

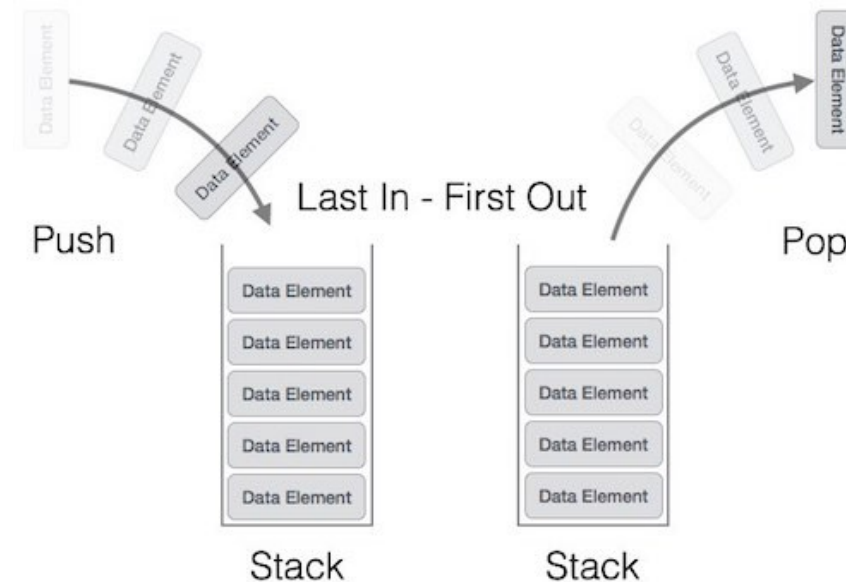


Bài 7.

Cấu trúc dữ liệu ngăn xếp (Stack)

- I. Định nghĩa stack**
- II. Cấu trúc dữ liệu stack**
- III. Cài đặt stack bằng mảng**
- IV. Ký pháp Ba Lan – Ứng dụng Stack tính giá trị biểu thức**

I. Định nghĩa Stack



- ❖ Stack là cách **tổ chức lưu trữ** các đối tượng dưới dạng một danh sách tuyến tính mà việc bổ sung đối tượng và lấy các đối tượng ra được thực hiện ở cùng một đầu của danh sách.
- ❖ Stack được gọi là danh sách kiểu LIFO (Last In First Out - vào sau ra trước)

Các vấn đề cần nghiên cứu



- ☐ Cấu trúc dữ liệu trừu tượng Stack (ADT Stack)
- ☐ Những ứng dụng của Stack
- ☐ Cài đặt Stack dựa trên mảng
- ☐ Sự phát triển stack dựa trên mảng

II. Cấu trúc dữ liệu trừu tượng Stack



- Stack ADT lưu trữ các đối tượng bất kỳ
- Bổ sung và lấy ra các phần tử theo kiểu “Vào sau ra trước” – “Last In First Out”
- Các phép toán chính:
 - push(Object o)**: bổ sung đối tượng **o** vào Stack
 - pop()**: lấy ra và trả lại phần tử được bổ sung vào cuối cùng của Stack
- Các phép toán hỗ trợ
 - top()** trả lại tham chiếu đến phần tử được bổ sung vào cuối cùng của Stack
 - size()**: trả lại số phần tử hiện lưu trữ trong Stack
 - empty()**: trả lại giá trị kiểu boolean để xác định Stack có lưu trữ phần tử nào hay không

Các trường hợp ngoại lệ



- ❑ Ngoại lệ: là việc thực hiện một phép toán mà trong trường hợp đó nó không thể thực hiện
 - ❑ Với Stack ADT thì phép toán **pop** và **top** không thể thực hiện được nếu Stack rỗng
- Khi thực hiện phép toán **pop** hoặc **top** trên một Stack rỗng thì dẫn đến ngoại lệ Stack rỗng

Một số ứng dụng của Stack



❖ Các ứng dụng trực tiếp

- Lưu lại các trang Web đã thăm trong một trình duyệt
- Thứ tự **Undo** trong một trình soạn thảo
- Lưu trữ các biến khi một hàm gọi tới hàm khác, và hàm được gọi lại gọi tới hàm khác, và cứ tiếp tục như vậy.

❖ Các ứng dụng gián tiếp

- Cấu trúc dữ liệu hỗ trợ cho một số thuật toán
- Là một thành phần của những cấu trúc dữ liệu khác

Ví dụ: Sự thực hiện trong hệ thống được viết bằng C++



- ❖ Hệ thống được viết bằng C++ khi chạy sẽ giữ các phần của một chuỗi mã xích của các các hàm đang hoạt động trong một Stack
- ❖ Khi một hàm được gọi, hệ thực hiện đẩy vào Stack một khung chứa bao gồm:
 - Các biến cục bộ và giá trị trả lại của hàm
- ❖ Khi một hàm trả lại giá trị, cái khung của nó trong Stack sẽ được lấy ra và máy sẽ tiếp tục thực hiện đến phương thức ở đỉnh của Stack

```
main() {  
    int i = 5;  
    foo(i);  
}
```

```
foo(int j) {  
    int k;  
    k = j+1;  
    bar(k);  
}
```

```
bar(int m) {  
    ...  
}
```

bar

PC = 1
m = 6

foo

PC = 3
j = 5
k = 6

main

PC = 2
i = 5

III. Cài đặt Stack bằng mảng



- Cách đơn giản nhất cài đặt một Stack là sử dụng một mảng
- Chúng ta thực hiện bổ sung phần tử vào từ trái qua phải
- Sử dụng một biến t lưu chỉ số của phần tử ở đỉnh của Stack

Algorithm *size()*

return $t + 1$

Algorithm *pop()*

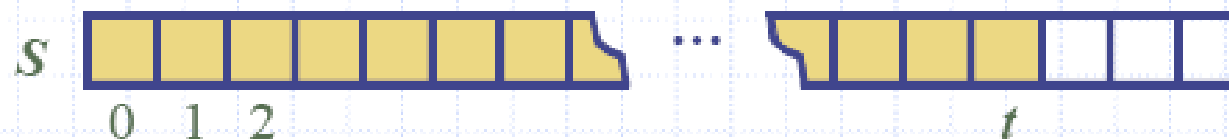
if *isEmpty()* then

throw *EmptyStackException*

else

$t \leftarrow t - 1$

return $S[t + 1]$



III. Cài đặt Stack bằng mảng (tiếp)



- Mảng lưu trữ các phần tử của Stack có thể dẫn đến đầy
- Phép toán bổ sung các phần tử có thể dẫn đến ngoại lệ: **FullStackException**
 - Giới hạn của mảng được sử dụng cài đặt
 - Không phải là bản chất của Stack ADT

```
Algorithm push(o)  
  if  $t = S.length - 1$  then  
    throw FullStackException  
  else  
     $t \leftarrow t + 1$   
     $S[t] \leftarrow o$ 
```



Cải tiến cài đặt Stack bằng mảng



- ❑ Khi thực hiện phép toán **push**, trong khi mảng đầy sẽ dẫn đến ngoại lệ. Ta có thể thay thế mảng bằng mảng có kích thước lớn hơn
- ❑ Làm thế nào để thay thế bằng một mảng lớn hơn?
 - Chiến lược gia tăng:
Thay thế mảng cũ bằng một mảng mới với kích thước bằng kích thước mảng cũ cộng với một hằng số c
 - Chiến lược gấp đôi: Thay thế mảng cũ bằng một mảng mới với kích thước gấp đôi kích thước của mảng cũ

So sánh hai chiến lược



- ❑ Chúng ta so sánh chiến lược gia tăng và chiến lược gấp đôi bằng việc phân tích tổng thời gian $T(n)$. $T(n)$ là tổng thời gian cần thiết để hoàn thành phép toán push toàn bộ một chuỗi n phần tử vào Stack
- ❑ Chúng ta bắt đầu với một Stack rỗng và thể hiện Stack bằng mảng có kích thước là 1
- ❑ Chúng ta gọi thời gian chạy trung bình của phép toán push chuỗi n phần tử là $T(n)/n$

Phân tích chiến lược gia tăng

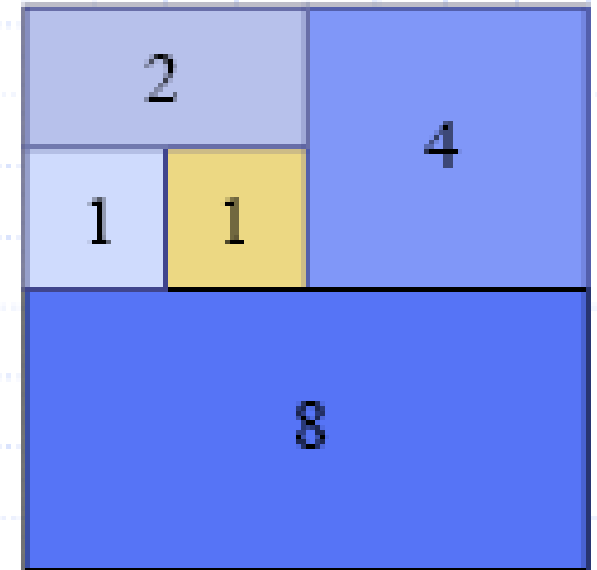


- ❑ Chúng ta phải thực hiện thay thế mảng $k=n/c$ lần
- ❑ Tổng thời gian $T(n)$ của việc push chuỗi n phần tử vào stack tương ứng với:
$$n+c+2c+3c+\dots+kc = n+c(1+2+\dots+k) = n+ck(k+1)/2$$
- ❑ Khi c là một hằng số thì $T(n)$ là $O(n+k^2)$ và như vậy $T(n) = O(n^2)$
- ❑ Thời gian thực hiện phép toán push là $O(n)$

Phân tích chiến lược gấp đôi



- ❑ Chúng ta thay thế mảng $k=\log_2 n$ lần
- ❑ Tổng thời gian $T(n)$ của việc push chuỗi n phần tử vào Stack tương ứng với:
$$n+1+2+4+8+\dots+2^k = n + 2^{k+1}-1 = 2n-1$$
- ❑ $T(n)$ là $O(n)$
- ❑ Thời gian thực hiện phép toán push là $O(1)$



Cài đặt Stack trong C++



```
template<class Object>
class ArrayStack{
private:
    int capacity; //Số phần tử tối đa
    Object *S;
    int t; //Lưu chỉ số pt vào cuối cùng
public:
    ArrayStack(int c)
    bool empty();
    int size();
    int top();
    int push(Object o);
    int pop(Object &o);
}
```

```
template<class Object>
ArrayStack<Object>::ArrayStack(int c){
    capacity = c;
    S = new Object[capacity];
    t=-1;
}
template<class Object>
int ArrayStack<Object>::isEmpty(){
    return(t<0);
}
template<class Object>
int ArrayStack<Object>::size()
{ return t+1; }
```

Cài đặt stack bằng mảng: <https://ideone.com/AuYDoZ>

Cài đặt stack bằng liên kết node đơn: <https://ideone.com/s6RpaH>

- ❑ **Cài đặt Stack bằng mảng**
- ❑ **Xây dựng một chương trình ứng dụng stack với các chức năng sau:**
 1. Thêm một phần tử vào stack
 2. Lấy một phần tử ra khỏi stack
 3. Cho biết stack có rỗng hay không?
 4. Kết thúc chương trình.

IV. Ký pháp Ba Lan



❑ Trong toán học các biểu thức được viết theo ký pháp trung tố.

Ví dụ: $a*(b+c)-(d*a)$

❑ Nhà toán học Ba Lan Lukasiewicz đưa ra hai dạng ký pháp biểu diễn biểu thức đó là ký pháp tiền tố (prefix) và hậu tố (postfix).

❑ Ký pháp tiền tố: Các toán tử đứng trước các toán hạng

– Ví dụ: $a*(b+c)-(d*a)$ ký pháp tiền tố là $-*a+bc*da$

❑ Ký pháp hậu tố: Các toán tử đứng sau các toán hạng

– Ví dụ: $a*(b+c)-(d*a)$ ký pháp hậu tố là $abc+*da*-$

IV. Ký pháp Ba Lan (tiếp)



- ❑ Các dạng ký pháp tiền tố và hậu tố biểu diễn các biểu thức được gọi là ký pháp BaLan
- ❑ Biểu diễn các biểu thức theo ký pháp Ba Lan có một số ưu điểm sau:
 - Không sử dụng các dấu (,)
 - Dễ dàng lập trình để tính giá trị các biểu thức

IV. Ký pháp Ba Lan (tiếp)



□ Thuật toán chuyển biểu thức biểu diễn theo ký pháp trung tố về dạng biểu diễn ký pháp hậu tố

- Sử dụng 2 Stack Opr (lưu các toán tử) và BLExp (lưu biểu thức dạng hậu tố)
 - **Thuật toán**
 - Đọc lần lượt từ trái qua phải biểu thức dạng trung tố
 - Nếu gặp dấu (thì PUSH nó vào Opr
 - Nếu gặp **toán hạng** thì PUSH vào BLExp
 - Nếu gặp dấu) thì POP các toán tử của Opr và PUSH vào BLExp đến khi gặp dấu (thì POP dấu (bỏ nó đi.
 - Nếu gặp **toán tử** thì:
 - Nếu Opr rỗng thì PUSH toán tử đó vào Opr
 - Nếu toán tử được PUSH vào Opr cuối cùng có mức ưu tiên cao hơn toán tử vừa đọc thì: lần lượt POP các toán tử ra khỏi Opr và PUSH vào BLExp, đến khi gặp toán tử có mức ưu tiên thấp hơn hoặc Opr rỗng thì dừng lại. PUSH toán tử vào Opr
 - Nếu toán tử được PUSH vào Opr cuối cùng có mức ưu tiên nhỏ hơn toán tử vừa đọc thì: PUSH toán tử vừa đọc vào Opr
 - Cuối cùng POP tất cả các toán tử còn lại trong Opr và PUSH vào BLExp
 - Đảo ngược thứ tự các phần tử trong BLExp ta được biểu thức dạng hậu tố
- Thứ tự ưu tiên các toán tử (giảm dần): /, *, -, +,), (**

IV. Ký pháp Ba Lan (tiếp)



❑ Thuật toán tính giá trị của biểu thức dạng hậu tố

- Biểu thức lưu trong Stack BLExp, sử dụng stack phụ T
- Thực hiện POP lần lượt các phần tử trong BLExp
 - Nếu gặp toán hạng thì PUSH nó vào T
 - Nếu gặp toán tử thì:
 - POP 2 phần tử đầu của T ra và thực hiện với toán tử đó, PUSH kết quả thu được vào T.
- Quá trình thực hiện cho đến khi BLExp rỗng. Giá trị của biểu thức là phần tử còn lại trong T.

Bài tập



**Bài tập 1. Viết chương trình cho phép nhập vào một biểu thức dạng trung tố bất kỳ
Tính giá trị của biểu thức đó.**

Đề bài: <http://laptrinhonline.club/problem/tichpxhtbalan>

Code tham khảo: <https://ideone.com/tSMnPL>

Bài tập 2. Viết chương trình tính khối lượng hóa chất

Đề bài: <http://laptrinhonline.club/problem/tichpxweighthoachat>

Code tham khảo: <https://ideone.com/rr3OVC>

Bài tập 3. Bài toán xếp hàng

Đề bài: <http://laptrinhonline.club/problem/tichpxxephang>

Code tham khảo: <https://ideone.com/j6mqy7>

Bài tập 4. Thuật toán DFS cho bài mọi con đường về không

Đề bài: <http://laptrinhonline.club/problem/tichpxlietkezzero>

Code tham khảo: <https://ideone.com/qccSNd>

Hết