

Prof: T. S. Grigera
JTP: Arles Gil Rebaza

Práctica 1 — Introducción a Monte Carlo

Bibliografía: Krauth (2006, Cap. 1)

Ejercicio 1. Implemente el algoritmo para calcular π mediante la estimación Monte Carlo por muestreo directo de la integral

$$\int_{-R}^R dx \int_{-R}^R dy f(x, y), \quad f(x, y) = \begin{cases} 1 & x^2 + y^2 \leq R^2 \\ 0 & \text{si no.} \end{cases} \quad (1.1)$$

Considere $N = 10, 100, 10^2, \dots, 10^8$ muestras y para cada N obtenga 20 estimaciones. Estime luego la varianza $\langle [(N_a/N) - \pi]^2 \rangle$ y grafique en función de N . ¿Cómo se comporta la varianza con N ?

Ejercicio 2. Implemente el cálculo del ejercicio anterior pero utilizando un muestreo mediante una cadena de Markov. Utilice un paso de tamaño $\delta = 0,3$ y experimente para comprobar que converge al número π para valores grandes del número de muestras N . Grafique la tasa de aceptación y la varianza para $N = 10^6$ como función de δ en el intervalo $[0, 3R]$. ¿Qué valor de δ arroja la estima más pequeña de la varianza?

Ejercicio 3. Calcule π mediante una simulación del experimento de Bouffon.

Ejercicio 4. a) Implemente un proceso de Markov que recorra una red cuadrada de 4×4 visitando todos los sitios con igual probabilidad. Verifíquelo graficando el número de visitas a cada sitio en función del número de pasos. **b)** Ensaye una variante tipo Metropolis-Hastings en la cual los sitios de los bordes nunca proponen una movida hacia afuera de la red.