Manual de Usuário: Conversão de AFe para AFN

Introdução

Este documento fornece uma explicação detalhada de um programa em Python que converte um Autômato Finito Não-determinístico com transições ϵ (AF ϵ) em um Autômato Finito Não-determinístico (AFN). A documentação descreve a funcionalidade do programa, explica cada passo do código e apresenta exemplos e resultados.

Objetivo

O programa serve para converter um AF ϵ em um AFN, eliminando as transições ϵ e recalculando os estados de destino para cada transição. Isso é útil para simplificar a análise e implementação de autômatos finitos em sistemas computacionais.

Passo a Passo do Código

1. Importação de Bibliotecas

As bibliotecas 'defaultdict' e 'Digraph' são importadas. 'defaultdict' é utilizada para criar dicionários com valores padrão, e 'Digraph' da biblioteca 'graphviz' é usada para visualização gráfica dos autômatos.

2. Função 'fecho_epsilon'

Esta função calcula o fecho- ϵ de um estado, que é o conjunto de todos os estados alcançáveis a partir de um estado dado através de transições ϵ . Ela utiliza uma pilha para realizar uma busca em profundidade.

3. Função 'afe_afn'

A função 'afe_afn' converte um AFe em um AFN. Ela realiza os seguintes passos:

- Calcula o fecho-ε para todos os estados (fecho_epsilon_todos).
- Cria novas transições sem ε.
- Determina os novos estados finais considerando os fechos-e.
- Retorna o novo AFN.

4. Função 'imprimir_automato'

Esta função imprime de forma legível a definição de um AFN, mostrando seus estados, alfabeto, estado inicial, estados finais e transições.

5. Função 'graficos'

Esta função gera um gráfico visual de um autômato usando a biblioteca 'graphviz'. Ela cria um diagrama de estados com transições rotuladas.

6. Utilização do Programa

Usuário deve passar um Autômato Finito com movimentos vazios (AFε) para o programa no formato do exemplo abaixo. Obrigatoriamente as movimentações vazias devem ser representadas pelo símbolo epsilon (ε).

```
ex1_afn_epsilon = {
    'estados': {'q0', 'q1'},
    'alfabeto': {'a', 'b'},
    'transicoes': {
        'q0': {'a': {'q0'}, '∈': {'q1'}},
        'q1': {'b': {'q1'}}
    },
    'inicial': 'q0',
    'finais': {'q1'}
}
```

Este autômato deverá ser passado a função 'afe_afn' que irá realizar os passos 1 a 3 listados anteriormente realizando a conversão para o Autômato Finito Não-determinístico (AFN).

Para a apresentação da conversão serão utilizadas as funções dos passos 4 e 5, 'imprimir_automato' e 'graficos'. Como o nome já fala, a função 'imprimir_automato' irá receber o autômato e imprimir sua quíntupla, mas de forma organizada para melhor entendimento do usuário. A função 'graficos' deverá receber o autômato e gerar a representação do Grafo.

Resultados

Seguem resultados dos três exemplos utilizados no trabalho.

Exemplo 1

AF€

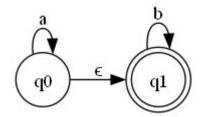
Estados: {'q0', 'q1'} Alfabeto: {'a', 'b'} Estado Inicial: q0 Estados Finais: {'q1'}

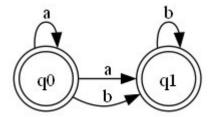
Transições: $\delta(q0, a) -> q0$ $\delta(q0, \epsilon) -> q1$ $\delta(q1, b) -> q1$

AFN Resultante

Estados: {'q0', 'q1'} Alfabeto: {'a', 'b'} Estado Inicial: q0 Estados Finais: {'q1'}

Transições: $\delta(q0, a) -> q0$ $\delta(q0, b) -> q1$ $\delta(q1, b) -> q1$



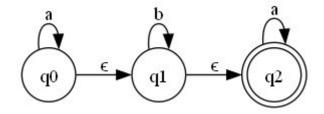


Exemplo 2

AF€

Estados: {'q2', 'q1', 'q0'} Alfabeto: {'a', 'b'} Estado Inicial: q0 Estados Finais: {'q2'}

Transições: $\delta(q0, a) -> q0$ $\delta(q0, \epsilon) -> q1$ $\delta(q1, b) -> q1$ $\delta(q1, \epsilon) -> q2$ $\delta(q2, a) -> q2$



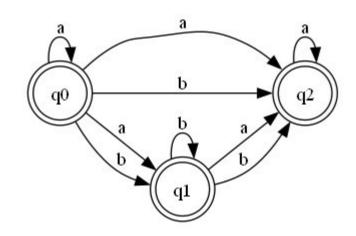
AFN Resultante

Estados: {'q2', 'q1', 'q0'} Alfabeto: {'a', 'b'}

Estado Inicial: q0

Estados Finais: {'q2', 'q1', 'q0'}

Transições: $\delta(q2, a) \rightarrow q2$ $\delta(q1, a) \rightarrow q2$ $\delta(q1, b) \rightarrow q2$ $\delta(q1, b) \rightarrow q1$ $\delta(q0, a) \rightarrow q2$ $\delta(q0, a) \rightarrow q1$ $\delta(q0, a) \rightarrow q0$ $\delta(q0, b) \rightarrow q2$



Exemplo 3

AF€

Estados: {'q4', 'q5', 'q0', 'q3', 'q1', 'q6', 'q2', 'qf'}

Alfabeto: {'b', 'c', 'a'} Estado Inicial: q0 Estados Finais: {'qf'}

Transições:

 $\delta(q0, a) -> q0$

 $\delta(q0, b) -> q0$

 $\delta(q0, c) -> q0$

 $\delta(q0, \epsilon) \rightarrow q4$

 $\delta(q0, \epsilon) \rightarrow q1$

 $\delta(q0, \epsilon) \rightarrow q2$

 $\delta(q1, a) -> qf$

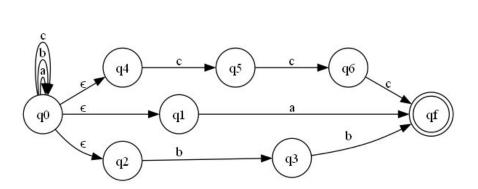
 $\delta(q2, b) -> q3$

 $\delta(q3, b) \rightarrow qf$

 $\delta(q4, c) -> q5$

 $\delta(q5, c) -> q6$

 $\delta(q6, c) \rightarrow qf$



AFN Resultante

Estados: {'q4', 'q5', 'q0', 'q3', 'q1', 'q6', 'q2', 'qf'}

Alfabeto: {'b', 'c', 'a'} Estado Inicial: q0 Estados Finais: {'qf'}

Transições: $\delta(q4, c) \rightarrow q5$ $\delta(q5, c) \rightarrow q6$ $\delta(q0, b) \rightarrow q3$ $\delta(q0, b) \rightarrow q1$ $\delta(q0, b) \rightarrow q0$ $\delta(q0, b) \rightarrow q0$ $\delta(q0, b) \rightarrow q2$ $\delta(q0, c) \rightarrow q4$ $\delta(q0, c) \rightarrow q1$

 $\delta(q0, c) \rightarrow q5$ $\delta(q0, c) \rightarrow q0$ $\delta(q0, c) \rightarrow q2$ $\delta(q0, a) \rightarrow q1$

 $\delta(q0, a) -> q4$ $\delta(q0, a) -> q0$

 $\delta(q0, a) \rightarrow qf$

 $\delta(q0, a) -> q2$ $\delta(q3, b) -> qf$

 $\delta(q1, a) \rightarrow qf$ $\delta(q6, c) \rightarrow qf$

 $\delta(q2, b) -> q3$

Conclusão

Este programa facilita a conversão de AF ϵ para AFN, eliminando as transições ϵ e recalculando os estados de destino. Ele é útil para simplificar a análise de autômatos finitos e pode ser adaptado para diferentes definições de AF ϵ . As funções de visualização ajudam a entender melhor a estrutura e o comportamento dos autômatos.

