

## B3. PCA

## Bổ sung cho bài giảng

2019

## Nội dung bổ sung



- 1. Ma trận hiệp phương sai
- 2. Principal Component Analysis

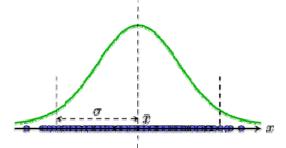
#### 1. Ma trận hiệp phương sai



☐ Kỳ vọng (expectation)

$$\overline{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

trung bình cộng (mean)



☐ Phương sai (variance) và độ lệch chuẩn (standard deviation)

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2$$
 trung bình khoảng cách đến kỳ vọng

- σ: độ lệch chuẩn
- phương sai càng NHÔ thì các điểm dữ liệu càng gần kỳ vọng
- phương sai càng LỚN thì các điểm dữ liệu càng phân tán

B3. PCA

Bổ sung thêm cho bài giảng



#### 1. Ma trận hiệp phương sai (tt.)



- $\square$  Vector cột  $x_1, x_2, ..., x_n \in R^m$ , ma trận  $X = (x_1 x_2 ... x_n) \in R_{m,n}$ 
  - ma trận trung tâm (center matrix eq centering matrix)  $\hat{X} \in \mathsf{R}_{\mathsf{m,n}}$

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{i}$$

$$\hat{x}_{ij} = (x_{ij} - \bar{x})$$

$$\hat{x}_{ij} = (X_{ij} - \bar{x})$$

$$\hat{x}_{ij} = (x_{ij} - \bar{x})$$

$$\hat{x}_{ij} = (x_{ij} - \bar{x}_{ij})$$

 $(x_1 \quad x_2 \quad x_3 \quad (x_n \quad x_3))$ 

ma trận hiệp phương sai (covariance matrix) của X

$$V(X) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) \cdot (x_i - \bar{x})^T = \frac{1}{n} \hat{X} \cdot \hat{X}^T \equiv V$$

#### 1. Ma trận hiệp phương sai (tt.)



- ☐ Một số tính chất của ma trận hiệp phương sai V
  - ma trận đối xứng
  - ma trận nửa xác định dương
  - hệ số không âm trên đường chéo: phương sai trên từng chiều
  - hiệp phương sai v<sub>ii</sub> (i ≠ j): mối tương quan giữa x<sub>i</sub> và x<sub>i</sub>
  - nếu V là ma trận đường chéo ⇒ hoàn toàn không tương quan



B3. PCA

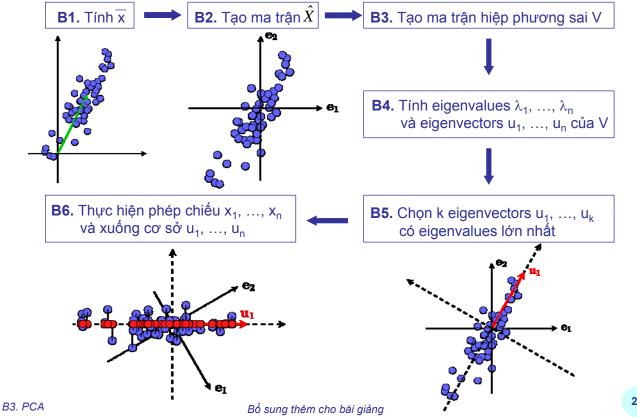
Bổ sung thêm cho bài giảng

# Nội dung bổ sung

- 1. Ma trận hiệp phương sai
- 2. Principal Component Analysis

## 2. Principal Component Analysis





28