《软件工程理论基础》作业一

2025年4月3日

作业提交说明

- 文件格式: PDF。
- 文件命名: 命名格式为 "学号 _ 姓名 _v 版本", 例如 "123456_ 张三 _v1" (可简写为 "123456_ 张三"),我们将按照最新版本评分。
- 提交地址: https://box.nju.edu.cn/u/d/4278e8b95ec74b6fb78e/。
- 截止时间: 2025 年 4 月 17 日 23:59:59。

对于任意迁移系统 (Transition System) $TS = (S, Act, \rightarrow, I, AP, L)$, 我 们定义下列性质:

- action-deterministic: $\forall s \in S \forall \alpha \in Act, |I| \leq 1 \land |Post(s, \alpha)| \leq 1$
- AP-deterministic: $\forall s \in S \forall A \in 2^{AP}, |I| \leq 1 \land |Post(s) \cap \{s' \in S | L(s') = 1\}$ $A\}| \leq 1$

其中 $\operatorname{Post}(s,\alpha) = \{s' \in S | \exists (s,\alpha,s') \in \rightarrow \}, \operatorname{Post}(s) = \bigcup_{\alpha \in Act} \operatorname{Post}(s,\alpha)$ 。 考虑图 1所示迁移系统,分别判断上述两个性质是否成立。若成立,给 出简单说明, 否则给出反例。

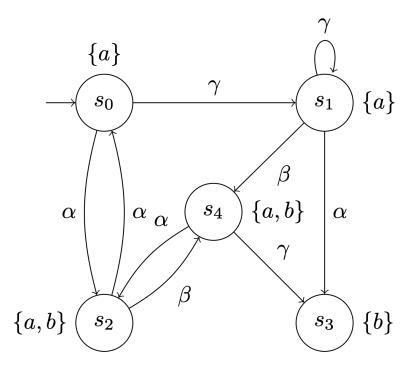


图 1: 迁移系统

图 2是一个进程执行的简单模型, 其描述了进程执行的状态变化:

- 创建: 进程被创建后,进入就绪状态,等待 CPU 分配。
- 分配 CPU: 进程调度器选择某个就绪进程,将其分配到 CPU,进入运行状态。
- 时间片耗尽: 进程由于时间片用尽,被抢占,回到就绪队列,等待下次调度。
- I/O 操作: 进程需要执行 I/O 操作(如读取磁盘、网络通信等), 进入等待状态。
- I/O 完成: 进程的 I/O 操作完成, 重新进入就绪队列。
- 执行结束: 进程完成所有任务或遇到异常, 进入终止状态, 系统释放 其占用的资源。

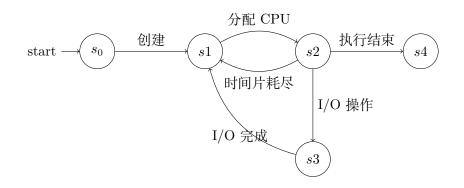


图 2: 进程执行

基于该模型,回答以下问题:

- a. 给出两个无穷执行序列。
- b. 针对问题 a 中的每个执行序列, 写出两个其满足的 LTL 公式。

假设程序 P 有 P_1 , P_2 和 P_3 三个并行进程,进程 $P_i(1 \le i \le 3)$ 执行代码:

```
for k_i:=1 to 5 do {  \begin{array}{rcl} r_{\_i} := & x \\ r_{\_i} := & r_{\_i} + 1 \\ x := & r_{\_i} \end{array}
```

其中, x 为共享变量且初始值为 0, k_i 和 r_i 为 P_i 的局部变量。针对程序 P, 完成以下问题:

- a. 使用 Transition System 建模该程序。
- b. 当程序 P 执行结束,变量 \mathbf{x} 的值是否可能为 2? 若可能,给出一个对应的执行,否则给出简要说明。

针对图 3所示互斥算法,完成以下问题:

- a. 使用 Transition System 建模该算法。
- b. 在问题 a 的基础上, 使用逻辑公式表达: 两个进程不会同时进入临界区。
- c. 判断问题 b 中的逻辑公式是否成立,若成立,请简要说明,否则给出反例(一个执行)。

```
P1:: while TRUE do

begin

x := 2;

b1 := TRUE;

wait until (x = 1 or not b2);

(* critical section *)

b1 := FALSE;

(* non-critical section *)

end
```

```
P2:: while TRUE do

begin

x := 1;

b2 := TRUE;

wait until (x = 2 or not b1);

(* critical section *)

b2 := FALSE;

(* non-critical section *)

end
```

图 3: 互斥

判断下列逻辑公式是否等价。若等价,给出证明,否则给出反例:

- a. $\mathbf{F}(p\mathbf{U}q) \stackrel{L}{\Rightarrow} (\mathbf{F}p)\mathbf{U}(\mathbf{F}q)$
- b. $\mathbf{G}p \wedge \mathbf{XF}p = \mathbf{G}p$

考虑以图 4为基础的 Büchi 自动机,对于下列不同的接收状态集,判断该自动机的语言是否空:

- a. $\{q_0, q_1\}$
- b. $\{q_2, q_3\}$
- c. $\{q_1, q_3\}$

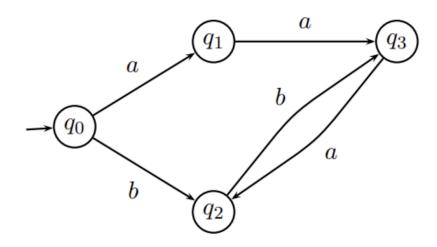


图 4: Büchi 自动机

图 5为以 $\{\{q1\},\{q2\}\}$ 为接受状态集的广义 Büchi 自动机,请将其转换为简单 Büchi 自动机。

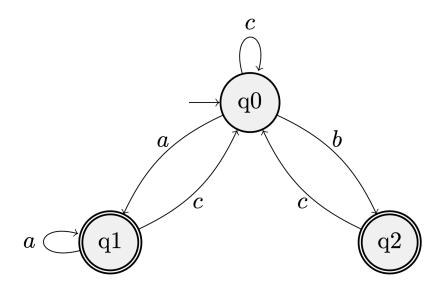


图 5: 广义 Büchi 自动机