

Una prueba de $\vdash (P \rightarrow Q) \rightarrow Q. \rightarrow . (Q \rightarrow P) \rightarrow P$

1.	$(P \rightarrow Q) \rightarrow Q$	as
2.	$\sim P$	as
3.	$\sim P. \rightarrow . (P \rightarrow Q)$	teorema
4.	$P \rightarrow Q$	MP 3,2
5.	Q	MP 1,4
6.	$Q \rightarrow P$	as
7.	P	MP 6,5
8.	$(Q \rightarrow P) \rightarrow P$	DT 1-8
9.	$(Q \rightarrow P) \rightarrow P. \rightarrow . \sim P \rightarrow \sim (Q \rightarrow P)$	teorema
10.	$\sim P \rightarrow \sim (Q \rightarrow P)$	MP 9,8
11.	$\sim (Q \rightarrow P)$	MP 9,8
12.	$\sim P \rightarrow \sim (Q \rightarrow P)$	DT 1-11
13.	$\sim P \rightarrow \sim (Q \rightarrow P). \rightarrow . (Q \rightarrow P) \rightarrow P$	A3
14.	$(Q \rightarrow P) \rightarrow P$	MP 13,12
15.	$(P \rightarrow Q) \rightarrow Q. \rightarrow . (Q \rightarrow P) \rightarrow P$	DT 1-14