ISIMA Première Année

Compte-Rendu de TP Structures de Données

Dérécursivation à l'aide d'une pile

Benjamin BARBESANGE Pierre-Loup PISSAVY *Groupe G21*

Enseignant : Michelle CHABROL

mars 2015



Table des matières

1	Présentation 2				
	1.1	Structur	Structure de données employée		
	1.2		sation du code source	3	
		1.2.1	Gestion de la pile	3	
		1.2.2	Fonction récursive	3	
		1.2.3	Programme principal	3	
2	Déta	Détails du programme			
	2.1	· ·			
	2.2		n récursive	8	
	2.3		nme principal	10	
3	Prin	Principes et lexiques des fonctions			
	3.1	Gestion de la pile		12 12	
			init	12	
			Supp	13	
			empty	13	
			full	13	
			рор	13	
			top	13	
			push	14	
	3.2		rsivation de la fonction	14	
			TRUC	14	
		3.2.2	truc_iter	17	
4	Com	pte rend	u d'exécution	18	
	4.1 Makefile			18	
	4.2		tests	18	
			Fichier de tests	18	
			Tests de la pile	20	
			Bonne utilisation de la mémoire	22	

1 Présentation

Le but de ce TP est de dérécursiver une fonction à l'aide d'une pile. Les fonctions de gestion d'une pile seront ainsi créées.

Les opérations suivantes sont permises avec la pile :

- Initialiser la pile,
- Libérer la pile,
- Tester si la pile est vide,
- Tester si la pile est pleine,
- Retourner l'élément en haut de la pile,
- Afficher l'élément en haut de la pile,
- Insérer un élément dans la pile.

1.1 Structure de données employée

Les données seront stockées dans une liste contiguë à accès indirect en tête. La taille et le pointeur sur cette liste ainsi que l'indice de l'élément en tête de pile sont stockés dans la structure représentée en figure 1.1.

FIGURE 1.1 – Structure de pile et code correspondant

1.2 Organisation du code source

Nous avons défini deux modules, le premier contient une fonction sous forme récursive ansi que sa version sous forme itérative. Nous disposons également d'un module permettant de gérer une pile, qui est ainsi utilisé lors de la dérécursivation de la fonction.

1.2.1 Gestion de la pile

- src/stack.h
- src/stack.c

1.2.2 Fonction récursive

- src/truc.h
- src/truc.c

1.2.3 Programme principal

• src/main.c

2 | Détails du programme

2.1 Gestion de la pile

```
_____ Code C -
    /* stack.h
      Header
2
3
      ----| DERECURSIVATION DE FONCTION PAR PILE |----
4
      BARBESANGE Benjamin,
      PISSAVY Pierre-Loup
      ISIMA 1ere Annee, 2014-2015
9
10
11
    #ifndef __STACK__H
12
    #define __STACK__H
13
14
      #include <stdio.h>
      #include <stdlib.h>
17
      typedef int datatype; /* permet d'utiliser des types differents avec la pile */
18
19
      typedef struct _stack_t {
                  max; /* nombre max d'elements dans la pile */
21
                  top; /* position de l'element en tete de pile */
22
        datatype *val; /* tableau des valeurs de la pile */
23
      } stack_t;
24
25
      int init(stack_t *,int);
26
      void supp(stack_t *);
27
      int empty(stack_t);
28
      int full(stack_t);
      int pop(stack_t *, datatype *);
      int top(stack_t *, datatype *);
      int push(stack_t *, datatype);
32
33
    #endif
34
```

```
______ Code C _
    /* stack.c
      Fonctions de gestion de la structure de pile
2
3
      ----| DERECURSIVATION DE FONCTION PAR PILE |----
      BARBESANGE Benjamin,
6
      PISSAVY Pierre-Loup
8
      ISIMA 1ere Annee, 2014-2015
    */
10
    #include "stack.h"
11
12
    /* int init(stack_t *p, int n)
13
    Fonction d'initialisation de la pile avec une taille max
14
15
      Entrees :
16
        *p : pointeur sur la pile
17
        n : taille maximum de la pile
18
19
      Sortie :
        int : code d'erreur
21
          1 si aucune erreur
22
          0 si erreur de creation de la pile
23
24
    int init(stack_t *p, int n) {
25
     int ret = 1;
26
      p->max = n;
27
      p->top = -1;
28
      p->val = (datatype*) malloc(n*sizeof(datatype));
29
      if (p->val == NULL) {
30
        ret = 0;
31
32
      }
      return ret;
33
    }
34
35
    /* void supp(stack_t *p)
36
    Fonction de suppression de la pile
37
38
      Entree :
39
        *p : pointeur sur la tete de la pile
41
      Sortie :
42
43
        Aucune
44
    void supp(stack_t *p) {
45
      free(p->val);
46
      p->top = -1; /* Empeche de depiler */
47
      p->max = 0; /* Empeche d'empiler */
    }
49
50
    /* int empty(stack_t *p)
    Teste si la pile est vide ou non
52
53
      Entree :
54
        p : tete de la pile
```

```
56
       Sortie :
57
         int : booleen
58
           0 si la pile n'est pas vide
59
           1 si la pile est vide
60
     */
61
     int empty(stack_t p) {
62
       return (p.top == -1)?1:0;
63
64
65
     /* int full(stack_t p)
66
     Teste si la pile est pleine ou non
67
       Entree :
69
         p : tete de la pile
70
71
       Sortie :
72
         int : booleen
73
           0 si la pile n'est pas pleine
74
           1 si la pile est pleine
75
76
     int full(stack_t p) {
77
       return (p.top == p.max-1)?1:0;
78
79
80
     /* int pop(stack_t *p, datatype *v)
81
     Recupere le premier element de la pile (et l'enleve) et retourne un code d'erreur
82
83
84
       Entree:
         *p : pointeur sur la tete de la pile
85
         *v : pointeur sur un element du type de la pile, variable en I/O
86
87
       Sortie :
88
         int : code d'erreur
89
           0 si rien n'est retourne dans la variable v
90
           1 si on a recupere l'element en tete
     */
92
     int pop(stack_t *p, datatype *v) {
93
       int ok = 0;
94
       if (!empty(*p)) {
95
         *v = p->val[p->top];
96
         ok = 1;
97
         p->top--;
99
       return ok;
100
     }
101
102
     /* int top(stack_t *p, datatype *v)
     Retourne l'element en tete de la pile (sans l'enlever) et retourne un code d'erreur
104
105
       Entree:
         *p : pointeur sur la tete de la pile
107
         *v : pointeur sur un element du type de la pile, variable en I/O
108
109
       Sortie :
110
111
         int : code d'erreur
```

```
0 si rien n'est retourne
112
            1 si on recupere l'element en tete
113
114
     int top(stack_t *p, datatype *v) {
115
       int ok = 0;
116
       if (!empty(*p)) {
117
         *v = p->val[p->top];
118
         ok = 1;
119
       }
120
       return ok;
121
     }
122
123
     /* int push(stack_t *p, datatype v)
     Insere un element en tete de la pile
125
126
       Entree :
127
         *p : pointeur sur la tete de la pile
128
         v : element a inserer dans la pile
129
130
       Sortie :
131
         int : code d'erreur
132
           0 si l'element n'est pas ajoute dans la pile
133
            1 si l'element est ajoute dans la pile
134
     */
135
     int push(stack_t *p, datatype v) {
136
       int ok = 0;
137
       if (!full(*p)) {
138
         p->top++;
139
         p->val[p->top] = v;
140
         ok = 1;
141
       }
142
       return ok;
143
144
     }
```

2.2 Fonction récursive

```
_____ Code C __
    /* truc.h
      Header
2
3
      ----| DERECURSIVATION DE FONCTION PAR PILE |----
      BARBESANGE Benjamin,
6
      PISSAVY Pierre-Loup
8
      ISIMA 1ere Annee, 2014-2015
9
10
    #ifndef __TRUC__H
11
    #define __TRUC__H
12
            #include <stdio.h>
13
            #include <stdlib.h>
14
            #define N 10
15
16
            int TRUC(int, int);
            int truc_iter(int, int);
17
    #endif
18
```

```
______ Code C __
    /* truc.c
      Fonction recursive et son equivalent en iteratif
2
3
      ----| DERECURSIVATION DE FONCTION PAR PILE |----
4
      BARBESANGE Benjamin,
6
      PISSAVY Pierre-Loup
8
      ISIMA 1ere Annee, 2014-2015
10
11
    #include "truc.h"
12
    #include "stack.h"
13
14
    /* tableau des valeurs pour la decomposition, premiere valeur inutile */
15
    int P[N+1] = \{0,1,3,2,4,5,2,7,1,9,1\};
16
17
    /* int TRUC(int S, int I)
18
      Fonction sous forme recursive qui affiche la decomposition de
19
      S a partir d'un tableau d'entiers (defini ici en statique)
20
21
      Entrees:
22
       int S : Nombre a decomposer
23
        int I : Point de depart dans le tableau pour decomposer S
24
25
26
        int : entier sous forme de booleen
27
          0 si on a pas pu decomposer S exactement
28
          1 sinon
29
30
    int TRUC(int S, int I) {
31
      if (S == 0) {
32
        return 1;
33
```

```
} else if (S < 0 \mid | I > N) {
34
         return 0;
35
      } else if (TRUC(S-P[I],I+1)) {
36
         printf("%d\n",P[I]);
37
        return 1;
38
      } else {
39
         return TRUC(S,I+1);
40
41
    }
42
43
    /* int truc_iter(int s, int i)
44
      Meme fonction qu'au dessus, mais sous forme iterative
45
      Entrees :
47
        int s : Nombre a decomposer
48
        int i : Point de depart dans P pour decomposer S
49
50
      Sortie :
51
        int : entier sous forme de booleen
52
           0 si on a pas pu decomposer S exactement
53
           1 sinon
54
    */
55
    int truc_iter(int s, int i) {
56
      int sl = s;
57
      int il = i;
58
      int r = 0;
59
      stack_t p;
60
      if (init(&p,N)) {
62
        do {
           while (sl > 0 && il <= N) {
63
             push(&p,il);
64
             sl -= P[il];
             ++il;
66
           }
67
           if (sl == 0) {
             r = 1;
             while (!empty(p)) {
70
               pop(&p,&il);
71
               sl += P[il];
72
               printf("%d\n",P[il]);
73
             }
74
           } else {
             r = 0;
             if (!empty(p)) {
77
               pop(&p,&il);
78
               sl += P[i1];
79
               ++il;
80
             }
           }
82
         } while (!empty(p));
83
         supp(&p);
85
      return r;
86
87
```

2.3 Programme principal

```
_____ Code C __
    /* main.c
      Fonction principale du programme, pour les tests
2
3
      ----| DERECURSIVATION DE FONCTION PAR PILE |----
      BARBESANGE Benjamin,
6
      PISSAVY Pierre-Loup
8
      ISIMA 1ere Annee, 2014-2015
10
11
    #include "truc.h"
12
    #include "stack.h"
13
14
    extern int P[];
15
16
    void pile_test(int);
17
    void afficher_P();
18
19
    int main(int argc, char *argv[]) {
20
      FILE *f;
21
      char buf[100];
22
      int i, s, n;
23
      if (argc > 1) {
24
        /* Lecture de fichier de commandes */
25
        f = fopen(argv[1],"r");
26
        if (f) {
          while (!feof(f)) {
28
             buf[0] = '\0';
29
             fgets(buf, 100, f);
30
             switch (buf[0]) {
31
               case 'p': /* pile */
                 sscanf(&buf[1], "%d", &n);
33
                 pile_test(n);
                 break;
               case 't': /* truc iteratif */
36
                 afficher_P();
37
                 sscanf(&buf[1],"%d %d", &s, &i);
38
                 printf("Reponse: %s\n",(truc_iter(s,i))?"Vrai":"Faux");
40
               case 'T': /* truc recursif */
41
                 afficher_P();
42
                 sscanf(&buf[1],"%d %d", &s, &i);
                 printf("Reponse: %s\n",(TRUC(s,i))?"Vrai":"Faux");
44
                 break;
45
               case '#': /* texte */
46
                 printf("%s",&buf[1]);
47
                 break;
               default:
                 puts("\n");
             }
52
        } else {
```

```
fprintf(stderr, "Fichier invalide\n");
54
        }
55
      } else {
56
        /* Fonctions de tests de base */
57
        printf("Test de pile:\n");
        pile_test(4);
59
        printf("Fonction recursive:\n");
60
        TRUC(9,1);
61
        printf("Fonction iterative:\n");
62
        truc_iter(9,1);
63
      }
64
      return ∅;
65
67
    void pile_test(int n) {
68
      stack_t p;
69
      int i = 0;
70
      if (init(&p,n)) {
71
        while (push(&p,i)) {
72
           printf("Empiler: %d\n",i);
           ++i;
74
75
        while (pop(&p,&i)) {
76
           printf("Depiler: %d\n",i);
77
78
        supp(&p);
      }
80
    }
81
82
    void afficher_P() {
83
      int i;
84
      printf("Tableau P : ");
85
      for (i = 1; i \le N; ++i) {
86
        printf("%d ",P[i]);
87
      printf("\n");
    }
90
```

3 | Principes et lexiques des fonctions

Dans cette partie, sont décrits les algorithmes de principe associés aux fonctions écrites en langage C, ainsi qu'un lexique concernant les variables intermédiaires des fonctions.

Les lexiques des variables d'entrée, sortie et entrée/sortie sont disponibles dans le code source directement.

3.1 Gestion de la pile

La gestion de la pile s'effectue grâce aux fichiers stack.c et stack.h.

3.1.1 init

```
Algorithme init

Début

On initialise le code de retour à 1; [Il n'y a aucune erreur]

On initialise la taille max de la pile;

On initialise l'indice du haut de la pile à -1; [Pour indiquer qu'elle est vide]

On alloue l'espace de la pile;

Si l'allocation n'est pas réussie Alors

Le code de retour passe à 0;

FinSi;

Retourner code de retour;

Fin

Lexique:

ret: code de retour, 0 si il y a une erreur de création de la pile, 1 sinon
```

3.1.2 supp

lci, nous libérons simplement le tableau de valeurs de la pile, puisque celui-ci est alloué dynamiquement lors de la création. Nous avons choisi de modifier les champs (indice de tête de pile à -1 et taille de la pile à 0) afin d'empêcher tout traitement sur cette pile jusqu'à sa réinitialisation. En effet, les fonctions permettant d'empiler et de dépiler renverront un code d'erreur.

3.1.3 empty

Cette fonction teste simplement si l'indice du haut de la pile est –1, ce qui signifie qu'il n'y a aucun élément dans la pile. Ainsi la valeur 1 sera retournée. Sinon la valeur 0 est retournée.

3.1.4 full

Cette fonction vérifie si l'indice de l'élément en haut de la pile est égal à la taille max de la pile (moins 1, car les tableaux commencent à 0). Si c'est le cas, on renvoie 1 pour signaler que la pile est pleine, et 0 sinon.

3.1.5 pop

```
Algorithme pop

Début

On initialise le code de retour à 0; [ On n'a pas dépilé ]

Si la pile n'est pas vide Alors

On dépile l'élément dans une variable en Input/Output;

Le code de retour passe à 1; [ On a dépilé et récupéré l'élément ]

On modifie l'indice de l'élément en haut de la pile; [ On retranche 1 à l'indice précédent ]

FinSi;

Retourner code de retour;

Fin

Lexique:

ok: code de retour, 0 si on n'a pas dépilé, 1 si on a dépilé la valeur en haut de la pile
```

3.1.6 top

```
Algorithme top

Début

On initialise le code de retour à 0; [Pas d'élément lu]

Si la pile n'est pas vide Alors

On copie la tête de pile dans une variable en I/O;

Le code de retour passe à 1; [On a récupéré la valeur]

FinSi;

Retourner code de retour;

Fin
```

Lexique:

ok: code de retour, 0 si on n'a pas récupéré l'élément en haut de la pile, 1 si on l'a récupéré

3.1.7 push

```
Algorithme push

Début

On initialise le code de retour à 0; [L'élément n'est pas ajouté dans la pile]

Si la pile n'est pas pleine Alors

On incrémente l'indice de l'élément en haut de la pile;

On place l'élément dans le tableau de la pile, à l'indice précédement modifié;

Le code de retour passe à 1; [L'élément est empilé]

FinSi;

Retourner code de retour;

Fin

Lexique:
```

ok:code de retour, 0 si on n'a pas empilé, 1 si on a empilé la valeur

3.2 Dérécursivation de la fonction

La fonction récursive ainsi que sa version itérative se trouvent dans les fichiers truc.c et truc.h.

3.2.1 TRUC

Cette fonction étant l'énoncé du TP, nous ne détaillerons ainsi ni le principe ni les variables utilisées dans cet algorithme.

Nous allons dérécursiver cette fonction. Il s'aqit d'un traitement simplifié du problème du sac à dos.

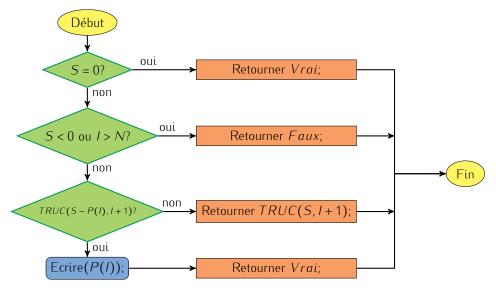


FIGURE 3.1 – Logigramme initial

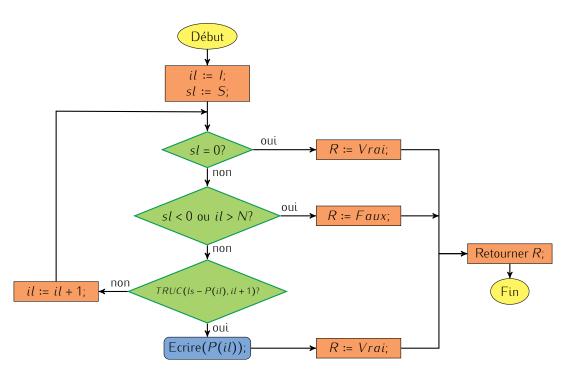


FIGURE 3.2 – Suppression des appels terminaux

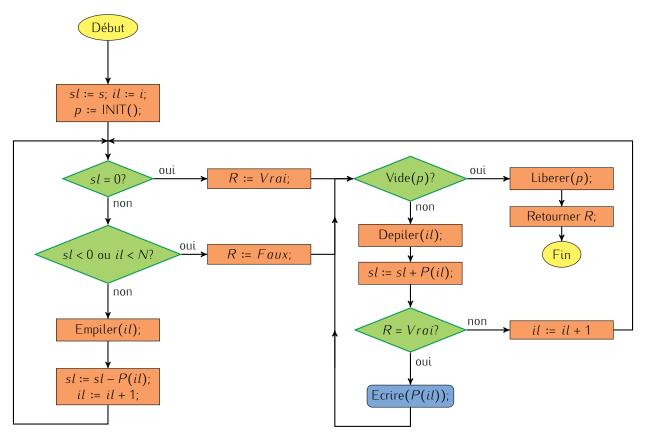


Figure 3.3 – Suppression des appels non-terminaux

3.2.2 truc_iter

```
Algorithme truc_iter (Principe)
Début
   Copie des paramètres d'entrée dans des variables locales, sl et il;
   Initialisation de la pile de la même taille que le tableau statique;
   Si l'initialisation a réussi Alors
       Répéter
           TantQue sl > 0 Et il \le N Faire
              On envoie il dans la pile;
              sl := sl - P(il);
              On incrémente il;
           FinTantQue;
           Si sl = 0 Alors
              Le booléen de retour est à Vrai;
              TantQue la pile n'est pas vide Faire
                  On récupère il à partir de la pile;
                  On ajoute P(il) à sl;
                  On affiche P(il);
              FinTantQue;
           Sinon
              Le booléen de retour est à Faux;
              Si la pile n'est pas vide Alors
                  On récupère il à partir de la pile;
                  On ajoute P(il) à sl;
                  On incrémente il;
              FinSi;
          FinSi;
       TantQue la pile n'est pas vide fait;
       On supprime la pile;
   FinSi;
   Retourner Booléen de retour;
Fin
Lexique:
   sl:copie locale du nombre s passé en paramètre. Représente le nombre à décomposer
   il:copie locale du nombre i passé en paramètre. Représente le point de départ dans le tableau pour
décomposer s
   r:booléen de retour, indique 1 si on a obtenu la somme s, 0 sinon
   p:pile
   P:tableau d'entiers, défini statiquement
   N:taille du tableau P
```

4 | Compte rendu d'exécution

4.1 Makefile

```
_ Makefile
    #Compilateur et options de compilation
    CFLAGS=-Wall -ansi -pedantic -Wextra -g
    #Fichiers du projet
    SOURCES=main.c stack.c truc.c
    OBJECTS=$(SOURCES:.c=.o)
    EXEC=prog
10
    $(EXEC): $(OBJECTS)
11
            $(CC) $(CFLAGS) $^ -o $(EXEC)
12
13
    .c.o:
14
            $(CC) -c $(CFLAGS) $*.c
15
16
    clean:
17
            rm $(OBJECTS) $(EXEC)
```

4.2 leux de tests

4.2.1 Fichier de tests

La structure utilisée dans le fichier de tests est la suivante :

- Chaque ligne ne peut excéder 100 caractères,
- Le premier caractère de chaque ligne peut-être :
 - # : Permet d'afficher le texte présent sur la ligne, après le caractère.
 - p : Permet de lancer le test de la pile. Nécessite un argument : le nombre d'éléments, donné sur la même ligne.
 - t : Permet de lancer la fonction truc en version itérative. Prend deux arguments positifs, strictement pour le second. Le premier correspond à S, le second à I.
 - T : Idem pour la version récursive.
 - Tout autre caractère ou ligne vide affichera une ligne vide.

Le programme est exécuté avec le fichier tests/test :

```
#1) Test de pile avec 5 éléments
p 5

#Comparons les resultats donnes par les deux fonctions
#2) TRUC(15,1)
T 15 1

#3) truc(15,1)
t 15 1

#Exemples de resolutions impossibles
#4) truc(15,7)
t 15 7

#5) TRUC(256,1)
T 256 1
```

On obtient alors le résultat suivant :

```
_____ Resultat _
1) Test de pile avec 5 éléments
Empiler: 0
Empiler: 1
Empiler: 2
Empiler: 3
Empiler: 4
Depiler: 4
Depiler: 3
Depiler: 2
Depiler: 1
Depiler: 0
Comparons les resultats donnes par les deux fonctions
2) TRUC(15,1)
Tableau P : 1 3 2 4 5 2 7 1 9 1
4
2
3
Reponse: Vrai
3) truc(15,1)
Tableau P : 1 3 2 4 5 2 7 1 9 1
4
2
3
Reponse: Vrai
```

Exemples de resolutions impossibles

4) truc(15,7)

Tableau P : 1 3 2 4 5 2 7 1 9 1

Reponse: Faux

5) TRUC(256,1)

Tableau P : 1 3 2 4 5 2 7 1 9 1

Reponse: Faux

4.2.2 Tests de la pile

Avec l'outil ddd nous présentons ici l'utilisation de la pile dans les tests nº 3 et 4 du fichier de tests.

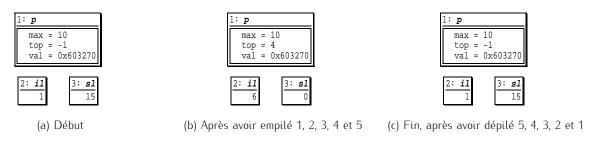


Figure $4.1 - Test n^3 - Aperçu des informations de la pile dans ddd$

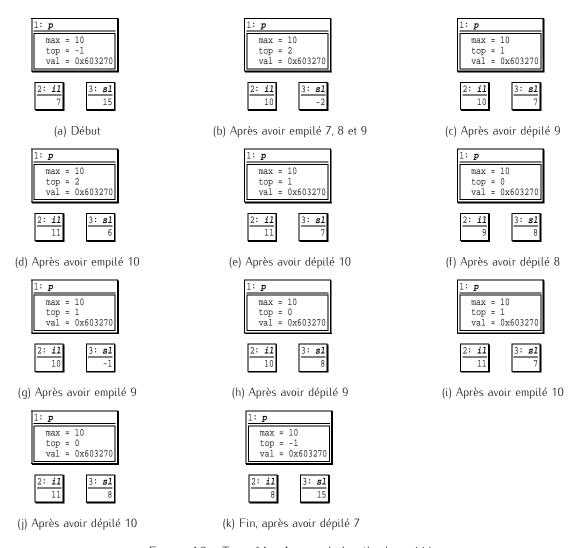


Figure 4.2 – Test n°4 – Aperçu de la pile dans \mbox{ddd}

4.2.3 Bonne utilisation de la mémoire

Pour vérifier la bonne libération de la mémoire, nous avons utilisé **valgrind** avec le programme seul. La fonction **main**, lorsqu'elle ne reçoit pas d'argument, lance un petit test sur les deux versions de la fonction **truc**, ainsi qu'un test sur la pile (initialiser, empiler jusqu'à ce que la pile soit remplie/dépiler jusqu'à ce qu'elle soit vide, libérer). Aucun bloc de mémoire n'est perdu, le retour texte de valgrind est présenté en figure 4.3.

```
Resultat Valgrind
==12709== Memcheck, a memory error detector
==12709== Copyright (C) 2002-2013, and GNU GPL'd, by Julian Seward et al.
==12709== Using Valgrind-3.10.0.SVN and LibVEX; rerun with -h for copyright info
==12709== Command: ../src/prog
==12709==
Test de pile:
Empiler: 0
Empiler: 1
Empiler: 2
Empiler: 3
Depiler: 3
Depiler: 2
Depiler: 1
Depiler: 0
Fonction recursive:
2
2
3
Fonction iterative:
2
2
3
1
==12709==
==12709== HEAP SUMMARY:
==12709==
           in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==12709==
           total heap usage: 2 allocs, 2 frees, 56 bytes allocated
==12709==
==12709== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==12709==
==12709== For counts of detected and suppressed errors, rerun with: -v
==12709== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)
```

FIGURE 4.3 – Passage dans l'outil valgrind