# Fisica sperimentale I



Riccardo Rasori

A.A. 2024/2025

# Indice

1	Intr	roduzione	3
	1.1	Il metodo scientifico	3
	1.2	Grandezze fisiche	3
		1.2.1 Tempo	4
		1.2.2 Lunghezza	4
		1.2.3 Massa	4
	1.3	La notazione scientifica	4
		1.3.1 Num cifre significative	4
	1.4	Meccanica	5
		1.4.1 Cinematica	6
<b>2</b>	Vet	tori	11
	2.1	Spostamento	11
	2.2	Somma di vettori: Metodo grafico	11
	2.3		12
	2.4	Componenti dei vettori	12
	2.5		13
	2.6		13
	2.7		14
			14
		2.7.2 Prodotto tra vettore e vetttore	14
			15
	2.8	Moto in due e tre dimensioni	16
			17
		2.8.2. Aggalarazione media e istantance	17

# Capitolo 1

# Introduzione

# 1.1 Il metodo scientifico

La natura è complessa  $\to$  per capirla si fanno esperimenti Es. Tolta l'aria (nel vuoto) tutti i corpi cadono in maniera uguale

- $\rightarrow$ Gli esperimenti formulano una teoria
- $\rightarrow$ La fisica usa il linguaggio matematico per le teorie e le leggi

# 1.2 Grandezze fisiche

# Definizione

**Misurazione**: si associa un numero (misura) a una grandezza fisica. Associa anche la sua attendibilità (errore).

Deve essere non ambigua e riproducibile.

# Definizione

Grandezza fisica: è definita in relazione al procedimento/strumento utilizzato per misurare.

Non tutte le grandezze sono indipendenti (velocità  $\frac{m}{s}$ ).

# Sistema Internazionale Tempo (s) Lunghezza (m) Massa (kg) Quantità di materia (mol) Temperatura (K) Intensità di corrente elettrica (A) Intensità luminosa (cd)

# 1.2.1 Tempo

Grandezza fisica misurata con l'orologio.

Si usa l'orologio atomico basato sulla frequenza di una transizione iperfine all'atomo di  $^{133}Cs$  (Cesio)

# Definizione

**Secondo**: tempo che ci mette la luce emessa da  $^{133}Cs$  per fare 9.192.631.770 vibrazioni.

# 1.2.2 Lunghezza

Si usa il regolo per misurarla

## Definizione

 $\bf Metro:$  distanza percorsa dalla luce nel vuoto in  $\frac{1}{299.792.458}$  di secondo.

# 1.2.3 Massa

## Definizione

Massa: grandezza fisica misurata con bilancia a due bracci.

Campione di riferimento: kg  $\rightarrow$  cilindro di platino-iridio per definire la massa

# 1.3 La notazione scientifica

# Vantaggi \_\_ È formalmente compatta \_\_ È evidente l'ordine di grandezza $\rightarrow$ Potenza di 10 con cui è espresso il numero \_\_ È evidente la precisione con cui è noto il valore numerico $\rightarrow$ L'incertezza è espressa dal suo errore Es. $l=(3,5\pm0,1)m$

L'errore ci dice quante cifre significative usare per rappresentare una grandezza

Es.  $(4,5397 \pm 0,21) * 10^3 \leftarrow$  se già la prima cifra è incerta per l'errore, non ha senso precisare tutto quello che c'è dopo (397)  $\rightarrow$  va scritto  $(4,54 \pm 0,21) * 10^3$ 

# 1.3.1 Num cifre significative

 $3m\to per$  l'errore può essere  $3\pm 0,1$  m (2, 3 o 4)  $3,0m\to per$  l'errore può essere  $3,0\pm 0,1$  m (2,9; 3,0; 3,1)

 $0.003 \text{m} \leftarrow 1$  cifra significativa  $0.0030 \text{m} \leftarrow 2$  cifre significative

## Addizione

$$\begin{array}{r}
 18,0 \\
 + 0,0039 \\
 + 0,00002 \\
\hline
 18,00392 \\
 = 18,0
 \end{array}$$

i

# Moltiplicazione

Il risultato <u>di norma</u> deve contenere tante cifre significative quante ne sono contenute nel fattore con meno cifre significative

Es: 
$$2,21$$
  $*0,3$   $0,663$   $= 0,7$ 

Es. 
$$12, 4 * 84 = 1041, 6 = 1,04 * 10^3$$

# Divisione

Vale la stessa regola della moltiplicazione Es. 14,28/0,714=20=20,0 oppure  $2,0*10^1$  Es.  $0,032/0,004=8=0,8*10^1$  Es:  $9,83/9,3^{ii}=1,05698924731=1,06^{iii}$ 

# 1.4 Meccanica

- Cinematica: studio del moto indipendente dalle cause
- Dinamica: studio del moto in relazione alle forze agenti
- Statica: studio del moto in assenza di forze

 $<sup>^{\</sup>rm i}$  deve contenere un numero di cifre significative uguale a quello del numero con incertezza maggiore

ii2 cifre, ma l'incertezza è circa dell'1%

 $<sup>^{\</sup>rm iii}$ Se avessi scritto 1,1 l'incertezza era circa del 10%, quindi metto 1,06 e l'incertezza rimane circa 1%

1.4.1 Cinematica

• Si studia un corpo puntiforme (particella) in cui è incentrata la massa

• Lo studiamo in modo unidimensionale (si muove solo in una direzione) (moto rettilineo)

- Posizione

- Spostamento

Velocità

- Accelerazione

• In natura esistono corpi puntiformi (elettroni)

— Hanno raggio <  $2*10^{-20}~\mathrm{m}$ 

Moto

• Il suo concetto è relativo

 Per un osservatore un oggetto potrebbe essere in movimento, per un altro potrebbe essere fermo

• Sistema di riferimento

- Definisce la posizione di un corpo

- Assi x y z

- In cinematica il sistema di rif. è arbitrario (1,2,3 dimensioni)

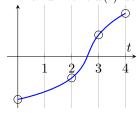
- La posizione p la coordinata lungo l'asse della particella

- Lo  $\underline{\rm spostamento}$  è la differenza tra il valore della pos. finale e quella iniziale

 $\Delta x = x_2 - x_1$ 

 Conviene descrivere il moto con il variare della posizione in funzione del tempo

Ho la funzione x(t) dove il tempo è la variabile indipendente



- La velocità è quanto rapidamente si muove la particella

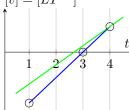
6

\* Velocità vettoriale media

È il rapporto tra lo spostamento  $\Delta x$  che si verifica in un certo intervallo  $\Delta t$ e l'intervallo stesso

$$\overline{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2(t_2) - x_1(t_1)}{t_2 - t_1} \left[ \frac{m}{s} \right]$$





Può succedere che la particella si muova e che torni nello stesso

- lo spostamento è 0  $\Rightarrow$  la velocità vettoriale media è 0
- \* Velocità scalare media

$$\begin{array}{l} \overline{u} = \frac{l}{\Delta t}[m/s] \\ [\overline{u}] = [LT^{-1}] \end{array}$$

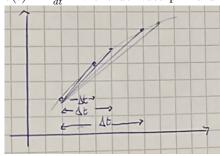
\* Velocità istantanea

# Definizione

Limite della velocità vettoriale media quando  $\Delta t$  tende a

$$v(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \lim_{t \to t_1} \frac{x(t) - x(t_1)}{t - t_1} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{x(t + \Delta t) - x(t)}{\Delta t} \Rightarrow$$

$$v(t) = \frac{dx(t)}{dt} \rightarrow$$
è la derivata prima di x(t) rispetto al tempo t



- Esempi di moti
  - \* Particella con velocità costante

$$x(t) = A + Bt$$

Velocità istantanea 
$$v(t) = \frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt}(A+Bt) = 0+B$$

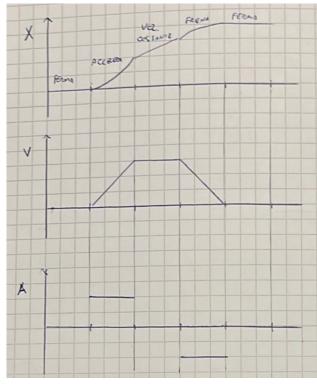
- \* Particella accelerata uniformemente
- Accelerazione media o istantanea

\* Media: rapporto tra la variazione della velocità della particella

in un 
$$\Delta t$$
 e l'intervallo stesso  $\overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2(t_2) - v_1(t_1)}{t_2 - t_1}$   $[\overline{a}] = \left[\frac{LT^{-1}}{T}\right] = \left[LT^{-2}\right] \rightarrow \left[\frac{m}{s^2}\right]$ 

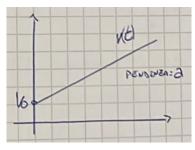
\* Istantanea: 
$$a(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \lim_{t \to t_1} \frac{v(t) - v(t_1)}{t - t_1} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{v(t + \Delta t) - v(t)}{\Delta t} = \frac{dv(t)}{dt} = \frac{d^2xt}{dt^2} \to \text{è la derivata seconda di x(t) rispetto al tempo t}$$
\* Accelerazione e velocità concordi

- - · Parlo di accelerazione se la velocità aumenta
  - · Parlo di decelerazione se la velocità diminuisce



- Accelerazione costante
  - \* Trovo la velocità

a(t)=costante e poniamo per semplicità 
$$t_0=0$$
  $a=\overline{a}=\frac{\delta v}{\delta t}=\frac{v-v_0}{t-0}\Rightarrow v(t)=v_0+a*t(1)$ 

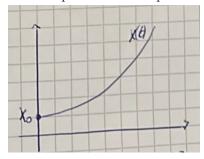


# \* Trovo la posizione

$$\begin{cases} \overline{v} = \frac{1}{2}(v_0 + v) = \frac{1}{2}(v_0 + v_0 + a * t) = v_0 + \frac{1}{2}a * t \\ \overline{v} = \frac{\delta x}{\delta t} = \frac{x - x_0}{t - 0} \end{cases}$$
(1.1)

$$\Rightarrow x(t) = x_0 + v_0 * t + \frac{1}{2}a * t^2$$
 (2)

Posso conoscere dove si trova la particella a patto di sapere le condizioni iniziali di tempo e moto della particella



Posso ricavare altre equazioni

- $\ast\,$ eliminando t<br/> da (1) e (2)  $v^{2}(x) = v_{0}^{2} + 2a(x - x_{0})(3)$
- \* eliminando a da (1) e (2)  $x(t) = x_0 + \frac{v_0 + v}{2}t(4)$ \* eliminando  $v_0$  da (1) e (2)  $x(t) = x_0 + v(t) \frac{1}{2}a(t^2)(5)$

La (1) e la (2) sono le più importanti, da sapere a memoria Mostriamo come a questi risultati si può arrivare anche con le deri-

vate
$$a = \frac{dv}{dt} \Rightarrow dv = a * dt \Rightarrow \int_{x_0}^x dx = \int_0^t v dt = \int_0^t (v_0 + a * t) dt \Rightarrow x - x_0 = v_0 * t + \frac{1}{2}a * t^2 \Rightarrow x = x_0 + v_0 * t + \frac{1}{2}a * t^2$$

Se al posto di  $t_0$  avesso un t qualunque uso  $t-t_0$ 

# • Moto di caduta libera

In assenza della resistenza dell'aria tutti i corpi cadono ugualmente

$$-g=9,81\frac{m}{s^2}$$

- La direzione (detta vericale) è la stessa direzione dell'accelerazione

Sostituendo alle equazioni precedenti 
$$a=-gt$$
  $x_0=0$   $v=v_0+at=-gt$   $x=x_0+v_0t+\frac{1}{2}at=-\frac{1}{2}gt^2$ 

# Capitolo 2

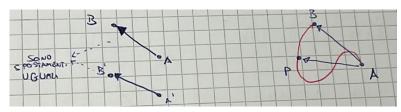
# Vettori

Le grandezze fisiche sono:

- Scalari: definite da un numero e un'unità di misura
- **Vettoriali:** è definita da un numero, una direzione e un verso Il prodotto delle grandezze vettoriali è lo spostamento

# 2.1 Spostamento

Lo spostamento da A a B è caratterizzato dalla sua intensità, dalla direzione e dal verso e si indica con



• Tutte le grandezze fisiche che si comportano come lo spostamento sono vettori

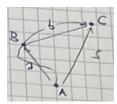
Notazioni vettoriali

 $egin{array}{cccc} ext{Nodulo} & ext{Vettore} & ext{Modulo} \ ext{AB} & \overline{AB} \ ext{v} & ext{v} \ ec{V} & |ec{V}| \ \end{array}$ 

# 2.2 Somma di vettori: Metodo grafico

$$\vec{A} + \vec{B} = \vec{s}$$

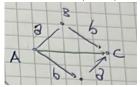
non è la somma dei moduli



Proprietà della somma

• Commutativa:  $\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a}$ 

• Associativa:  $(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c})$ 



#### 2.3 Sottrazione

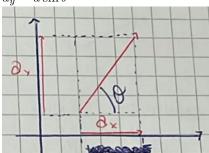
Il vettore  $-\vec{b}$ ha la stessa intensità di  $\vec{b},$ ma verso opposto La differenza è la somma di  $\vec{a}$ e $-\vec{b}$  $\vec{a} - \vec{b} = \vec{a} + (-\vec{b})$ 

### 2.4 Componenti dei vettori

Proietto le componenti sull'asse delle  $\mathbf x$ 

$$a_x = a\cos\theta$$

 $a_y = a \sin \theta$ 



Le componenti:

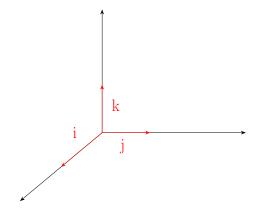
- Sono scalari
- Insieme definiscono in modo univoco il vettore  $|a| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$  $\tan \theta = \frac{a_y}{a_x}$

$$\tan \theta = \frac{a_y}{a_m}$$

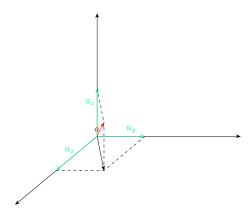
# 2.5 Versori

# Definizione

Un versore è un vettore con modulo=1



i, j, k sono i versori della terna cartesiana destrorsa Si indicano anche con  $\hat{i},\hat{j},\hat{k}$ 



# 2.6 Somma di vettori: metodo delle componenti

$$\vec{r} = \vec{a} + \vec{b} r_x \hat{i} + r_y \hat{j} + r_z \hat{k} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}) + (b_x \hat{i} + b_y \hat{j} + b_z \hat{k}) =$$

$$= (a_x + b_x)\hat{i} + (a_y + b_y)\hat{j} + (a_z + b_z)\hat{k}$$

$$r_x = (a_x + b_x)$$

$$r_y = (a_y + b_y)$$

$$r_z = (a_z + b_z)$$

# 2.7 Prodotto di vettori

# 2.7.1 Prodotto tra vettore e scalare

Scalare = c

Vettore =  $\vec{a}$ 

Il prodotto dà:

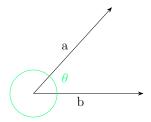
- Modulo |a| \* c
- $\bullet\,$  Direzione di  $\vec{a}$
- Verso di  $\vec{a}$  se c>0, opposto se c<0

# 2.7.2 Prodotto tra vettore e vetttore

$$\vec{a}*\vec{b}$$

$$= |a| * |b| * \cos \theta$$

 $\vec{a} * \vec{b}$  si può pensare come



- a \* proiezione di b su a  $a * (cos\theta b)$  e viceversa
  - Quando i vettori sono perpendicolari il prodotto scalare è 0 (il coseno è 0)  $\hat{i}*\hat{k}=\hat{k}*\hat{j}=\hat{j}*\hat{i}=0$
  - Quando i vettori sono paralleli il coseno è 1 e si ha a\*b = |a|\*|b|
  - $\vec{a} * \vec{b} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}) * (b_x \hat{i} + b_y \hat{j} + b_z \hat{k}) = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$
  - Il coseno dell'angolo tra i 2 vettori:  $\cos\theta = \frac{\vec{a}*\vec{b}}{ab} = \frac{a_xb_x + a_yb_y + a_zb_z}{ab}$

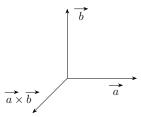
# 2.7.3 Prodotto vettoriale

 $\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b}$  ("a vettor b")

• Modulo  $c = |\vec{a} \times \vec{b}| = ab \sin \theta$ 

• Direzione: perpendicolare al piano individuato da  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$ 

• Verso: regola della mano destra



 $(\vec{a}\times\vec{b})=-(\vec{b}\times\vec{a})\Rightarrow$ non è commutativa

• Due vettori paralleli danno prodotto vettoriale = 0 $\hat{i} \times \hat{i} = 0...$ 

• Mentre 
$$\hat{i} \times \hat{j} = \hat{k}(\hat{j} \times \hat{i} = -\hat{k})$$
  
 $\hat{j} \times \hat{k} = \hat{i}(\hat{k} \times \hat{j} = -\hat{i})$   
 $\hat{k} \times \hat{i} = \hat{j}(\hat{i} \times \hat{k} = -\hat{j})$ 

• Con le componenti cartesiane  $\vec{a} \times \vec{b} = \overline{(a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}) \times (b_x \hat{i} + b_y \hat{j} + b_z \hat{k})}$ 

 $= (a_y b_z - a_z b_y)\hat{i} + (a_z b_x - a_x b_z)\hat{j} + (a_x b_y - a_y b_x)\hat{k}$ 

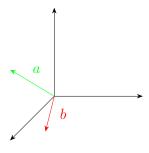
Può essere ricordato facilmente col determinante

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix} = \hat{i}(a_y b_z - a_z b_y) - \hat{j}(a_x b_z - a_z b_x) + \hat{k}(a_x b_y - a_y b_x)$$

• La divisione non è definita

Esercizi

1. Mostrare che  $\vec{A}$  è perpendicolare a  $\vec{B}$  se  $|\vec{A} + \vec{B}| = |\vec{A} - \vec{B}|$ Somma  $\vec{S} = (A_x + B_x)\hat{i} + (A_y + B_y)\hat{j} + (A_z + B_z)\hat{k}$ Differenza  $\vec{D} = (A_x - B_x)\hat{i} + (A_y - B_y)\hat{j} + (A_z - B_z)\hat{k}$   $(A_x + B_x)^2 + (A_y + B_y)^2 + (A_z + B_z)^2 = (A_x - B_x)^2 + (A_y - B_y)^2 + (A_z - B_z)^2$ Svolgo i quadrati e ottengo  $(A_x + B_x) + (A_y + B_y) + (A_z + B_z) = 0$  $\Rightarrow \vec{A} * \vec{B} = 0$  quindi i vettori sono perpendicolari



2. Calcolare l'angolo compreso tra  $a=2\hat{i}-2\hat{j}+5\hat{k}$ e  $b=2\hat{i}+\hat{j}-4\hat{k}$ 

$$\cos \theta = \frac{a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z}{a_x b_x}$$

$$a = \sqrt{2^2 + (-2)^2 + 5^2} = \sqrt{4 + 4 + 25} = \sqrt{33}$$

$$b = \sqrt{2^2 + 1^2 + 3^2} = \sqrt{4 + 1 + 9} = \sqrt{14}$$

Dalla definizione  $\vec{a} * \vec{b} = |a| * |b| * \cos \theta$ Ma vale anche  $\vec{a} * \vec{b} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$   $\cos \theta = \frac{a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z}{a*b}$   $a = \sqrt{2^2 + (-2)^2 + 5^2} = \sqrt{4 + 4 + 25} = \sqrt{33}$   $b = \sqrt{2^2 + 1^2 + 3^2} = \sqrt{4 + 1 + 9} = \sqrt{14}$   $\cos \theta = \frac{2*2 + (-2)*1 + 5*(-4)}{\sqrt{33}*\sqrt{14}} = -0,605 \Rightarrow \theta = 127,12^\circ$ 

3. Prodotto vettoriale tra 
$$\vec{a} = 3\hat{i} + 7\hat{j}$$
 e  $\vec{b} = 2\hat{i} - 5\hat{j}$   $\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 3 & 7 & 0 \\ 2 & -5 & 0 \end{vmatrix} = -29\hat{k}$ 

#### 2.8 Moto in due e tre dimensioni

Cinematico in più dimensioni

# Vettore posizione

Ha la coda nell'origine e la punta dove c'è la particella  $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$ 



# Spostamento

 $\Delta \vec{r} = \vec{r_2} - \vec{r_1}$ 

 $\Delta r$ è il vettore che va da  $r_1$  a  $r_2$ 



# Proprietà

Si scrive 
$$\Delta r = (x_2\hat{i}*y_2\hat{j}*z_2\hat{k}) - (x_1\hat{i}*y_1\hat{j}*z_1\hat{k}) = \Delta x\hat{i} + \Delta y\hat{j} + \Delta z\hat{k}$$

#### 2.8.1 Velocità vettoriale media e istantanea

## Media

Rapporto tra lo spostamento  $\Delta r$  nel l'intervallo di tempo  $\Delta t$  e l'intervallo stesso  $\overline{\vec{v}}=\frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}=\frac{\vec{r_2}-\vec{r_1}}{t_2-t_1}$ 



Istantanea 
$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{dr(t)}{dt}$$
 
$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{dx\hat{i} + dy\hat{j} + dz\hat{k}}{dt} = \frac{dx}{dt}\hat{i} + \frac{dy}{dt}\hat{j} + \frac{dz}{dt}\hat{k}$$

#### Accelerazione media e istantanea 2.8.2

$$\frac{\mathbf{Media}}{\overline{a}} = \frac{\Delta \overrightarrow{v}}{\Delta t} = \frac{\overrightarrow{v_2} - \overrightarrow{v_1}}{t_2 - t_1}$$

Istantanea 
$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2r}{d^2t}$$