Linguagens Formais e Autômatos

Engenharia da Computação

Alunos: Victor Ferreira Braga e William Valther Silva Martins

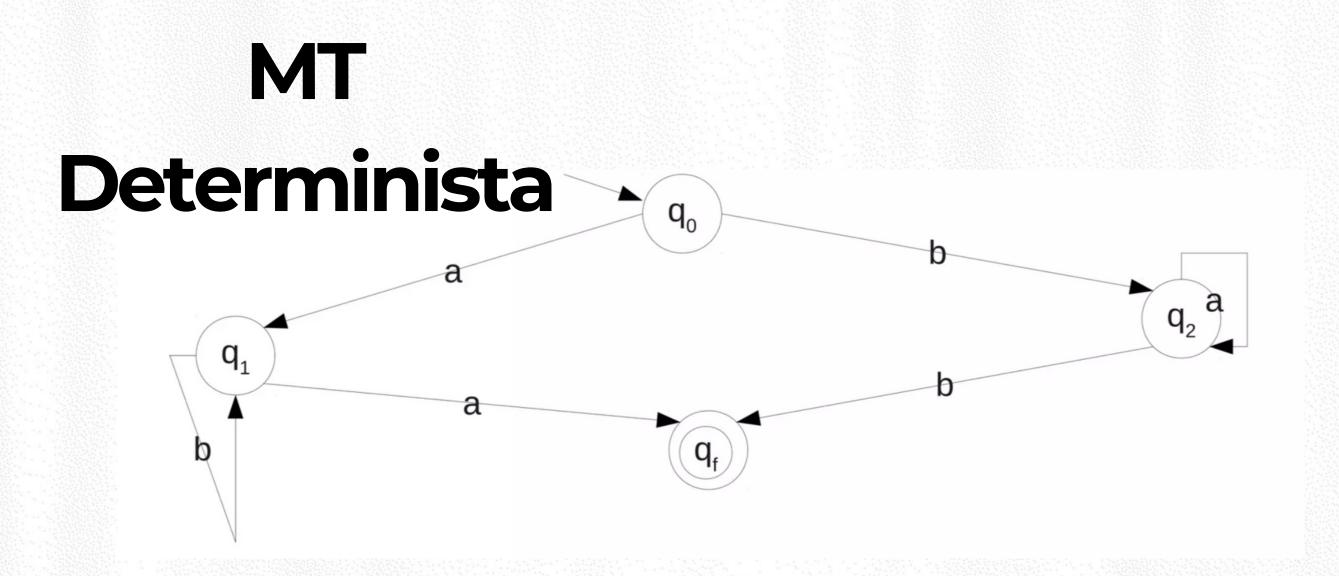
Profo: Dr Thales Valente

Universidade Federal do Maranhão

Sumário

Introdução Pág 01
Objetivos Pág 12
Metodologia Pág 13
Resultados Pág 16
Conclusão Pág 18
Referências Pág 19

Introdução à Máquina de Turing Não Determinista



Para cada configuração (estado atual + símbolo lido), há exatamente uma transição possível

Exemplo

Se a MT está no estado q0 e lê o símbolo 1, ela sempre executará a mesma transição.



A máquina pode escolher entre múltiplas transições possíveis para um mesmo estado e símbolo

Isso significa que ela pode "explorar diferentes caminhos" ao mesmo tempo

Repare que quando estamos no estado p e lemos o símbolo a podemos ir para q_1, q_2 ou q_n . Essa é a razão do não determinismo.

Simulação da MT

Fita limitada

- Em uma MT tradicional, a fita é infinita
- Aqui, a fita é restringida ao tamanho da entrada
- Por quê? Isso impede a máquina de explorar espaços ilimitados, tornando a simulação mais eficiente

Arestas ponderadas

- Cada transição entre estados tem um peso associado
- Esse peso pode representar:
 - Tempo de execução
 - Custo computacional
 - Número de operações realizadas

Simulação da MT

Troca de BFS por Dijkstra

- BFS encontra o caminho mais curto em termos de número de passos, mas ignora os pesos.
- Dijkstra encontra o caminho de menor custo, levando em conta os pesos das transições.

Representação da Máquina Como Grafo Ponderado

Definição formal da Máquina de Turing

Uma MT pode ser representada como uma 8-tupla:

$$M = (\Sigma, Q, \delta, q_0, F, V, \circledast, \dagger)$$

Onde:

Σ: Alfabeto da fita.

Q: Conjunto de estados

δ: Função de transição (regras de mudança de estado)

 q_0 : Estado inicial

F: Conjunto de estados de aceitação

V: Símbolos da fita

* e †: Delimitadores de início e fim da fita

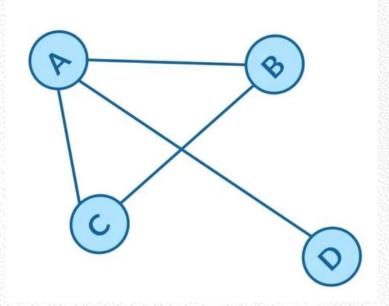
Essa estrutura define como a máquina funciona e como se move entre os estados

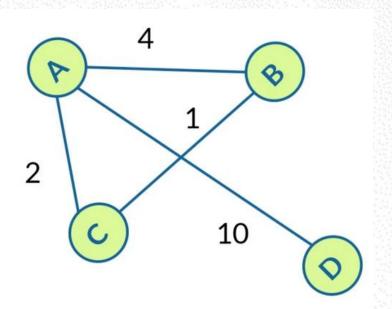
Transformação da MT em um Grafo

Estados como Vértices: Cada estado da máquina é representado como um nó no grafo.

Transições como Arestas: As transições entre estados são representadas por arestas dirigidas.

Pesos nas Arestas: Os pesos correspondem ao custo associado a cada transição.



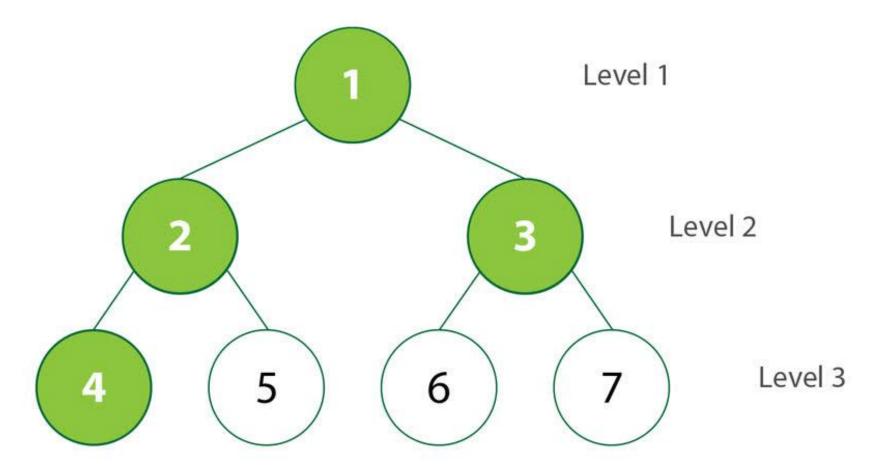


Problema do BFS e a Alternativa com Dijkstra

Limitações do BFS

Busca em Largura (BFS): Explora todos os nós em um nível antes de avançar para o próximo.

Limitação: O BFS não leva em conta os pesos das arestas. Como consequência, ele pode escolher um caminho que tem mais passos, mas não necessariamente o de menor custo.



Vantagens do Algoritmo de Dijkstra

Dijkstra é mais eficiente porque:

- 1.Leva em conta os pesos das transições
- 2. Garante o caminho de menor custo até um estado final
- 3. Evita caminhos desnecessários, sendo mais otimizado

Como funciona?

- Criamos uma fila de prioridade
- Sempre exploramos o menor custo acumulado
- O primeiro estado de aceitação encontrado é garantidamente o de menor custo

Objetivos

Objetivos a serem alcançados:

- Implementar uma Máquina de Turing Não Determinista com uma fita limitada.
- Substituir a busca em largura (BFS) por um algoritmo de menor custo (Dijkstra) para encontrar o caminho com o menor peso até um estado de aceitação.
- Fornecer como resultado:
 - Fita final após a execução.
 - Caminho percorrido pela máquina.
 - Soma ponderada das transições.

Metodologia

Teoria da Computação

 A Máquina de Turing é modelada como um autômato finito não determinístico com uma fita e transições.

Definição formal dos componentes:

- Estados (q0, q1, q2, q3, q4, q_accept).
- Símbolos na fita (0, 1, _).
- Cabeçote de leitura/escrita que move para a esquerda (L) ou direita (R).
- Função de transição que determina o próximo estado com base no símbolo lido.

Metodologia

Algoritmo de Grafos

- O conjunto de estados e transições foi modelado como um **grafo** direcionado.
- As **transições possuem pesos**, tornando o problema equivalente a **encontrar o caminho de menor custo**.
- O algoritmo de Dijkstra foi utilizado para:
 - o Explorar as transições disponíveis a partir de um estado atual.
 - Priorizar caminhos de menor custo usando uma fila de prioridade (heap).
 - o Garantir que a busca termine ao alcançar um estado de aceitação.

Metodologia

Visualização e Animação

- A estrutura da Máquina de Turing foi representada com **networkx** para gerar **grafos interativos.**
- A execução foi animada passo a passo utilizando matplotlib.animation.

Resultados

Estado Inicial

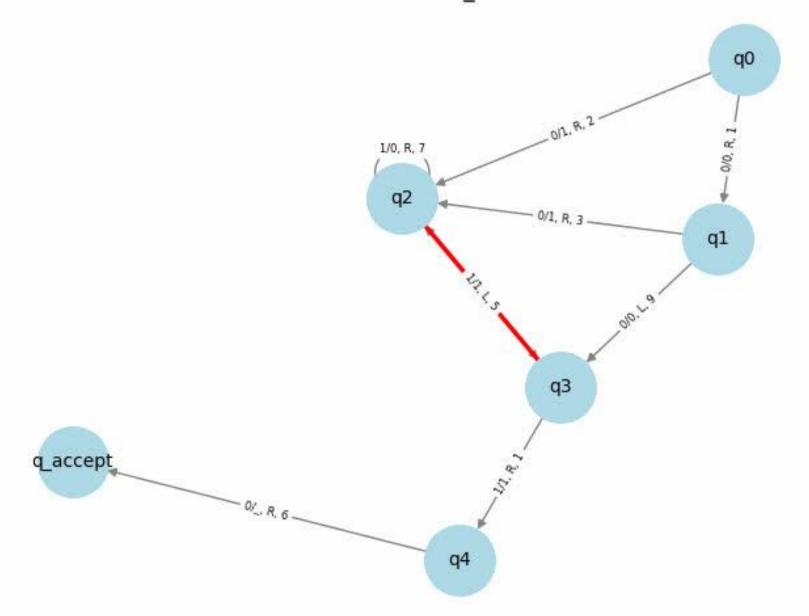
| | | Esta | idos | | |
|----|----|------|------|----|----------|
| q0 | q1 | q2 | q3 | q4 | q_accept |
| | | Fi | ta | | |
| 0 | 0 | | L | 1 | 0 |

| Conjunto de transações | | | | | | | |
|------------------------|--------------|----------------|-----------------|---------|------|--|--|
| Estado_Atual | Símbolo_Lido | Próximo_Estado | Símbolo_Escrito | Direção | Peso | | |
| q0 | 0 | q1 | 0 | R | 1 | | |
| q0 | 0 | q2 | 1 | R | 2 | | |
| q1 | 0 | q2 | 1 | R | 3 | | |
| q1 | 0 | q3 | 0 | L | 9 | | |
| q2 | 1 | q3 | 0 | R | 6 | | |
| q2 | 1 | q2 | 0 | R | 7 | | |
| q3 | 1 | q4 | 1 | R | 1 | | |
| q3 | 1 | q2 | 1 | L | 5 | | |
| q4 | 0 | q_accept | _ | R | 6 | | |

Resultados

| | Passos | | | | | | |
|----|----------|--------|-------|--------|--|--|--|
| No | Estado | Cabeça | Custo | Fita | | | |
| 1 | q0 | 0 | 0 | 00110_ | | | |
| 2 | q1 | 1 | 1 | 00110_ | | | |
| 3 | q2 | 2 | 4 | 01110_ | | | |
| 4 | q3 | 3 | 10 | 01010_ | | | |
| 5 | q4 | 4 | 11 | 01010_ | | | |
| 6 | q_accept | 5 | 17 | 0101_ | | | |

Passo 4: Estado = q3, Cabeça = 3, Custo = 10 Fita: 01010_





Conclusão

O projeto utilizou uma abordagem computacional teórica combinada com otimização de caminhos em grafos, garantindo um modelo eficiente e visualmente interativo da Máquina de Turing.

O uso de Dijkstra garantiu que a execução fosse otimizada, priorizando caminhos de menor custo. A integração de visualização dinâmica tornou o processo mais intuitivo para análise e depuração.

Referências

- 1. ELFRMKR98. Getting started with trees: Breadth-First Search (BFS). Medium, 2023. Disponível em: https://medium.com/@elfrmkr98/getting-started-with-trees-breadth-first-search-bfs-344dc92cbd30. Acesso em: 11 fev. 2025.
- 2. RIBEIRO, Leila. Da Máquina de Turing ao Pensamento Computacional. UFRGS, 2012. Disponível em:
- https://www.ufrgs.br/alanturingbrasil2012/presentation-LeilaRibeiro-ptBR.pdf. Acesso em: 11 fev. 2025.
- 3. VIEIRA, Nelson. Máquinas de Turing. UFMG, 2017. Disponível em: https://homepages.dcc.ufmg.br/~nvieira/cursos/tl/a17s2/livro/cap4.pdf. Acesso em: 11 fev. 2025.