%) y dos exámenes (con valor de 35% cada uno).