

1 公式

1.1 向量的模

设 $\vec{a} = (x, y, z)$, 则 $|\vec{a}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

设 α, β, γ 是向量 \vec{a} 与坐标轴的夹角, 则 \vec{a} 的方向余弦分别为

$$\cos\alpha = \frac{x}{|\vec{a}|}, \cos\beta = \frac{y}{|\vec{a}|}, \cos\gamma = \frac{z}{|\vec{a}|}$$

1.2 向量的线性运算

$$1、\vec{a} + \vec{b} = (a_x + b_x, a_y + b_y, a_z + b_z)$$

$$2、\lambda\vec{a} = (\lambda a_x, \lambda a_y, \lambda a_z)$$

1.3 向量的数量积

$$1、\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}||\vec{b}|\cos\theta, \text{ 其中 } \theta \text{ 是两个向量的夹角}$$

$$2、\vec{a} \cdot \vec{b} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$$

$$3、\text{两个向量垂直, 即 } \vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

1.4 向量的向量积

$$1、\text{向量积的值: } |\vec{c}| = |\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}||\vec{b}|\sin\theta, \text{ 其中 } \theta \text{ 是两个向量的夹角}$$

$$2、\text{向量积的方向: } \vec{c} \text{ 同时垂直于 } \vec{a} \text{ 和 } \vec{b}$$

$$3、\text{行列式表示: } \vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}, \text{ 其中 } \vec{i}, \vec{j}, \vec{k} \text{ 是向量积在三个坐}$$

标轴上的分量

4、两个向量平行，即 $\vec{a} // \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \times \vec{b} = 0 \Leftrightarrow \frac{a_x}{b_x} = \frac{a_y}{b_y} = \frac{a_z}{b_z}$

1.5 向量的混合积

$$1、(\vec{a}\vec{b}\vec{c}) = (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c} = \begin{vmatrix} a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \\ c_x & c_y & c_z \end{vmatrix}$$

$$2、\vec{a}, \vec{b}, \vec{c} \text{ 共面 } \Leftrightarrow (\vec{a}\vec{b}\vec{c}) = 0$$