Proposta de solução do Problema de Dominação de Rainhas Utilizando ILS

Proposed solution to the Minimum Dominating Set of Queens Problem using ILS

Maria Edoarda Vallim Fonseca

Thales Athayde Santos

2018, v-1.0.0

Resumo

Neste artigo, propomos uma solução para o Problema de Dominação de Rainhas usando Busca Iterativa Local e comparamos nossos resultados com uma solução prévia utilizando Algoritmo Genético.

Palavras-chave: Problema de Dominação de Rainhas. Busca Iterativa Local. Metaheurística.

Abstract

In this paper, we propose a solution to the Dominating Set of Queens Problem using Iterative Local Search and compare our results with a previous solution using Genetic Algorithm.

Keywords: Dominating Queen Problem. ILS. Metaheuristic.

Data de submissão e aprovação: elemento obrigatório. Indicar dia, mês e ano Identificação e disponibilidade: elemento opcional. Pode ser indicado o endereço eletrônico, DOI, suportes e outras informações relativas ao acesso.

1 Introdução

O problema de dominação de rainhas é muito bem conhecido dentre os problemas de xadrez. Nele, dado um tabuleiro nxn, temos n quadrados dispostos nas linhas e n quadrados nas colunas. Quando uma rainha Q é disposta no tabuleiro, ela domina a linha, a coluna, e as diagonais que passam pela sua posição. O objetivo do problema é descobrir a disposição da menor quantidade de rainhas possível de forma à dominar todo o tabuleiro.

Muitos pesquisadores focaram em descobrir os limites superior e inferior do problema desde a década de 70, e o número mínimo possível de rainhas para solucionar o problema ($\gamma(\mathbf{Qn})$) foi calculado para diversos tamanhos de tabuleiro (vide tabela 1) (COCKAYNE, 1990; BURGER; MYNHARDT, 2002; WEAKLEY, 2002; GIBBONS; WEBB, 1997).

Algoritmos evolucionários provaram ter sucesso para resolver e otimizar uma grande variedade de problemas complexos, incluindo problemas combinatórios, como o estudado aqui, em um tempo computacional razoavelmente aceitável. (DOERR et al., 2011)

Local Search, ou Busca Local, é um método heurístico para resolver problemas computacionalmente difíceis. Busca local pode ser usada em problemas que possam ser formulados como achar a solução maximizando um critério entre várias soluções possíveis. Algoritmos de busca local movem de solução à solução no espaço de soluções possíveis aplicando mudanças locais, até uma solução dita ótima ser encontrada. (HOOS; STÜTZLE, 2004)

Um dos problemas da Busca Local é que ela pode ficar presa em um mínimo local, sem conseguir melhorar seu resultado. Para contornar esse problema, utiliza-se Iterative Local Search, ou Busca Local Iterativa. Essa modificação consiste em iterar sobre chamadas da busca local, cada vez começando de um ponto diferente do conjunto de solução perturbando o mínimo local atual de modo que faça a solução chegar em outro ótimo local. Esta perturbação não pode ser muito forte nem muito fraca, pois corre o risco dela acabar encontrando o mesmo mínimo local ou servir como uma inicialização aleatória. (LOURENÇO; MARTIN; STÜTZLE, 2010)

Neste artigo, propomos uma solução baseada em *Iterative Local Search* para o Problema de Dominação de Rainhas. Nossos resultados serão comparados diretamente com o método descrito em (ALHARBI; VENKAT, 2017), que utiliza Algoritmo Genético e é o mais comumente encontrado para solucionar este problema. Depois disso, iremos debater os resultados alcançados.

Tabela 1 – Número mínimo de rainhas para dominação total $\gamma(\mathbf{Qn})$ de um tabuleiro de tamanho n.

2 Motivação

Decidimos escolher o *Dominating Queens Problem* por ter sido um dos temas abordados por um dos membros do grupo durante as apresentações de trabalho da disciplina, o que nos deu um certo grau de familiaridade com o assunto. Pesquisando mais à fundo, vimos que as soluções mais comuns para a solução do Problema de Dominação de Rainhas eram com *Backtracking* e Algoritmo Genético. Além disso, de acordo com (ALHARBI; VENKAT, 2017), existem muitos artigos procurando os limites superior e inferior do problema, mas não existe muito esforço de pesquisa na busca de soluções práticas para o problema.

Visto essa situação, decidimos propor uma solução baseada em *Iterative Local Search* para o problema e comparar os resultados com uma solução em Algoritmo Guloso.

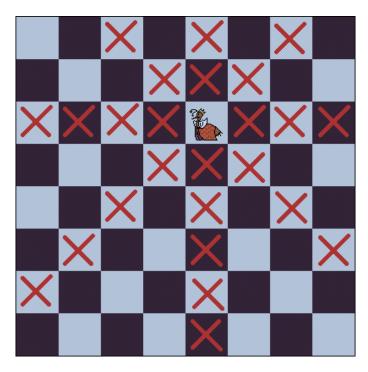


Figura 1 – Exemplo da linha de dominação de uma rainha em um tabuleiro de xadrez 8x8

3 Trabalhos Relacionados

Figure 1 mostra a dominação de uma rainha em um tabuleiro 8x8.

Figure 2 shows a sdfsdfwererWboat.

Um problema semelhante, proposto em 1850, conhecido como problema das nrainhas teve muitos esforços focados nele para sua solução. O problema das nrainhas é descrito como: dado um tabuleiro nxn, qual seria a disposição das rainhas de modo que nenhuma rainha consiga atacar a outra. Houve muita pesquisa em torno deste problema, e suas soluções utilizam desde teoria matemática até teoria dos grafos. O estudo desse tipo de problema pode beneficiar várias áreas como controle de tráfego, prevenção de deadlocks e armazenamento de memória paralela. (BELL; STEVENS, 2009)

4 Methodology

O Local Search foi implementado com 1 de distância pela nossa implementação estar utilizando uma matriz e não um vetor contendo todas as posições do tabuleiro. Embora usar um Local Search com distâncias maiores gere resultados melhores, isso teria a consequência negativa de aumentar exponencialmente o tempo computacional da execução do algoritmo.

Pseudocódigo do ILS

5 Resultados

Nossos testes foram rodados em uma máquina Intel Core i5-7200U com 8GB de RAM, usando o sistema operacional Manjaro Linux com o pacote gráfico KDE Plasma. A



Figura 2 – Exemplo de um tabuleiro de tamanho 8x8 sendo completamente dominado por quatro rainhas

```
Data: rainhas, tabuleiro

Result: how to write algorithm with LATEX2e initialization;
listaMovimentos = [0..7];
melhorResultado;
while rainhas do

| embaralha(rainhas);
if understand then
| go to next section;
| current section becomes this one;
else
| go back to the beginning of current section;
end
end
```

Algorithm 2: Pseudocódigo do Algoritmo Genético utilizado

linguagem de programação utilizada foi Python 3.7.1.

6 Conclusão

Text...

Referências

ALHARBI, S.; VENKAT, I. A genetic algorithm based approach for solving the minimum dominating set of queens problem. *Journal of Optimization*, Hindawi, v. 2017, 2017. Citado na página 2.

BELL, J.; STEVENS, B. A survey of known results and research areas for n-queens. *Discrete Mathematics*, Elsevier, v. 309, n. 1, p. 1–31, 2009. Citado na página 3.

BURGER, A. P.; MYNHARDT, C. M. An upper bound for the minimum number of queens covering the $n \times n$ chessboard. *Discrete Applied Mathematics*, Elsevier, v. 121, n. 1-3, p. 51–60, 2002. Citado na página 2.

COCKAYNE, E. J. Chessboard domination problems. *Discrete Mathematics*, Elsevier, v. 86, n. 1-3, p. 13–20, 1990. Citado na página 2.

DOERR, B. et al. Evolutionary algorithms and dynamic programming. *Theoretical computer science*, Elsevier, v. 412, n. 43, p. 6020–6035, 2011. Citado na página 2.

GIBBONS, P. B.; WEBB, J. Some new results for the queens domination problem. *Australasian Journal of Combinatorics*, CENTRE FOR COMBINATORICS, v. 15, p. 145–160, 1997. Citado na página 2.

HOOS, H. H.; STÜTZLE, T. Stochastic local search: Foundations and applications. [S.l.]: Elsevier, 2004. Citado na página 2.

LOURENÇO, H. R.; MARTIN, O. C.; STÜTZLE, T. Iterated local search: Framework and applications. In: *Handbook of metaheuristics*. [S.l.]: Springer, 2010. p. 363–397. Citado na página 2.

WEAKLEY, W. D. Upper bounds for domination numbers of the queen's graph. *Discrete mathematics*, North-Holland, v. 242, n. 1-3, p. 229–243, 2002. Citado na página 2.