# TFSE Assignment I

# 作业提交说明

文件格式: PDF 文件

文件命名: 学号 \_ 姓名, 例如 123456\_ 张三。如需多次提交, 可在最后添加版本号, 例如

123456\_ 张三 \_v2 表示第二次提交。

提交地址: https://box.nju.edu.cn/u/d/5088f162fcba4b449e35/

截止时间: 2024 年 5 月 15 日 23:59:59

请独立完成,不要抄袭,我们对抄袭零容忍!!!

用迁移系统(Transition System)建模图1所示互斥算法,并说明两个进程是否会同时访问临界区。

```
P1:: while TRUE do
begin
    x := 2;
b1 := TRUE;
wait until (x = 1 or not b2);
(* critical section *)
b1 := FALSE;
(* non-critical section *)
end
```

```
P2:: while TRUE do
begin
   x := 1;
   b2 := TRUE;
   wait until ( x = 2 or not b1 );
   (* critical section *)
   b2 := FALSE;
   (* non-critical section *)
end
```

图 1: Mutual exclusion

用迁移系统(Transition System)建模图2所示函数,即给出对应的四元组 <  $V, \Sigma, T, I >$ 。提示:

- (i) 不需要建模 return;
- (ii) 可以引入额外变量来建模控制流信息。

```
1
     int GCDs(int a, int b, int c)
2
3
         while(b != 0)
 4
             int r = b;
5
             b = a \% b;
6
7
             a = r;
8
9
         while(a != c)
10
11
             if(a > c)
12
                 a -= c;
13
             else
14
                 c -= a;
15
16
         return a;
17
```

图 2: GCDs

#### 给定如下某电梯系统有关的命题:

• at<sub>i</sub>: 电梯在 i 层

• go\_up: 电梯上升

• *go\_down*: 电梯下降

•  $between_i$ : 电梯在 i 层和 i+1 层之间

• stop: 电梯没有移动

• open: 电梯门打开

•  $press_i$ : 去第 i 层的按钮被按下

• alarm: 电梯警报响起

#### 请描述以下属性:

(i) 电梯不可能同时在第一层和第三层。

(ii) 如果第三层的按钮被按下, 电梯将会到达该层。

(iii) 如果电梯没有移动,门就会打开。

(iv) 无论何时电梯在楼层间被卡住, 警报声会响起直到电梯恢复移动。

请判断下列线性时序逻辑(LTL)公式是否等价。若等价,给出证明,否则给出反例:

- (i)  $\mathbf{F}(p\mathbf{U}q) = \mathbf{F}p\mathbf{U}\mathbf{F}q$ .
- (ii)  $\mathbf{G}\phi \wedge \mathbf{X}\mathbf{F}\phi = \mathbf{G}\phi$ .

考虑以图3为基础的 Büchi 自动机,对于下列不同的接收状态集,判断该自动机的语言是否为空:

- (i)  $\{q_0, q_1\}$
- (ii)  $\{q_2, q_3\}$
- (iii)  $\{q_1, q_3\}$

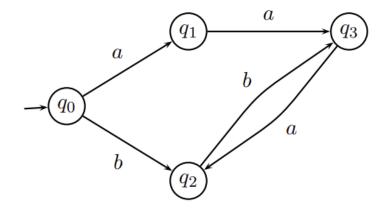


图 3: BA

将图4所示广义 Büchi 自动机转换为一个简单 Büchi 自动机。

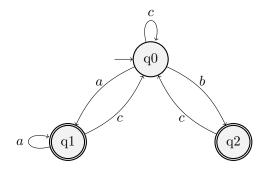


图 4: GBA

 $\diamondsuit$   $\Sigma = \{req, grant\},$ 对于以下 Büchi 自动机,请分别写出一个成立的规约(LTL)并写出 对应的一个可能的状态序列。

- (i) 图5(a) (初始状态为  $s_1$ );
- (ii) 图5(b);
- (iii) 图5(c)。

