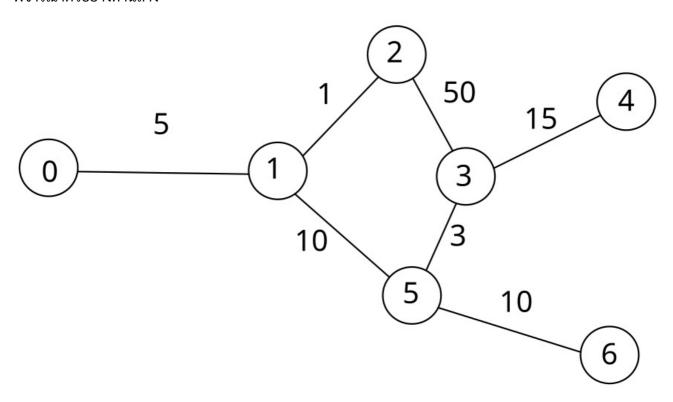
พบกันอีกครั้ง

หลังจากที่แพะได้พบ (ต่อย) กับเทพเจ้ามะนาวไปวันก่อน รอบนี้ ทั้งสองอยากพบกันเพื่อจิบกาแฟอีกครั้ง แต่ไม่ว่า ยังไงก็จะต้องพบกันให้ได้ จึงเปลี่ยนเงื่อนไขการเดินจากเดิม

ในข้อนี้ ในแต่ะละวินาที แพะ และ เทพเจ้ามะนาว สามารถ **เลือกที่จะเดินไปยังจุดยอดที่ติดกันได้** หรือ**เลือกที่จะ หยุดอยู่กับที่ก็ได้** นอกจากนี้ หากทั้งสองคน **พบกันระหว่างกำลังเดินอยู่บนเส้นเชื่อม** จะเดินกลับไปยังจุดยอดที่ ใกล้ที่สุดโดยอัตโนมัติและจิบกาแฟที่จุดยอดนั้น แต่ปัญหาคือ ด้วยการแทรกแซงทางธุรกิจจากผู้ยิ่งใหญ่ในตำนาน จึงทำให้แพะและเทพเจ้ามะนาว **ถูกส่งไปยังหนองคาย**

แน่นอนว่าแพะและเทพเจ้ามะนาว ไม่รู้จักพื้นที่หนองคาย แต่ในขณะที่กำลังถูกส่งตัวไปนั้น แพะกับเทพเจ้ามะนาว ยังโชคดีที่มีสัญญาณอินเทอร์เน็ต พวกเขาจึงขอความช่วยเหลือจากคุณ (ซึ่งเป็นคนสนิทกับบุคคลปริศนาแห่ง หนองคาย) โดยถามหากลยุทธ์ในการเดินมาพบกันโดยไม่เสียเวลาจนเกินไป

พิจารณาตัวอย่างด้านล่าง



สมมติว่าแพะอยู่ที่จุดยอด 0 และเทพเจ้ามะนาวอยู่ที่จุดยอด 4 สมมติว่าด้วยวิธีการที่ไม่มีใครทราบ ทั้งคู่สามารถ ออกแบบการเดินไปหากันได้ และถ้าแพะเดินตามเส้นทางดังนี้: $0 \to 1 \to 5 \to 3$ ส่วนเทพเจ้ามะนาวเดินตาม เส้นทาง $4 \to 3$ จากนั้นรอที่จุดยอด 3 ทั้งคู่จะพบกันที่เวลา 18 (สังเกตว่าทั้งคู่ไม่สามารถนัดแนะกันก่อนได้ว่าจะ เดินเส้นใด)

พิจารณาอีกกรณีหนึ่ง สมมติว่าแพะอยู่ที่จุดยอด 0 และเทพเจ้ามะนาวอยู่ที่จุดยอด 2 ถ้าแพะเดินตามเส้นทางดังนี้: 0 o 1 และเทพเจ้ามะนาวเดินตามเส้นทาง 2 o 1 o 0 ทั้งคู่จะพบกันบนเส้นเชื่อมระหว่างจุดยอด 0 และ 1 แต่

ไม่สามารถจิบกาแฟได้ ถ้าทั้งคู่เดินไปจิบกาแฟที่จุดยอด 1 จะไปถึงที่เวลา 5 (ตามเวลาเดินของแพะ) ถ้าไปจิบที่จุด ยอด 0 จะไปถึงที่เวลา 6 ตามเวลาของเทพเจ้ามะนาว ดังนั้นทั้งคู่จะเลือกไปจิบกาแฟที่จุดยอด 1 ทำให้จิบกาแฟ ได้ที่เวลา 5

ในการคิดคะแนน จากตัวอย่างข้างต้น สังเกตว่าถ้าทั้งสองคนเริ่มต้นที่จุดยอด 0 และ 4 ไม่มีวิธีการเดินใดที่จะพาให้ ทั้งคู่มาเจอกันได้เร็วกว่าเวลา 18 ทำให้วิธีการเดินแบบใดก็ตามที่ให้คำตอบไม่แย่ไปกว่า 18 ไม่ว่าทั้งสองคนจะเริ่ม จากจุดเริ่มต้นใด ๆ จะได้คะแนนเต็ม ถ้าวิธีการใช้เวลามากกว่านั้น จะได้คะแนนลดหลั่นกันไป (ดูได้ในส่วน อธิบายการให้คะแนน)

ในโจทย์ข้อนี้ ในการตรวจ โค้ดส่วนของแพะและเทพเจ้ามะนาวจะถูกเรียกให้ทำงานแยกกัน เพื่อรับประกันว่าอัลกอ ริทึมที่ออกแบบทั้งสองส่วนจะไม่สามารถสื่อสารกันได้

รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันทั้งสิ้น 4 ฟังก์ชัน ส่วนของแพะและมะนาว ใน goat.cpp และ lemon.cpp ตามลำดับ ซึ่งในแต่ละส่วนจะถูกเรียกใช้ทำงานแยกกันที่เกรดเดอร์ในเครื่องตรวจ คุณสามารถประกาศตัวแปรประเภท global ได้ แต่ขอให้ทำภายใน namespace ของแต่ละส่วน (goat หรือ lemon) ตามลำดับ เพื่อป้องกันปัญหาการคอม ไพล์หากมีของชื่อซ้ำกัน

ในการตรวจจริง **ทั้งสองไฟล์ไม่สามารถใช้ตัวแปรร่วมกันได้** (และตัวตรวจจะทำการเรียกแยกเป็นสอง process) สำหรับการทำงานในเกรดเดอร์ตัวอย่างจะแตกต่างไป จะอธิบายแยกในส่วนเกรดเดอร์ตัวอย่าง---กรุณาอ่าน รายละเอียดด้วย

ส่วนของแพะใน goat . cpp

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันดังต่อไปนี้

void goat_init(int N, int M, vector<int> U, vector<int> V, vector<int
> W, int u)

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกเพียงครั้งเดียว ก่อนมีการเรียกอย่างอื่น โดยจะระบุกราฟอธิบายพื้นที่หนองคาย
- คุณสามารถใช้ตัวแปรประเภท global หรืออื่นๆ ในการเก็บข้อมูลเอาไว้เพื่อใช้คราวหลังได้ โดยจะต้องเก็บ ภายใน namespace goat
- ullet ตัวแปร N และ M แทนค่า N และ M
- ตัวแปร U, V และ W เป็นเวกเตอร์ขนาด M โดยแทนเส้นเชื่อมแต่ละเส้น กล่าวคือ ในกราฟจะมีเส้นเชื่อม ระหว่างจุดยอด U[i] กับ V[i] ด้วยน้ำหนัก W[i] สำหรับ i ตั้งแต่ 0 ถึง M-1
- ตัวแปร u แทนตำแหน่งของแพะในเวลาเริ่มต้น

int goat_move(int u)

• ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกในแต่ละครั้งที่แพะจะทำการเดิน โดยจะถูกเรียกไปเรื่อย ๆ จนกว่าแพะจะพบกับเทพเจ้า มะนาว โดยคุณสามารถใช้ตัวแปรประเภท global ที่ได้เก็บไว้ได้ภายใน namespace goat

- ตัวแปร u แทนตำแหน่งของแพะในปัจจุบัน (ซึ่งถ้าไม่มีความผิดพลาดเกิดขึ้นจะเท่ากับจุดยอดที่คืนไปในครั้ง ก่อน)
- ฟังก์ชันนี้จะต้องคืนค่าจุดยอดถัดไปที่จะเดินไป โดยจุดยอดถัดไปนี้จะต้องอยู่ติดกับจุดยอดปัจจุบัน หรือไม่ก็ ต้องเป็นจุดยอดปัจจุบัน

ส่วนของมะนาวใน lemon.cpp

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันดังต่อไปนี้

void lemon_init(int N, int M, vector<int> U, vector<int> V, vector<in
t> W, int u)

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกเพียงครั้งเดียว ก่อนมีการเรียกอย่างอื่น โดยจะระบุกราฟอธิบายพื้นที่หนองคาย
- คุณสามารถใช้ตัวแปรประเภท global หรืออื่นๆ ในการเก็บข้อมูลเอาไว้เพื่อใช้คราวหลังได้ โดยจะต้องเก็บ ภายใน namespace lemon
- ullet ตัวแปร N และ M แทนค่า N และ M
- ตัวแปร U, V และ W เป็นเวกเตอร์ขนาด M โดยแทนเส้นเชื่อมแต่ละเส้น กล่าวคือ ในกราฟจะมีเส้นเชื่อม ระหว่างจุดยอด U[i] กับ V[i] ด้วยน้ำหนัก W[i] สำหรับ i ตั้งแต่ 0 ถึง M-1
- ตัวแปร u แทนตำแหน่งของเทพเจ้ามะนาวในเวลาเริ่มต้น

int lemon_move(int u)

- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกในแต่ละครั้งที่เทพเจ้ามะนาวจะทำการเดิน โดยจะถูกเรียกไปเรื่อย ๆ จนกว่าจะเทพเจ้า มะนาวพบกับแพะ โดยคุณสามารถใช้ตัวแปรประเภท global ที่ได้เก็บไว้ได้ภายใน namespace lemon
- ตัวแปร u แทนตำแหน่งของเทพเจ้ามะนาวในปัจจุบัน (ซึ่งถ้าไม่มีความผิดพลาดเกิดขึ้นจะเท่ากับจุดยอดที่ คืนไปในครั้งก่อน)
- ฟังก์ชันนี้จะต้องคืนค่าจุดยอดถัดไปที่จะเดินไป โดยจุดยอดถัดไปนี้จะต้องอยู่ติดกับจุดยอดปัจจุบัน หรือไม่ก็ ต้องเป็นจุดยอดปัจจุบัน

วิธีการเรียกที่เกรดเดอร์ที่ CMS จะเรียกใช้งาน

โดยเริ่มต้น เกรดเดอร์จะทำการเรียก goat_init ที่ process ของแพะและ lemon_init ที่ process ของ มะนาวต่อมาเราจะนับเวลา $t_{
m goat}=t_{
m lemon}=0$

ถัดมา เราจะทำการกระทำต่อไปนี้ซ้ำไปเรื่อย ๆ จนกว่าจะเข้าเงื่อนไข [แพะพบกับเทพเจ้ามะนาว] คือ เราจะเรียก บุคคลที่มี t ต่ำกว่าอีกคน (ถ้าเท่ากันให้ถือว่าแพะเริ่มก่อน) แล้วเรียกฟังก์ชัน move ของบุคคลนั้น หากจุดเดิมคือ u และ move คืนค่า u' แล้ว ให้ $w_{u,u'}$ แทนน้ำหนักของเส้นเชื่อมระหว่าง u กับ u' แล้วเราจะเพิ่มค่า t ของคนนั้นไป $w_{u,u'}$ พร้อมกับย้ายตำแหน่งบุคคลนั้น จาก u ไปยัง u'

ในกรณีที่ค่าที่คืนจาก move คือจุดยอดเดิม (u) เพื่อประสิทธิภาพในการคำนวณเราจะถือว่าบุคคลนั้นจะอยู่ที่จุด ยอด u ไปจนถึงเวลาที่อีกคนเดินถึงเป้าหมาย หรือเวลาเพิ่มขึ้น 1 วินาทีในกรณีที่อีกคนยังไม่ได้เดิน

แล้ววนกลับไปทำซ้ำ คือเลือกผู้เล่นปัจจุบัน p แล้วเรียกฟังก์ชัน p move

ในการกระทำข้างต้น เราจะกล่าวว่า สอดคล้องกับเงื่อนไข **[แพะพบกับเทพเจ้ามะนาว]** เมื่ออย่างใดอย่างหนึ่งต่อ ไปนี้เป็นจริง

- ในขณะที่บุคคลปัจจุบัน p กำลังจะเริ่มเคลื่อนจาก u ไป u' ซึ่งจะออกเดินทางในวินาทีที่ t_p และถึงในวินาทีที่ $t_p+w_{u,u'}$ นั้น บุคคลอีกคนหนึ่งอยู่ที่ตำแหน่ง u' (และกำลังรออยู่)
- ในขณะที่บุคคลปัจจุบัน p กำลังจะเริ่มเคลื่อนจาก u ไป u' ซึ่งจะไปถึงในวินาทีที่ $t_p+w_{u,u'}$ นั้น บุคคลอีก คนกำลังเคลื่อนจาก u' มายัง u ซึ่งจะไปถึงวินาทีที่ $t_q+w_{u',u}$ อยู่เช่นกัน

สำหรับกรณีแรก จะกล่าวว่า $t_p+w_{u,u'}$ คือ **เวลาที่แพะพบกับเทพเจ้ามะนาว** และในกรณีที่สอง ทั้งสองคนจะพบ กันกลางทางและจะเดินไปยังจุดหมายที่ใกล้ที่สุดของหนึ่งในสองคนนั้น คือจะถือว่า**เวลาที่แพะพบกับเทพเจ้า มะนาว** คือเวลา $\min\{t_p+w_{u,u'},t_q+w_{u',u}\}$

หากระหว่างการทำงานของเกรดเดอร์ พบว่าเข้าสู่เงื่อนไข [แพะพบกับเทพเจ้ามะนาว] แล้วจะคิดคะแนนด้วย เวลาที่แพะพบกับเทพเจ้ามะนาว

ขอบเขต

- $\bullet \ 2 \leq N \leq 2\,000$
- N-1 < M < 5000
- กราฟของหนองคายเป็นกราฟไม่ระบุทิศทาง ระบุน้ำหนัก และเป็นกราฟที่เชื่อมต่อกัน
- ullet U[i] และ V[i] เป็นจำนวนเต็มระหว่าง $0^{\dot{}}$ ถึง N-1 และ W[i] เป็นจำนวนเต็มระหว่าง 1 ถึง $1\,000\,000$ สำหรับทุก i ตั้งแต่ $0\,$ ถึง M-1
- ไม่มีเส้นเชื่อมสองเส้นที่เชื่อมระหว่างคู่จุดยอดเดียวกัน กล่าวคือ ไม่มีคู่ $\mathbf{i} \neq \mathbf{j}$ ที่ $\mathbf{U}[\mathbf{i}] = \mathbf{U}[\mathbf{j}]$ และ $\mathbf{V}[\mathbf{i}] = \mathbf{V}[\mathbf{j}]$ และ $\mathbf{U}[\mathbf{j}] = \mathbf{V}[\mathbf{j}]$
- ullet ไม่มีเส้นเชื่อมที่เชื่อมจุดยอดไปยังตัวเอง กล่าวคือ U[i] eq extstyle
 olimits ไม่มีเส้นเชื่อมที่เชื่อมจุดยอดไปยังตัวเอง กล่าวคือ U[i] eq extstyle
 olimits ไม่มีเส้นเชื่อมที่เชื่อมจุดยอดไปยังตัวเอง กล่าวคือ U[i] eq extstyle
 olimits

ปัญหาย่อย

สำหรับทุกปัญหาย่อยในข้อนี้ จะมีการให้คะแนนแบบบางส่วน โดยพิจารณาในส่วนถัดจากนี้

- 1. (15 คะแนน) รับประกันว่า M=N-1, U[i]=i, V[i]=i+1 และ W[i]= 1 สำหรับทุก i ตั้งแต่ 0 ถึง N-2
- 2. (15 คะแนน) M=N-1
- 3. (20 คะแนน) $N \leq 200$
- 4. (15 คะแนน) $\mathtt{W[i]} = 1$ สำหรับทุก \mathtt{i} ตั้งแต่ 0 ถึง M-1
- 5. (35 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติม

การให้คะแนน

เรารับประกันว่ามีวิธีที่จะทำให้แพะพบกับเทพเจ้ามะนาวได้ในเวลา 1 000 000 000 000 วินาที ถ้าคุณใช้เวลา มากกว่านั้นจะถือว่าใช้เวลามากเกินไป (นั่นคือใช้เวลานานกว่า 30 000 ปี ซึ่งเกินอายุขัยของแพะ) และจะไม่ได้ คะแนน เราจะพิจารณากลยุทธ์ทั้งหมดที่เป็นไปได้ที่จะทำให้แพะได้เจอกับเทพเจ้ามะนาว ให้ $\mathcal A$ แทนกลยุทธ์ (ที่ดีที่สุด) ของกรรมการที่กรรมการสามารถหาได้ เราจะพิจารณากรณีตำแหน่งเริ่มต้นของแพะและเทพเจ้ามะนาวทั้งหมดทั้ง N^2 แบบ สมมติแพะเริ่มที่จุดยอด u และเทพเจ้ามะนาวเริ่มที่จุดยอด v จะได้ว่า **ค่าเสียเวลา** ของกลยุทธ์ $\mathcal A$ บนจุด เริ่มต้น (u,v) มีค่าเท่ากับ **เวลาที่แพะพบกับเทพเจ้ามะนาว** จากกลยุทธ์ $\mathcal A$ เขียนแทนด้วย $T_{\mathcal A}(u,v)$

นิยาม **ค่าเสียเวลา** ของกลยุทธ์ ${\mathcal A}$ เขียนแทนด้วย $T_{\mathcal A}$ นิยามโดย $T_{\mathcal A}:=\max_{u,v\in V}T_{\mathcal A}(u,v)$

ให้ ${\mathcal B}$ แทนกลยุทธ์ของคุณ นิยาม **ค่าเสียเวลา** ของกลยุทธ์ของคุณ $T_{\mathcal B}:=\max_{(u,v)\in S}T_{\mathcal B}(u,v)$ โดย S แทนเซต ของจุดเริ่มต้นในข้อมูลทดสอบข้อมูลนั้น (อาจไม่ครบทั้งหมดทั้ง N^2 แบบ)

ต่อมา ให้ $r=rac{T_{\mathcal{A}}}{T_{\mathcal{B}}}$ แล้วคะแนนที่คุณจะได้รับ จะเป็นไปตามตารางดังนี้

เงื่อนไข	อัตราส่วนคะแนน
$r \geq 1$	1.0
$0.75 \leq r < 1$	2r-1
$0.5 \leq r < 0.75$	0.3
$0 \leq r < 0.5$	0.15

ตัวอย่าง

สมมติว่าแผนที่เป็นดังรูปด้านบน และแพะเริ่มที่จุดยอด 0 และเทพเจ้ามะนาวอยู่ที่จุดยอด 4 เกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชัน goat init และ lemon init (ที่ทำงานอยู่คนละ process กันใน cms) ดังนี้

และ

ถ้าแผนการเดินของแพะคือไปตามเส้นทาง 0 o 1 o 5 o 3 ส่วนเทพเจ้ามะนาวไปตามเส้นทาง 4 o 3 ผลการ ทำงานจะเป็นดังนี้

เกรดเดอร์จะเรียก

```
goat_move(0)
```

ซึ่งจะคืนค่า 1 สังเกตว่าแพะจะเดินทางถึงจุดยอด 1 ที่เวลา 5 $\,\,$ ต่อไปเกรดเดอร์จะเรียก

```
lemon_move(4)
```

ซึ่งจะคืนค่า 3 เทพเจ้ามะนาวจะเดินทางถึงจุดยอด 3 ที่เวลา 15 จากนั้นเกรดเดอร์จะเรียก

```
goat_move(1)
```

ซึ่งจะเป็นการถามจุดยอดต่อไปหลังจากที่ถึงจุดยอด 1 แล้วที่เวลา 5 ฟังก์ชันจะคืนค่า 5 จากนั้นสังเกตว่าทั้งแพะ และเทพเจ้ามะนาวพร้อมจะเดินทางต่อที่เวลา 15 เท่ากัน เกรดเดอร์จะเรียก

```
goat_move(5)
```

ซึ่งจะคืนค่า 3 และเรียก

```
lemon_move(3)
```

ซึ่งจะคืนค่า 3 แต่ในกรณีนี้ สังเกตว่าแพะจะเดินถึงเป้าหมายที่เวลา 18 เราจะสมมติว่าเทพเจ้ามะนาวจะรออยู่ที่จุด ยอด 3 ถึงเวลา 18 ด้วยเช่นกัน ทำให้เจอกันที่จุดยอดดังกล่าวในเวลา 18

เนื่องจาก 18 เป็นเวลาที่ดีที่สุดแล้วถ้าแพะและเทพเจ้ามะนาวเริ่มจากที่ใดก็ได้ วิธีการเดินแบบนี้จะได้คะแนนเต็ม

พิจารณาอีกกรณีหนึ่งที่แพะอยู่ที่จุดยอด 0 และเทพเจ้ามะนาวอยู่ที่จุด 2 เกรดเดอร์จะเรียกฟังก์ชัน goat_init และ lemon init (ที่ทำงานอยู่คนละ process กันใน cms) ดังนี้

และ

สมมติว่าทั้งสองคนวางแผนตามที่ระบุในคำอธิบายโจทย์ข้างต้น

หลังจากเรียก init เกรดเดอร์จะเรียก

```
goat_move(0)
```

ซึ่งจะคืนค่า 1 จากนั้นเกรดเดอร์จะเรียก

```
lemon move(2)
```

ซึ่งคืนค่า 1 เทพเจ้ามะนาวจะถึงจุดยอด 1 ในเวลา 1 และเกรดเดอร์จะเรียก

```
lemon move(1)
```

อีกครั้ง ซึ่งคืนค่า 0 ทำให้ทั้งสองคนพบกันบนเส้นเชื่อม และตัดสินใจมาจิบกาแฟที่จุดยอด 1 ที่เวลา 5

สังเกตว่าเวลาที่ดีที่สุดที่ทำได้ในกรณีที่ทั้งสองคนเริ่มเดินจากจุดที่แตกต่างกันใด ๆ คือ 18 และคุณสามารถทำเวลา ได้ไม่แย่กว่า 18 ทำให้คำตอบนี้ได้คะแนนเต็ม

เกรดเดอร์ตัวอย่าง (กรุณาอ่านรายละเอียดการทำงาน)

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลนำเข้าในรูปแบบต่อไปนี้:

- Line 1: *N M*
- Line 2+i: U[i] V[i] W[i]
- Line 2+M: s_1 s_2

โดยที่ s_1 และ s_2 จะเป็นจุดยอดเริ่มต้นของแพะและมะนาวตามลำดับ

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะพิมพ์เวลาที่ทั้งสองคนเจอกัน

ในส่วนของเกรดเดอร์ตัวอย่างนั้น จะทำงานเป็น process เดียว โดยเกรดเดอร์จะเรียก goat_init, lemon_init แล้วเรียก goat_move กับ lemon_move ตามเงื่อนไขที่ระบุในโจทย์

อย่างไรก็ตาม เนื่องจากการทำงานเป็นแบบ process เดียว ตัวแปร global ในส่วน goat และ lemon สามารถ ปะปนกันได้ ซึ่งถ้าเขียนอย่างระมัดระวังไม่ไปเรียกใช้ตัวแปรข้ามส่วนจะไม่ส่งผลให้การทำงานในเครื่องผู้แข่งขัน แตกต่างจากในเครื่องจริง (ยกเว้นเวลาที่บนเกรดเดอร์บน CMS อาจจะทำงานนานกว่า)

จึงเป็นเหตุผลว่า สำหรับการส่งไปในระบบ CMS เราจะขอให้ผู้เข้าแข่งขัน **เก็บตัวแปรประเภท global รวมถึงการ ประกาศฟังก์ชันแยก เอาไว้ใน namespace ของแต่ละส่วนแยกกัน** เพื่อป้องกันไม่ให้ตัวแปรตีกัน โดยหากตัวแปร เกิดตีกันขึ้นมาแล้วมีปัญหาในการคอมไพล์บน CMS จะถือว่าเป็นความรับผิดชอบของผู้เข้าแข่งขันที่จะต้องแก้ไข เอาเอง

การป้องกันการเข้าถึงนี้ มีไว้ช่วยให้การรันเกรดเดอร์ในเครื่องมีพฤติกรรมเหมือนกับที่ CMS เท่านั้น (ป้องกันความ ผิดพลาดของคุณ) แต่ในการตรวจจริงโค้ดสองส่วนจะทำงานแยกกัน ซึ่งจะรับประกันว่าจะไม่สามารถสื่อสารกันได้ อยู่แล้ว

ข้อจำกัด

Time limit: 5 secondsMemory limit: 512 MB