# Algorithmes numériques – Rapport Interpolation et Approximation

Axel Delsol, Pierre-Loup Pissavy Décembre 2013

## Table des matières

1	Pré		2
	1.1	Structure du programme	2
	1.2		3
2	Inte	erpolation	4
_	2.1		4
	2.1		4
			4
	2.2		6
	2.2		
			6
		$\overset{\circ}{\circ}$	6
	2.3		7
		1	7
		1	8
			9
		2.3.4 Dépenses et Revenus	2
	2.4	Comparaison	4
3	Apr	proximation 1	5
_	3.1	Régression linéaire	
	0.1	3.1.1 Présentation	
		3.1.2 Programme	
	3.2	Ajustement exponentiel	
	3.2	3.2.1 Présentation	
	9.9	0	
	3.3	Ajustement de type "puissance"	
		3.3.1 Présentation	
		3.3.2 Programme	
	3.4	Résultats de tests	
		3.4.1 Exemple tiré d'un TD	
		3.4.2 Série d'Anscombe	0
		3.4.3 3 séries	1
		3.4.4 Dépenses mensuelles et revenus	4
		3.4.5 Série chronologique avec accroissement exponentiel	6
		3.4.6 Vérification de la loi de Pareto	7
4	Con	nclusion 2	8
5	A 25-	$_{ m nexe}$	c
J		Menu principal	_
		Fonations associáes au calcul polymômial	

## 1 Préambule

## 1.1 Structure du programme

Nous avons conçu un programme principal avec menus, présenté sous la forme suivante :

```
Menu principal: Interpolation et Approximation

Entrez n le nombre de points:
(Saisie de la série de points...)

(Affichage du tableau correspondant...)
Quelle résolution utiliser?

1- Newton
2- Neuville
3- Régression Linéaire
4- Approximation par une fonction exponentielle
5- Approximation par une fonction "puissance"
9- Nouvelle série de points (Menu principal)
0- Quitter
Votre choix:
```

 ${\tt FIGURE~1.1-Apercu:Menu~Principal}$ 

Au lancement, le programme demande la saisie des valeurs, qu'il stocke dans un tableau, puis affiche le menu. Après chaque résolution, il est possible de réutiliser le jeu de données (chaque méthode qui doit modifier les valeurs utilise un duplicata).

Le menu principal est codé dans le fichier source main.c. Les méthodes sont codées dans des fichiers individuels à l'exception des méthodes d'approximation qui sont toutes codées dans le même fichier puisqu'elles présentent de nombreuses similarités. Les prototypes des fonctions sont écrits dans les headers correspondants. Enfin, un fichier source présenté en annexe page 31 regroupe toutes les fonctions de manipulation de polynômes. La liste de tous ces fichiers est présentée figure 1.3.

Le stockage des valeurs se fait en double précision (type double, 64 bits) afin d'obtenir des résultats suffisamment précis pour tracer les courbes.

Et nos fonctions utilisent une structure de polynôme (composée du degré et des coefficients), présentée figure 1.2, pour faciliter la compréhension du code.

```
4 | typedef struct polynome
5 | {
6     int d; //degree
7     double* poln; //coefficients
8 | polynome;
```

FIGURE 1.2 – Code : Structure de Polynôme

**Note :** Pour des raisons de lisibilité, les polynômes résultats sont arrondis dans ce rapport. En revanche, les graphiques sont tracés avec les valeurs calculées par la machine (précision maximale possible pour le type de données).

Les écarts donnés sont calculés par la machine juste après la résolution (on calcule la distance moyenne entre les points et la courbe).

Les arrondis affichés dans le rapport sont retournés à la demande par le programme, au format LATEX, dans un fichier intitulé resultat.

```
main.c
neuville.c
newton.c
polynome.c
reglin.c
lagrange.h
neuville.h
newton.h
polynome.h
reglin.h
makefile
```

FIGURE 1.3 - Apercu : Arborescence des fichiers C et makefile

## 1.2 Compilation et Logiciels utilisés

La compilation est gérée par un makefile.

Le compilateur utilisé est GCC. Il suffit de taper make pour lancer la compilation, puis ./main pour lancer le programme.

Pour nettoyer les fichiers temporaires, il faudra taper make clean.

Ce makefile permet également de générer ce rapport ainsi que quelques fichiers qui y sont intégrés.

Les représentations graphiques sont générées avec Asymptote, générateur vectoriel de graphiques.

Les polynômes résultats sont vérifiés avec GeoGebra, qui permet ensuite de générer une trame de fichier source pour Asymptote.

## 2 Interpolation

L'interpolation, en analyse numérique, est un ensemble de méthodes permettant d'obtenir une équation mathématique passant par tous les points d'une liste donnée.

Pour cette partie, les équations mathématiques recherchées sont des polynômes.

### Notation pour la suite :

- La liste comporte N éléments  $(x_i, y_i)$ .
- Les polynômes recherchés sont de la forme

$$P_{N-1}(x) = \sum_{i=0}^{N-1} (a_i \cdot x^i)$$

.

### 2.1 Méthode de Newton

### 2.1.1 Présentation

La forme du polynôme par la méthode de Newton est la suivante :

$$P_{N-1}(x) = \sum_{i=0}^{N-1} \left( a_i \cdot \prod_{j=1}^{i} (x - x_j) \right)$$

Pour ce faire, on utilise une méthode de recherche de coefficients récursive appelée méthode des différences divisées. Le calcul des valeurs des différences divisées se fait à l'aide de fonctions :

La différence divisée de degré 0 est :  $\forall i \in \{1, \dots, N\}, \quad \nabla_{y_i}^0 = y_i$ .

La différence divisée de degré k est :  $\forall i \in \{k+1, \cdots, N\}, \qquad \nabla_{y_i}^k = \frac{\nabla_{y_i}^{k-1} - \nabla_{y_k}^{k-1}}{x_i - x_k}$ .

Ensuite, on a directement les coefficients du polynôme de Newton par la relation  $\forall i \in \{1, \cdots, N-1\}, \qquad a_i = \nabla^i_{y_{(i+1)}}.$ 

Enfin, on peut retrouver la forme développée du polynôme à l'aide de la relation suivante :

$$\forall i \in \{0, \dots, N\}, \qquad P_i(x) = \left\{ \begin{array}{ll} a_{N-1} & \text{si } i = 0 \\ a_{N-1-i} + (x - x_{N-i}) \cdot P_{i-1}(x) & \text{sinon} \end{array} \right..$$

### 2.1.2 Programme

```
1 | #include <stdio.h>
2 | #include <stdlib.h>
3 | #include <string.h>
4 | #include <math.h>
5 | #include "polynome.h"
```

```
7
    void newton (double ** tab, int n)
 8
 9
10
      polynome* pol1=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
11
      polynome* pol2=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
      double** t= (double**) malloc(n*sizeof(double*));
12
13
      for (i=0; i<n; i++)
14
      {
15
        t[i]= (double*) malloc((i+1)*sizeof(double));
16
      }
17
      //initialisation des valeurs : on récupère les y.
18
      for (i=0; i<n; i++)
19
        t[i][0]=tab[1][i];
20
21
22
      //calcul des differences divisees
      for (k=1; k< n; k++)
23
24
25
        for (i=k; i<n; i++)
26
27
          t[i][k]=(t[i][k-1]-t[k-1][k-1])/(tab[0][i]-tab[0][k-1]);
28
        }
29
      }
      //tableau de poly
30
      polynome** tabP= (polynome**) malloc(n*(sizeof(polynome*)));
31
32
      for (i=0; i<n; i++)
33
        tabP[i]=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
34
35
36
      tabP[0]->d=0;
37
      tabP[0]->poln=(double*) malloc(sizeof(double));
      tabP[0]->poln[0]=t[n-1][n-1];
38
39
      for (i=1; i<n; i++)
40
        pol1=creerPoly(2,"valeur",-tab[0][n-1-i], 1.);
41
42
        pol2=mulPoly(pol1,tabP[i-1]);
43
        free(pol1->poln); free(pol1);
        pol1=creerPoly(1,"valeur",t[n-1-i][n-1-i]);
44
        tabP[i]=addPoly(pol1,pol2);
45
46
        free(pol1->poln); free(pol2->poln);
        free(pol1); free(pol2);
47
48
      }
49
      redimensionnerPoly(tabP[n-1]);
50
      //affichage
      menuAffichage(tabP[n-1]);
51
      ecartPoly(tab,n,tabP[n-1]);
52
      printf("\n");
53
      //libération mémoire
54
      for(i=0;i<n;i++)
55
56
57
        free(tabP[i]->poln);
        free(tabP[i]);
58
59
        free(t[i]);
60
61
      free(tabP);
      free(t);
62
63 || }
```

FIGURE 2.1 - Code: newton.c

### 2.2 Méthode de Neuville

### 2.2.1 Présentation

Cette méthode permet d'exprimer le polynôme  $P_{N-1}[x_1, \dots, x_N]$  sur les points  $\{1, \dots, N\}$  en fonction des polynômes  $P_{N-2}[x_1, \dots, x_{N-1}]$  et  $P_{N-2}[x_2, \dots, x_N]$  sur l'ensemble des points  $\{1, \dots, N-1\}$  et  $\{2, \dots, N\}$ .

```
L'expression est donnée sous la forme suivante : P_k[x_i,\cdots,x_{i+k}](x) = \frac{(x-x_{i+k})\cdot P_{k-1}[x_i,\cdots,x_{i+k-1}](x) + (x_i-x)\cdot P_{k-1}[x_{i+1},\cdots,x_{i+k}](x)}{x_i-x_i+k}, \forall x,\forall k=2,\cdots,N-1
```

### 2.2.2 Programme

```
#include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
 3
    #include <string.h>
    #include <math.h>
    #include "polynome.h"
 6
 7
    void neuville (double ** tab, int n)
 8
 9
      int i, k;
10
      polynome* pol1=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
      polynome* pol2=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
11
      polynome* pol3=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
12
      polynome*** t= (polynome***) malloc(n*sizeof(polynome**));
13
14
      for (i=0; i<n; i++)
15
        t[i]= (polynome**) malloc((i+1)*sizeof(polynome*));
16
17
      //initialisation des valeurs : on récupère les y.
18
19
      for (i=0; i<n; i++)
20
21
        t[i][0]=creerPoly(1,"valeur", tab[1][i]);
22
23
      //calcul des differences divisees
      for (k=1; k< n; k++)
24
25
26
        for (i=k; i<n; i++)
27
28
          pol1=creerPoly(2, "valeur", tab[0][i-k], -1.); pol2=mulPoly(pol1,t[i][k-1]);
29
          free(pol1->poln); free(pol1);
          pol1=creerPoly(2,"valeur", -(tab[0][i]), 1.); pol3=mulPoly(pol1, t[i-1][k-1]);
30
          free(pol1->poln); free(pol1);
31
          pol1=addPoly(pol3, pol2);
32
33
          t[i][k]=mulSPoly((1/((tab[0][i-k])-(tab[0][i]))),pol1);
34
          free(pol1->poln); free(pol2->poln); free(pol3->poln); free(pol1); free(pol2); free(pol3);
        }
35
36
      }
37
      //poly à retourner
38
      redimensionnerPoly(t[n-1][n-1]);
39
      //affichage
      menuAffichage(t[n-1][n-1]);
40
41
      ecartPoly(tab,n,t[n-1][n-1]);
42
      printf("\n");
43
      //libération mémoire
44
      for(i=0;i<n;i++)</pre>
45
46
        for(k=0;k<i;k++)</pre>
        { free(t[i][k]->poln); free(t[i][k]); }
47
48
        free(t[i]);
49
      free(t);
50
```

FIGURE 2.2 - Code: neuville.c

## 2.3 Résultats de tests

## 2.3.1 Exemple tiré d'un TD

$x_i$	1	2	3	4
$y_i$	0	0	0	6

Tableau 2.3.1 – Série 1

Méthode de Newton:

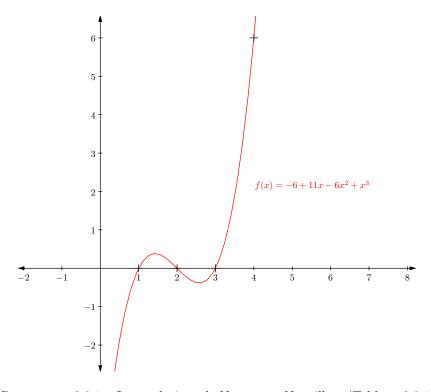
 $P(x) = -6.00 + 11.00 \cdot x - 6.00 \cdot x^2 + 1.00 \cdot x^3$ 

 $\dot{\text{Erreur}}:0$ 

Méthode de Neuville :

 $P(x) = -6.00 + 11.00 \cdot x - 6.00 \cdot x^2 + 1.00 \cdot x^3$ 

 $\operatorname{Erreur}:0$ 



Graphique 2.3.1 – Interpolations de Newton et Neuville – (Tableau 2.3.1)

### 2.3.2 Densité de l'eau en fonction de la température

$x_i$	0	2	4	6	8	10	12	14	16	18
$y_i$	0.999870	0.999970	1.000000	0.999970	0.999880	0.999730	0.999530	0.999530	0.998970	0.998460
$x_i$	20	22	24	26	28	30	32	34	36	38
						00	0-	01	00	90

Tableau 2.3.2 – Mesures

#### Méthode de Newton:

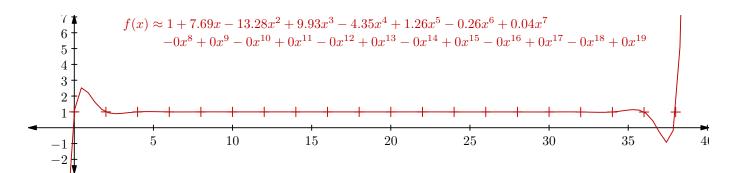
 $P(x) \approx 0.999870 + 7.693711 \cdot x - 13.276666 \cdot x^2 + 9.932303 \cdot x^3 - 4.345460 \cdot x^4 + 1.259124 \cdot x^5 - 0.258585 \cdot x^6 + 0.039240 \cdot x^7 - 0.004520 \cdot x^8 + 0.000402 \cdot x^9 - 0.000028 \cdot x^{10} + 0.000002 \cdot x^{11} - 0.000000 \cdot x^{12} + 0.000000 \cdot x^{13} - 0.000000 \cdot x^{14} + 0.000000 \cdot x^{15} - 0.000000 \cdot x^{16} + 0.000000 \cdot x^{17} - 0.000000 \cdot x^{18} + 0.000000 \cdot x^{19}$ 

Erreur: 0.000002166566117323

### Méthode de Neuville :

 $P(x) \approx 0.999870 + 7.693711 \cdot x - 13.276666 \cdot x^2 + 9.932303 \cdot x^3 - 4.345460 \cdot x^4 + 1.259124 \cdot x^5 - 0.258585 \cdot x^6 + 0.039240 \cdot x^7 - 0.004520 \cdot x^8 + 0.000402 \cdot x^9 - 0.000028 \cdot x^{10} + 0.000002 \cdot x^{11} - 0.000000 \cdot x^{12} + 0.000000 \cdot x^{13} - 0.000000 \cdot x^{14} + 0.000000 \cdot x^{15} - 0.000000 \cdot x^{16} + 0.000000 \cdot x^{17} - 0.000000 \cdot x^{18} + 0.000000 \cdot x^{19}$ 

Erreur: 0.000028505775100296



Graphique 2.3.2 – Interpolation de Newton et Neuville – (Tableau 2.3.2)

### 2.3.3 3 séries

$x_i$	10	8	13	9	11	14	6	4	12	7	5
$y_i^{(1)}$	9.14	8.14	8.74	8.77	9.26	8.10	6.13	3.10	9.13	7.26	4.74
$y_i^{(2)}$	7.46	6.77	12.74	7.11	7.81	8.84	6.08	5.39	8.15	6.42	5.73
$y_i^{(3)}$	6.58	5.76	7.71	8.84	8.47	7.04	5.25	12.50	5.56	7.91	6.89

Tableau 2.3.3 – Trois séries S1, S2, S3

### Série 1:

### Méthode de Newton:

 $P(x) \approx -229.550000 + 299.165750 \cdot x - 173.107636 \cdot x^2 + 58.546955 \cdot x^3 - 12.731862 \cdot x^4 + 1.859906 \cdot x^5 - 0.184968 \cdot x^6 + 0.012375 \cdot x^7 - 0.000533 \cdot x^8 + 0.000013 \cdot x^9 - 0.000000 \cdot x^{10}$ 

Erreur: 0.00000000016217532

### Méthode de Neuville :

 $P(x) \approx -229.550000 + 299.165750 \cdot x - 173.107636 \cdot x^2 + 58.546955 \cdot x^3 - 12.731862 \cdot x^4 + 1.859906 \cdot x^5 - 0.184968 \cdot x^6 + 0.012375 \cdot x^7 - 0.000533 \cdot x^8 + 0.000013 \cdot x^9 - 0.000000 \cdot x^{10}$ 

Erreur: 0.00000000012119518

#### Série 2:

### Méthode de Newton :

 $P(x) \approx -12345.190000 + 16608.066492 \cdot x - 9870.941498 \cdot x^2 + 3416.593892 \cdot x^3 - 763.094009 \cdot x^4 + 114.979985 \cdot x^5 - 11.842442 \cdot x^6 + 0.823658 \cdot x^7 - 0.037039 \cdot x^8 + 0.000973 \cdot x^9 - 0.000011 \cdot x^{10}$ 

Erreur: 0.000000000774325735

#### Méthode de Neuville :

 $P(x) \approx -12345.190000 + 16608.066492 \cdot x - 9870.941498 \cdot x^2 + 3416.593892 \cdot x^3 - 763.094009 \cdot x^4 + 114.979985 \cdot x^5 - 11.842442 \cdot x^6 + 0.823658 \cdot x^7 - 0.037039 \cdot x^8 + 0.000973 \cdot x^9 - 0.000011 \cdot x^{10}$ 

Erreur: 0.000000001033081661

### Série 3:

### Méthode de Newton:

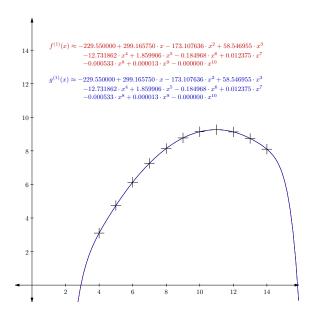
 $P(x) \approx -568559.640000 + 739678.381270 \cdot x - 424130.450858 \cdot x^2 + 141275.523224 \cdot x^3 - 30298.693006 \cdot x^4 + 4375.222059 \cdot x^5 - 431.155992 \cdot x^6 + 28.652640 \cdot x^7 - 1.229803 \cdot x^8 + 0.030806 \cdot x^9 - 0.000342 \cdot x^{10}$ 

Erreur: 0.000000081067879843

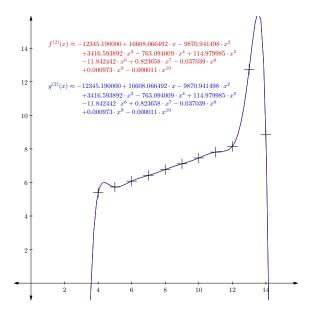
### Méthode de Neuville :

 $P(x) \approx -568559.640000 + 739678.381270 \cdot x - 424130.450858 \cdot x^2 + 141275.523224 \cdot x^3 - 30298.693006 \cdot x^4 + 4375.222059 \cdot x^5 - 431.155992 \cdot x^6 + 28.652640 \cdot x^7 - 1.229803 \cdot x^8 + 0.030806 \cdot x^9 - 0.000342 \cdot x^{10}$ 

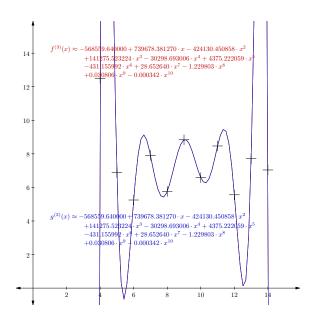
Erreur: 0.000000035876804073



Graphique 2.3.3 – Interpolations de Newton et Neuville – Série 1 (Tableau 2.3.3)



Graphique 2.3.4 – Interpolations de Newton et Neuville – Série 2 (Tableau 2.3.3)



Graphique 2.3.5 – Interpolations de Newton et Neuville – Série 3 (Tableau 2.3.3)

### 2.3.4 Dépenses et Revenus

$x_i$ (R)	752	855	871	734	610	582	921	492	569	462	907
$y_i$ (D)	85	83	162	79	81	83	281	81	81	80	243
$x_i$ (R)	643	862	524	679	902	918	828	875	809	894	
$y_i$ (D)	84	84	82	80	226	260	82	186	77	223	

Tableau 2.3.4 – Série non-triée

$x_i$ (R)	752	855	828	734	809	610	582	492	569	462	643	862	524	679
$y_i$ (D)	85	83	82	79	77	81	83	81	81	80	84	84	82	80

Tableau 2.3.5 – Série triée : Partie Basse

	$x_i$ (R)							
ĺ	$y_i$ (D)	226	260	162	186	281	243	223

Tableau 2.3.6 – Série triée: Partie Haute

### Partie Basse:

#### Méthode de Newton:

 $P(x) \approx 73581192209.962601 - 1459287367.863513 \cdot x + 13300351.970502 \cdot x^2 - 73765.523297 \cdot x^3 + 277.759281 \cdot x^4 - 0.749863 \cdot x^5 + 0.001493 \cdot x^6 - 0.000002 \cdot x^7 + 0.000000 \cdot x^8 - 0.000000 \cdot x^9 + 0.000000 \cdot x^{10} - 0.000000 \cdot x^{11} + 0.000000 \cdot x^{12} - 0.000000 \cdot x^{13}$ 

Erreur: 0.018460432587224723

#### Méthode de Neuville :

 $P(x) \approx 73581192209.952133 - 1459287367.863373 \cdot x + 13300351.970501 \cdot x^2 - 73765.523297 \cdot x^3 + 277.759281 \cdot x^4 - 0.749863 \cdot x^5 + 0.001493 \cdot x^6 - 0.0000002 \cdot x^7 + 0.0000000 \cdot x^8 - 0.0000000 \cdot x^9 + 0.0000000 \cdot x^{10} - 0.0000000 \cdot x^{11} + 0.000000 \cdot x^{12} - 0.0000000 \cdot x^{13}$ 

Erreur: 0.192499821369502971

### Partie Haute:

### Méthode de Newton:

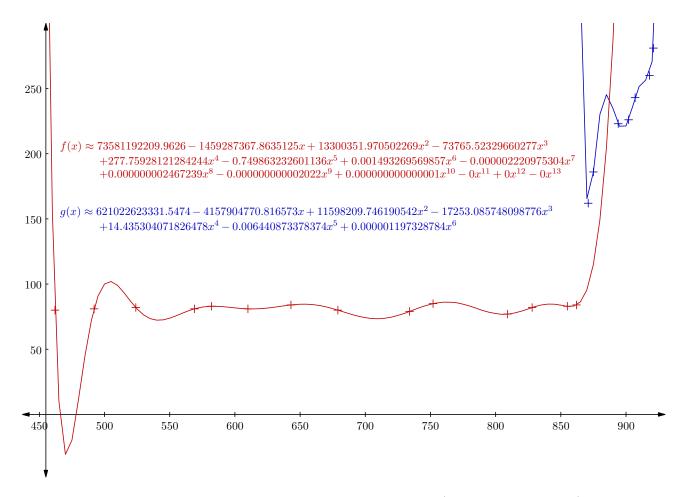
 $P(x) \approx 621022623331.547363 - 4157904770.816573 \cdot x + 11598209.746191 \cdot x^2 - 17253.085748 \cdot x^3 + 14.435304 \cdot x^4 - 0.006441 \cdot x^5 + 0.000001 \cdot x^6$ 

 ${\bf Erreur}: 0.000429349286215646$ 

### Méthode de Neuville :

 $P(x) \approx 621022623331.548340 - 4157904770.816572 \cdot x + 11598209.746191 \cdot x^2 - 17253.085748 \cdot x^3 + 14.435304 \cdot x^4 - 0.006441 \cdot x^5 + 0.000001 \cdot x^6$ 

Erreur: 0.002443850040435791



Graphique 2.3.6 – Interpolation de Newton et Neuville – (Tableaux 2.3.5 & 2.3.6)

## 2.4 Comparaison

## 3 Approximation

Contrairement aux interpolations, les équations obtenues ne passent pas forcément par les N points. On cherche uniquement à minimiser la distance moyenne entre les N points mesurés et la courbe. Cette méthode est appelée  $m\acute{e}thode$  des moindres  $carr\acute{e}s$ .

Note : On n'aura donc pas à considérer une précision très importante pour comparer les tests, puisqu'il s'agit d'approximation, ce qui implique des écarts relativement importants.

## 3.1 Régression linéaire

### 3.1.1 Présentation

La régression linéaire est un cas particulier de la méthode des moindres carrés. L'équation recherchée ici est une droite d'équation  $y = a_0 + a_1 \cdot x$ . On obtient alors le système :

$$\begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{N} x_i^0 & \sum_{i=1}^{N} x_i^1 \\ \sum_{i=1}^{N} x_i^1 & \sum_{i=1}^{N} x_i^2 \\ \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{N} y_i x_i^0 \\ \sum_{i=1}^{N} y_i x_i^1 \\ \sum_{i=1}^{N} y_i x_i^1 \end{bmatrix}$$

On a enfin une expression pour  $a_0$  et  $a_1$ :

$$a_1 = \frac{\overline{y}\overline{x} - \overline{x}\overline{y}}{\overline{x^2} - (\overline{x})^2}$$

$$a_0 = \overline{y} - a_1 \cdot \overline{x}$$

### 3.1.2 Programme

```
1
    #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3
    #include <string.h>
    #include <math.h>
5
    #include "polynome.h"
6
    void mapping(double** from, double** to, int n, char* fn);
8
9
    double moyenneElements(double** tab,int 1, int n)
10
      double resultat = 0.;
11
12
      double cpt = 0.;
13
      int i;
      for(i=0;i<n;i++)</pre>
14
15
        resultat = resultat + tab[1][i];
16
17
        cpt = cpt + 1.;
18
19
      resultat = resultat/cpt;
20
      return resultat;
21
22
    double moyenneElementsCarres(double** tab,int 1, int n)
```

```
24 || {
25
      double resultat = 0;
26
      double cpt = 0;
27
      int i;
28
      for(i=0;i<n;i++)
29
30
        resultat = resultat + pow(tab[1][i],2);
31
        cpt = cpt + 1;
32
33
      resultat = resultat/cpt;
34
      return resultat;
35
36
    double moyenneProduitElements(double** tab, int n)
37
38
39
      double resultat = 0;
40
      double cpt = 0;
41
      int i;
42
      for(i=0;i<n;i++)
43
44
       resultat = resultat + tab[0][i]*tab[1][i];
        cpt = cpt + 1;
45
46
47
      resultat = resultat/cpt;
48
      return resultat;
49
50
    reglinD(double** tab, int n)
51
52
53
      double a0 = 0;
54
      double a1 = 0;
      double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
55
      printf("Nous cherchons le Polynome de degré 1 sous la forme a0 + a1*x.\n");
56
57
58
      //calculs
59
      xb = moyenneElements(tab,0,n);
60
      yb = moyenneElements(tab,1,n);
      xcb = moyenneElementsCarres(tab,0,n);
61
62
      xyb = moyenneProduitElements(tab,n);
63
      a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2));
64
65
      a0 = yb-xb*a1;
66
      // creation et affichage
67
68
      polynome *P = creerPoly(2,"valeur",a0,a1);
69
      menuAffichage(P);
70
      //statistiques
71
      ecartPoly(tab,n,P);
72
73
      printf("\n");
74
75
      //libération mémoire
76
      free(P->poln);
      free(P);
77
78 || }
```

FIGURE 3.1 – Code : reglin.c

## 3.2 Ajustement exponentiel

### 3.2.1 Présentation

```
On doit trouver une équation sous la forme y = ce^{dx}.
On a donc \ln(y) = \ln(c) + dx \ln(e) \Leftrightarrow \ln(y) = \ln(c) + dx.
Cela revient à effectuer une régression linéaire sous la forme : Y = a_0 + a_1 x avec Y = \ln(y), a_0 = \ln(c) et a_1 = d.
Finalement, on obtient c = e^{a_0} et d = a_1.
```

### 3.2.2 Programme

```
80 || reglinE(double** tab, int n) //y=c(e^{(dx)}) \iff ln(y)=ln(c)+xd \implies c=e^{(a0)} \& d=a1
81
82
       int i:
       double c = 0;
83
       double d = 0;
84
85
       double a0 = 0;
86
       double a1 = 0;
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
87
       double** t = (double**) malloc(2*sizeof(double*)); // contiendra le mapping de tab
88
 89
       for(i=0;i<2;i++)
90
91
         t[i] = (double*) malloc (n*sizeof(double));
92
       printf("Nous cherchons une approximation sous la forme c*(e^(d*x)).\n");
93
94
95
       //calculs
       mapping(tab, t, n, "exponentielle");
96
97
       xb = moyenneElements(t,0,n);
       yb = moyenneElements(t,1,n);
98
       xcb = moyenneElementsCarres(t,0,n);
99
       xyb = moyenneProduitElements(t,n);
100
101
102
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2.));
       a0 = yb-xb*a1;
103
       d = a1;
104
105
       c = \exp(a0);
106
107
       //affichage
108
       printf("P(x) = %.18f*exp(%.18f*x)\n",c,d);
109
110
       //statistiques
       ecartExpo(tab,n,c,d);
111
       printf("\n");
112
113
114
       //libération mémoire
       for (i=0; i<2; i++)
115
116
117
         free(t[i]);
118
119
       free(t);
120 || }
```

 $FIGURE\ 3.2-Code:reglin.c$ 

## 3.3 Ajustement de type "puissance"

### 3.3.1 Présentation

```
On doit trouver une équation sous la forme y=ax^b.
On a donc \ln(y) = \ln(a) + b \ln(x).
Cela revient à effectuer une régression linéaire sous la forme : Y = a_0 + a_1 X avec Y = \ln(y), X = \ln(x), a_0 = \ln(a), et a_1 = b.
Finalement, on obtient a = e^{a_0} et b = a_1.
```

## 3.3.2 Programme

```
122 || reglinP(double ** tab, int n) //y=a(x^b) \ll ln(y)=ln(a)+b*ln(x) = a=e^(a0) \& b=a1
123
     {
124
125
       double a = 0.; double b = 0.; double a0 = 0.; double a1 = 0.;
126
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
127
       double** t = (double**) malloc(2*sizeof(double*)); // contiendra le mapping de tab
       for(i=0;i<2;i++)
128
129
130
         t[i] = (double*) malloc (n*sizeof(double));
131
132
       printf("Nous cherchons une approximation sous la forme a*(x^(b)).\n");
133
134
       mapping(tab, t, n, "puissance");
135
       xb = moyenneElements(t,0,n);
136
137
       yb = moyenneElements(t,1,n);
       xcb = moyenneElementsCarres(t,0,n);
138
139
       xyb = moyenneProduitElements(t,n);
140
141
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2));
142
       a0 = yb-xb*a1;
143
       b = a1;
       a = \exp(a0);
144
145
146
       //affichage
       printf("P(x) = \%.18f*x^(\%.18f)\n",a,b);
147
148
149
       //statistiques
150
       ecartPui(tab,n,a,b);
       printf("\n");
151
152
       //libération mémoire
153
       for (i=0; i<2; i++)
154
155
156
         free(t[i]);
157
158
       free(t);
159
160
161
     void mapping(double** from, double** to, int n, char* fn)
162
163
       int i, j;
164
       if (strcmp(fn, "exponentielle")==0)
165
         for (j=0; j<n; j++){to[0][j]=from[0][j];}</pre>
166
         for (j=0; j<n; j++){to[1][j]=log(from[1][j]);}</pre>
167
168
       else if (strcmp(fn,"puissance")==0)
169
170
         for (i=0; i<2; i++){for (j=0; j<n; j++){to[i][j]=log(from[i][j]);}}
171
172
173 || }
```

FIGURE 3.3 – Code : reglin.c

### 3.4 Résultats de tests

### 3.4.1 Exemple tiré d'un TD

$x_i$	0.5	1	1.5	2	2.5
$y_i$	0.49	1.6	3.36	6.44	10.16

Tableau 3.4.1 – Exemple

### Régression linéaire:

P(x) = 4.836x - 2.844

Erreur: 0.732

### Ajustement par une fonction exponentielle:

 $P(x) = 0.299115x \times e^{1.491228x}$ 

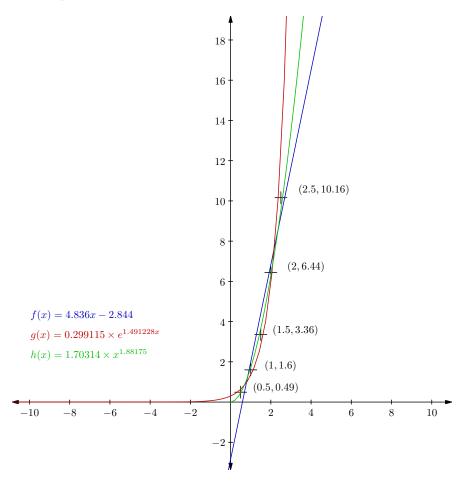
 $\operatorname{Erreur}: 0.758042$ 

### Ajustement par une fonction "puissance":

 $P(x) = 1.70314 \times x^{1.88175}$ 

Erreur: 0.23913

On notera que pour ce jeu de points, c'est l'ajustement de type "puissance" qui est le plus approprié puisque l'erreur est la plus faible parmi les trois méthodes.



Graphique 3.4.1 – Régression linéaire – (Tableau 3.4.1)

### 3.4.2 Série d'Anscombe

$x_i$	10	8	13	9	11	14	6	4	12	7	5
$y_i^{(A)}$	8.04	6.95	7.58	8.81	8.33	9.96	7.24	4.26	10.84	4.82	5.68

Tableau 3.4.2 – Série dûe à Anscombe

Régression linéaire : P(x) = 0.500091x + 3.000091

P(x) = 0.500091x + 3.0000<br/>Erreur: 0.837405

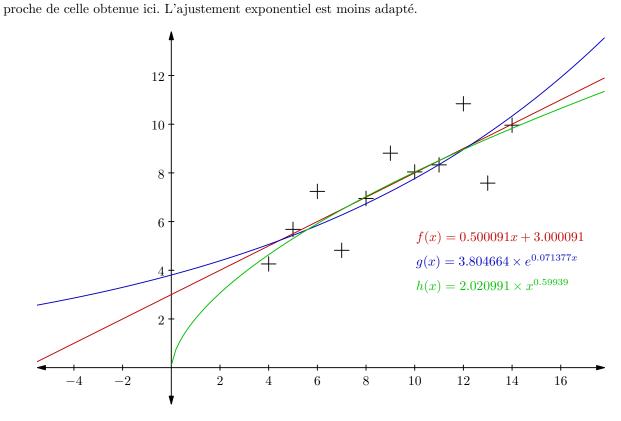
Ajustement exponential  $P(x) = 3.804664 \cdot e^{0.071377 \cdot x}$ 

Erreur: 0.933867

Ajustement "puissance"

$$\begin{split} P(x) &= 2.020991 \cdot x^{0.599390} \\ \text{Erreur} &: 0.827968 \end{split}$$

Note : Un ajustement de type "puissance" permet d'obtenir une précision de 0.827968, ce qui est très



Graphique 3.4.2 – Régression linéaire – (Tableau 3.4.2)

### 3.4.3 3 séries

$x_i$	10	8	13	9	11	14	6	4	12	7	5
$y_i^{(1)}$	9.14	8.14	8.74	8.77	9.26	8.10	6.13	3.10	9.13	7.26	4.74
$y_i^{(2)}$	7.46	6.77	12.74	7.11	7.81	8.84	6.08	5.39	8.15	6.42	5.73
$y_i^{(3)}$	6.58	5.76	7.71	8.84	8.47	7.04	5.25	12.50	5.56	7.91	6.89
$y_i^{(A)}$	8.04	6.95	7.58	8.81	8.33	9.96	7.24	4.26	10.84	4.82	5.68

Tableau 3.4.3 – 3 séries  $S^{(1)}$ ,  $S^{(2)}$  et  $S^{(3)}$  comparées à Anscombe

<u>Série 1 :</u>

Régression linéaire :

 $P(x) = 3.000909 + 0.500000 \cdot x$ 

Erreur: 0.967934

Ajustement exponentiel:

 $P(x) = 3.417548 \cdot e^{0.082249 \cdot x}$ 

 $\operatorname{Erreur}: 1.187786$ 

Ajustement "puissance" :

 $P(x) = 1.453451 \cdot x^{0.749910}$ 

Erreur: 0.950634

<u>Série 2 :</u>

Régression linéaire :

 $P(x) = 3.002455 + 0.499727 \cdot x$ 

Erreur: 0.715967

Ajustement exponentiel:

 $P(x) = 4.100273 \cdot e^{0.063981 \cdot x}$ Erreur: 0.590601

Ajustement "puissance":

 $P(x) = 2.478570 \cdot x^{0.507328}$ 

 $\operatorname{Erreur}: 0.682932$ 

Série 3:

Régression linéaire:

 $P(x) = 9.231364 - 0.192273 \cdot x$ 

Erreur: 0.902727

Ajustement exponentiel:

 $P(x) = 8.564272 \cdot e^{-0.017989 \cdot x}$ 

Erreur: 1.468203

 ${\bf Ajustement\ "puissance":}$ 

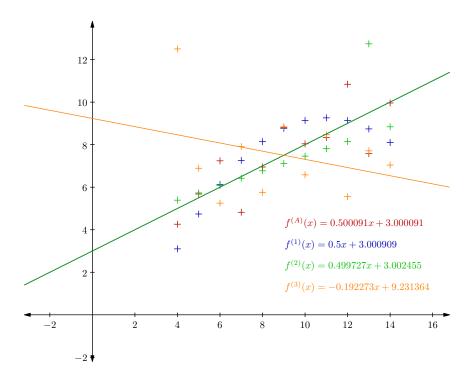
 $P(x) = 10.959075 \cdot x^{-0.192021}$ 

Erreur: 1.463448

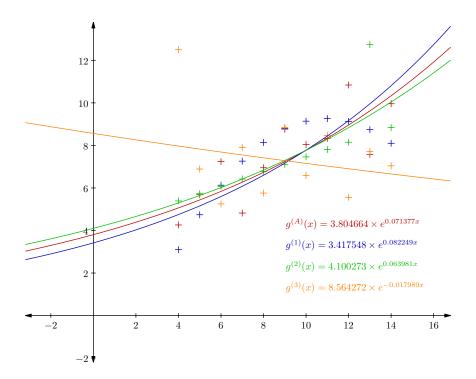
Pour la régression linéaire, il est important de remarquer que les deux premières séries donnent des équations de droites similaires et comparables à celle de la série d'Anscombe, tandis que la dernière varie complètement. On peut expliquer ceci par la présence de "points isolés" ((4, 12.50) pour la série  $S^{(3)}$ ) qui influent sur le calcul de l'équation. Ainsi on obtient des équations similaires pour des séries de points très différentes.

On notera aussi que la série  $S^{(2)}$  possède un point isolé (13,12.74), et que tous les autres points semblent appartenir à la même droite. Ce point a tendance à "tirer" la droite vers le haut et donc à augmenter l'écart qui aurait pu être obtenu en l'absence de ce point.

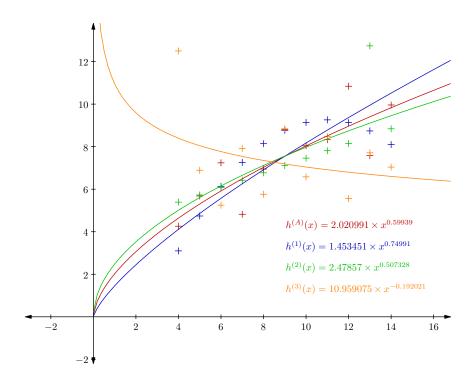
Les ajustements de types exponentiel et "puissance" donnent des écarts variables. Par exemple, il vaudra mieux approximer la série  $S^{(1)}$  par puissance ou par régression, et la série  $S^{(2)}$  avec un ajustement exponentiel. La série  $S^{(3)}$  est composée d'un nuage de points, tout comme celle du test précédent (Anscombe), et les résultats montrent pour ces deux séries que des approximations par régression linéaire ou par ajustement "puissance" sont plus appropriés que l'ajustement exponentiel.



Graphique 3.4.3 – Régression linéaire – (Tableau 3.4.3)



Graphique 3.4.4 – Approximation par ajustement exponentiel – (Tableau 3.4.3)



Graphique 3.4.5 – Approximation par ajustement "puissance" – (Tableau 3.4.3)

### 3.4.4 Dépenses mensuelles et revenus

$x_i$ (R)	752	855	871	734	610	582	921	492	569	462	907
$y_i$ (D)	85	83	162	79	81	83	281	81	81	80	243
$x_i$ (R)	643	862	524	679	902	918	828	875	809	894	
$y_i$ (D)	84	84	82	80	226	260	82	186	77	223	

Tableau 3.4.4 – Série non-triée

Comme pour l'interpolation, on peut trier les séries :

а	$c_i$ (R)	752	855	828	734	809	610	582	492	569	462	643	862	524	679
\[ \text{\gamma}	$_{i}$ (D)	85	83	82	79	77	81	83	81	81	80	84	84	82	80

Tableau 3.4.5 – Série triée : Partie Basse

$x_i$ (R)	902	918	871	875	921	907	894
$y_i$ (D)	226	260	162	186	281	243	223

Tableau 3.4.6 – Série triée : Partie Haute

### Valeurs non-triées:

### Régression Linéaire :

 $P(x) = -112.658491 + 0.324356 \cdot x$ 

Erreur: 43.378231

### Partie Basse:

### Régression Linéaire :

 $P(x) = 80.112013 + 0.002173 \cdot x$ 

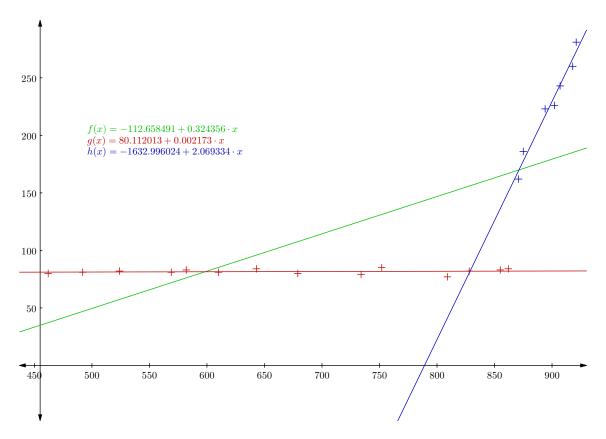
Erreur: 1.607015

### Partie Haute:

### Régression Linéaire :

 $P(x) = -1632.996024 + 2.069334 \cdot x$ 

Erreur: 6.422749

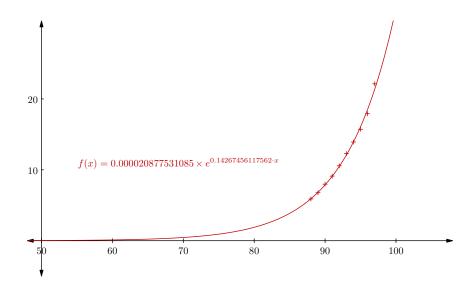


Graphique 3.4.6 – Régression Linéaire (Tableaux 3.4.4 à 3.4.6)

## ${\bf 3.4.5}\quad {\bf S\'erie\ chronologique\ avec\ accroissement\ exponentiel}$

ſ						92		94		96	97
	$y_i$	5.89	6.77	7.97	9.11	10.56	12.27	13.92	15.72	17.91	22.13

Tableau 3.4.7 – Série

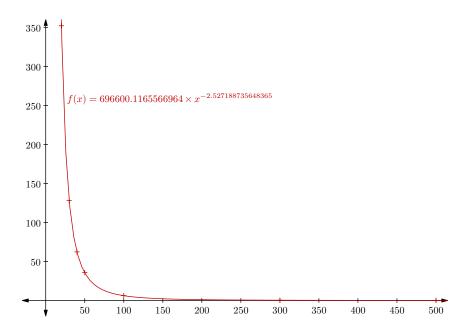


Graphique 3.4.7 – Approximation par une fonction exponentielle (Tableau 3.4.7)

## 3.4.6 Vérification de la loi de Pareto

- 1				40				
	$y_i$	352	128	62.3	35.7	6.3	0.4	0.1

Tableau 3.4.8 – Relation entre revenu et nombre de personnes ayant un revenu supérieur



Graphique 3.4.8 – Approximation par une fonction de type "puissance" (Tableau 3.4.8)

## 4 Conclusion

## 5 Annexe

## 5.1 Menu principal

```
1 | #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
 3
    #include <string.h>
    #include <math.h>
 4
    #include "neuville.h"
    #include "newton.h"
    #include "polynome.h"
    #include "reglin.h"
    #include "useful.h"
 9
10
11
    int main (int argc, char ** argv)
12
    {
13
      int n, j;
14
      int i=1;
15
      char c;
16
      while (i!=0)
17
        printf("Menu principal : Interpolation et Approximation\n\n");
18
19
        while (n<2) //minimum 2 points
20
21
         printf("Entrez n le nombre de points : ");
22
          scanf("%d", &n);
23
24
25
        double** tab= (double**) malloc(2*sizeof(double*));
26
        for (i=0; i<2; i++)</pre>
27
28
          tab[i]=(double*) malloc(n*sizeof(double));
29
30
        for (i=0; i<n; i++)
31
        {
32
         printf("Entrez x[%d] : ", i+1);
         scanf("%lf", &tab[0][i]);
printf("Entrez y[%d] : ", i+1);
33
34
35
          scanf("%lf", &tab[1][i]);
36
37
        //fonction temporaire, utile uniquement pour la rédaction du rapport
38
        convertTabtoLatex(tab,n,1);
        i=1;
39
40
        while (i!=0 && i!=9)
41
        {
          clear(); //nettoyage écran
42
43
          printf("Tableau de valeurs :\n");
44
          for (i=0; i<2; i++)
45
46
            for (j=0; j<n; j++)
47
48
              if (0==j && 0==i)
49
               printf(" x ");
50
51
             else if (0==j && 1==i)
52
53
```

```
54
                printf(" y ");
55
56
              printf("| %+4.5f ", tab[i][j]);
57
            printf("\n");
58
59
 60
           printf("\nQuelle résolution utiliser ?\n");
61
           printf("1- Newton\n");
           printf("2- Neuville\n");
62
 63
           printf("3- Régression Linéaire\n");
64
           printf("4- Approximation par une fonction exponentielle\n");
65
           printf("5- Approximation par une fonction puissance\n");
           printf("9- Nouvelle série de points (Menu principal)\n");
66
           printf("0- Quitter\n");
67
68
           printf("Votre choix : ");
          scanf("%d", &i);
69
70
           c='0';
 71
           cleanBuffer(); //vidage buffer
           switch (i)
72
 73
 74
            case 1:
              printf("Résolution par Newton ... \n");
75
 76
              newton(tab,n);
              hitToContinue();
 77
 78
              break;
 79
             case 2:
80
              printf("Résolution par Neuville ... \n");
81
              neuville(tab,n);
              hitToContinue();
82
83
              break;
84
             case 3:
85
              printf("Résolution par Régression linéaire ... \n");
86
              reglinD(tab,n);
87
              hitToContinue();
              break:
88
89
90
              printf("Résolution par Approximation par une fonction exponentielle... \n");
91
              reglinE(tab,n);
 92
              hitToContinue();
93
              break;
94
95
              printf("Résolution par Approximation par une fonction puissance... \n");
96
              reglinP(tab,n);
97
              hitToContinue();
 98
              break;
99
100
          printf("\n\n");
101
102
103
         //libération mémoire
         for (j=0; j<2; j++)
104
105
106
           free(tab[j]);
107
108
         free(tab);
109
         clear(); //nettoyage écran
110
111
       return 0;
112
```

FIGURE 5.1 - Code: main.c

## 5.2 Fonctions associées au calcul polynômial

```
1 | #ifndef POLYNOME_H
2 | #define POLYNOME_H
3 |
4 | typedef struct polynome
5 | {
```

```
int d; //degree
 7
      double* poln; //coefficients
 8
    } polynome;
 9
10
    //fonctions sortie LaTeX
    void convertTabtoLatex(double** tab, int n, int m); //sortie du tableau en LaTeX
11
    void menuAffichage(polynome* P); //choix entre LaTeX et terminal
    void afficherPoly(polynome* P, char* mode, ...); //mode: "console" | | "latex"; console -> terminal; latex -> fichier (FILE* opt) format maths LaTeX.
13
14
15
    /\!/fonctions\ de\ manipulation\ des\ poly
    polynome* creerPoly(int c,char* mode, ...); //c: nbre coefs; mode: "tableau" | | "valeur"; mode tableau -> paramè
16
          tre optionnel : tableau des coefs.
    void redimensionnerPoly(polynome* P1); // Enleve les 0 inutiles dans le poly.
17
18
    polynome* addPoly(polynome* P1, polynome* P2); // addition de 2 poly entre eux.
    polynome* mulSPoly(double s, polynome* P1); // multiplication d'un poly par un scalaire.
19
    polynome* mulPoly(polynome * P1, polynome* P2); // multiplication de 2 poly entre eux.
20
21
22
    // fonctions de calcul d'images de fonctions
    double imagePoly(polynome* P, double x); // La fonction calcule l'image de x par un poly.
23
    double imageExpo(double c, double d, double x); // La fonction calcule l'image de x par une exponentielle de
         la forme f(x)=c*exp(dx).
25
    double imagePui(double a, double b, double x); // La fonction calcule l'image de x par une fonction puissance
          de la forme f(x)=a*x^b.
26
27
    //fonctions de statistiques
    void ecartPoly(double** tab, int n, polynome* P);
28
    void content(action)
void ecartExpo(double** tab, int n, double c, double d);
29
    void ecartPui(double** tab, int n, double a, double b);
31
32
    #endif
```

FIGURE 5.2 - Code: polynome.h

```
1 | #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <math.h>
 3
    #include <stdarg.h>
    #include <string.h>
 5
 6
    #include "polynome.h"
    #include "useful.h"
 8
 9
    polynome* creerPoly(int c,char* mode, ...)
10
11
      int i:
12
      polynome* P=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
      P->d = c-1;
13
14
      P->poln = (double*) malloc(c*sizeof(double));
15
      if ((strcmp(mode, "valeur"))==0)//si mode = "valeur"
16
17
        va_list ap;
        va_start(ap, mode);
18
19
        for (i=0; i<c; i++)
20
21
          P->poln[i]=va_arg(ap, double);
22
23
        va_end(ap);
24
25
      else //si mode= "tableau"
26
27
        va_list ap;
28
        va_start(ap, mode);
29
        double* tmp=va_arg(ap, double*);
30
        for (i=0; i<c; i++)
31
          P->poln[i]=tmp[i];
32
33
        }
34
        free(tmp);
35
        va_end(ap);
36
```

```
37
       redimensionnerPoly(P);
 38
39
 40
     void menuAffichage(polynome* P)
 41
42
 43
       FILE* fichier=fopen("resultat", "a+");
       int choix; // permet de choisir les options voulues
 44
45
       printf("Voulez-vous afficher le polynome dans la sortie standard (1-Oui *-Non) ? ");
 46
       scanf("%d",&choix);
       cleanBuffer();
 47
 48
       if(choix ==1)
 49
       {
         afficherPoly(P,"console");
50
51
       }
52
       else
53
       {
 54
         afficherPoly(P,"console");
         afficherPoly(P,"latex",fichier);
55
56
 57
       fclose(fichier);
58
 59
60
     void afficherPoly(polynome* P, char* mode, ...)
61
 62
       FILE* f;
63
       int c = (P->d) +1;
64
       if((strcmp(mode,"console")) == 0)
 65
66
67
         printf("P(x) = ");
68
         for(i=0;i<c;i++)</pre>
69
         {
 70
           if(P->poln[i] > 0)
 71
           {
 72
             if(i != 0) { printf(" + "); }
 73
             if(i == 0) { printf("%20.200f",P->poln[i]); }
 74
             else if(i == 1) { printf("%20.200f * x",P->poln[i]); }
 75
             else { printf("^{20.200f} * x^{d}, P->poln[i],i); }
 76
 77
           if(P->poln[i] < 0)
 78
             printf(" - ");
 79
             if(i == 0) { printf("%20.200f",-(P->poln[i])); }
80
             else if(i == 1) { printf("%20.200f * x",-(P->poln[i])); }
 81
             else { printf("%20.200f * x^%d", -(P->poln[i]), i); }
82
83
84
         printf("\n");
85
 86
87
       else
88
       {
 89
         va_list ap;
         va_start(ap,mode);
90
91
         f = va_arg(ap,FILE*);
 92
         fprintf(f,"$P(x) \\approx ");
93
         for(i=0; i<c; i++)</pre>
 94
95
           if(P->poln[i] > 0)
96
           {
 97
             if(i != 0) { fprintf(f," + "); }
             if(i == 0) { fprintf(f, "%.6f", P->poln[i]); }
else if(i == 1) { fprintf(f, "%.6f \\cdot x", P->poln[i]); }
98
99
             else { fprintf(f,"\%.6f \\cdot x^{\%d} ", P->poln[i],i); }
100
           }
101
102
           if(P->poln[i] < 0)
103
           {
             if(i == 0) { fprintf(f,"-%.6f", -(P->poln[i])); }
104
105
             else if(i == 1) { fprintf(f, "-\%.6f \ \ x", -(P->poln[i])); }
             else { fprintf(f,"-\frac{1}{6} \\cdot x^{\frac{1}{6}} ", -(P->poln[i]), i); }
106
107
```

```
108
109
         fprintf(f,"$\n\n");
110
         va_end(ap);
111
       }
112
113
114
     void redimensionnerPoly(polynome* P1)
115
116
       int degre=P1->d;
117
       while((P1->poln[degre])==0)
118
       {
119
         degre--;
120
       if(degre!=P1->d)
121
122
       {
         P1->d=degre;
123
         P1->poln= (double*) realloc(P1->poln, (degre+1)*sizeof(double));
124
125
126
127
128
     polynome* addPoly(polynome* P1, polynome* P2)
129
130
       // Rappel : Deg(P1+P2) <= max(Deg(P1),Deg(P2))
131
       int i:
       polynome* P=(polynome*)malloc(sizeof(polynome));
132
133
       if(P1->d > P2->d) // Deg(P1) > Deg(P2)
134
         P->d = P1->d;
135
136
         P->poln = (double*) malloc((1+P1->d)*sizeof(double));
         for(i=0;i <= P2->d;i++)
137
138
139
           P->poln[i] = P1->poln[i] + P2->poln[i];
140
141
         for(i= P2->d +1; i<= P1->d; i++)
142
143
           P->poln[i] = P1->poln[i];
144
         }
145
146
       else if (P1->d < P2->d) // Deg(P2) > Deg(P1)
147
         P->d = P2->d;
148
149
         P->poln = (double*) malloc((1+P2->d)*sizeof(double));
150
         for(i=0;i <= P1->d;i++)
151
           P->poln[i] = P1->poln[i] + P2->poln[i];
152
153
154
         for(i= P1->d +1; i<= P2->d; i++)
155
         {
156
           P->poln[i] = P2->poln[i];
157
         }
       }
158
       else // Deg(P2) = Deg(P1)
159
160
       {
161
         P->d = P2->d:
162
         P->poln = (double*) malloc((1+P2->d)*sizeof(double));
         for(i=0;i <= P1->d;i++)
163
164
           P->poln[i] = P1->poln[i] + P2->poln[i];
165
166
        }
       }
167
168
       redimensionnerPoly(P);
169
       return P;
170
171
     polynome* mulSPoly(double s, polynome* P1)
172
173
174
       int i:
       polynome* P=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
175
176
       P->d = P1->d;
       P->poln = (double*) malloc((1+P1->d)*sizeof(double));
177
178
```

```
179
       for(i=0;i <= P1->d;i++)
180
181
         P->poln[i] = s*P1->poln[i] ;
182
       }
183
       redimensionnerPoly(P); //redimensionnement nécessaire si le scalaire est nul.
184
       return P;
185
186
187
     polynome* mulPoly(polynome * P1, polynome* P2)
188
189
       int i,j;
190
       polynome* P=(polynome*)malloc(sizeof(polynome));
       P->d = P1->d + P2->d;
191
       P->poln = (double*) malloc((1+P->d)*sizeof(double));
192
193
194
       for(i=0; i<=P->d; i++)
195
196
         P->poln[i] = 0;
197
198
199
       for(i=0; i<=(P2->d); i++)
200
201
         for(j=0; j <= (P1->d); j++)
202
         {
203
           P-poln[i+j] = P-poln[i+j] + (P2-poln[i])*(P1-poln[j]);
204
         }
205
       }
206
       redimensionnerPoly(P);
207
       return P;
208
209
210
     double imagePoly(polynome* P, double x)
211
       int i;
212
213
       double res = P->poln[0];
214
       for(i=1;i<=P->d;i++)
215
       {
216
        res = res + P->poln[i]*pow(x,i);
217
       }
218
       return res:
219
220
     double imageExpo(double c, double d, double x)
221
222
223
       double res = 0.;
224
       res = c*exp(d*x);
225
       return res;
226
227
228
     double imagePui(double a, double b, double x)
229
     {
230
       double res = 0.;
231
       res = a*pow(x,b);
232
       return res;
233
234
235
     void ecartPoly(double** tab, int n, polynome* P)
236
237
       int i:
238
       double moyecart= 0.;
239
       for(i=0;i<n;i++)</pre>
240
       {
241
        moyecart = moyecart + fabs((imagePoly(P,tab[0][i])-tab[1][i]));
242
243
       moyecart = moyecart/n;
244
       printf("Erreur moyenne : %.18f", moyecart);
245
246
247
     void ecartExpo(double** tab, int n, double c, double d)
248
     {
249 |
      int i;
```

```
250
       double moyecart= 0.;
251
       for(i=0;i<n;i++)</pre>
252
       {
253
        moyecart = moyecart + fabs((imageExpo(c,d,tab[0][i])-tab[1][i]));
254
255
       moyecart = moyecart/n;
256
       printf("Erreur moyenne : %.18f", moyecart);
257
258
259
     void ecartPui(double** tab, int n, double a, double b)
260
     {
261
       double movecart= 0.;
262
263
       for(i=0;i<n;i++)</pre>
264
265
        moyecart = moyecart + fabs((imagePui(a,b,tab[0][i])-tab[1][i]));
266
       }
267
       moyecart = moyecart/n;
       printf("Erreur moyenne : %.18f",moyecart);
268
269
270
     void convertTabtoLatex(double** tab, int n, int m)
271
272
273
       FILE* fichier = fopen("resultat","a+");
274
       int i,j;
275
       //déclaration de l'environnement et de n+1 colonnes
276
       fprintf(fichier,"\\begin{tabular}{|");
       for(i=0;i<=n;i++)
277
278
       {
279
         fprintf(fichier, " c | ");
280
281
       fprintf(fichier,"}\n \\hline \n");
282
283
       //remplissage des cases
284
       for(i=0;i<2;i++)
285
286
       if(i==0) {fprintf(fichier, "$x_{i}$ & ");}
       if(i==1) {fprintf(fichier, "$y_{i}$ & ");}
287
288
       for(j=0;j<n;j++)</pre>
289
         if(j!=(n-1)) {fprintf(fichier,"$%f$ & ",tab[i][j]);}
290
291
         else {fprintf(fichier,"$%f$ ",tab[i][j]);}
292
       fprintf(fichier,"\\\ \n \\hline \n");
293
294
       fprintf(fichier,"\\end{tabular}\n\n");
295
296
       fclose(fichier);
297 || }
```

FIGURE 5.3 - Code: polynome.c