Algorithmes numériques – Rapport Interpolation et Approximation

Axel Delsol, Pierre-Loup Pissavy Décembre 2013

Table des matières

1	Préambule								
	1.1	Structure du programme	2						
2	Inte	nterpolation							
	2.1	Méthode de Lagrange	3						
		2.1.1 Programme	3						
	2.2	Méthode de Newton	3						
		2.2.1 Programme	3						
	2.3	Méthode de Neuville	4						
		2.3.1 Programme	4						
		2.3.2 Résultats de tests	5						
	2.4		5						
3	Apr	proximation	6						
		Régression linéaire	6						
		3.1.1 Programme	6						
		3.1.2 Résultats de tests	9						
4	Con	nclusion	10						

1 Préambule

1.1 Structure du programme

Nous avons conçu un programme principal avec menus, présenté sous la forme suivante :

 ${\tt Menu\ principal\ :\ Interpolation\ et\ Approximation}$

Quelle résolution utiliser ?

- 1- Lagrange
- 2- Newton
- 3- Neuville
- 4- Régression Linéaire
- 0- Quitter

 ${\tt FIGURE~1.1-Apercu:Menu~Principal}$

2 Interpolation

2.1 Méthode de Lagrange

2.1.1 Programme

```
1 || #include <stdio.h>
2 || #include <stdlib.h>
3 || #include <string.h>
4 || #include <math.h>
5 || #include "polynome.h"
```

Figure 2.1 - Code : lagrange.c

2.2 Méthode de Newton

2.2.1 Programme

```
1 | #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <string.h>
    #include <math.h>
 4
    #include "polynome.h"
 6
 7
    void newton (double ** tab, int n)
 8
 9
      int i, k;
10
      double** t= (double**) malloc(n*sizeof(double*));
11
      for (i=0; i<n; i++)
12
13
       t[i]= (double*) malloc((i+1)*sizeof(double));
14
15
16
      //initialisation des valeurs : on récupère les y.
      for (i=0; i<n; i++)
17
18
19
        t[i][0]=tab[1][i];
20
21
22
      //calcul des differences divisees
23
      for (k=1; k< n; k++)
24
25
        for (i=k; i<n; i++)
26
27
          t[i][k]=(t[i][k-1]-t[k-1][k-1])/(tab[0][i]-tab[0][k-1]);
28
        }
29
30
      //tableau de polynomes
      polynome** tabP= (polynome**) malloc(n*(sizeof(polynome*)));
32
      for (i=0; i<n; i++)
33
34
        tabP[i]=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
35
36
      tabP[0]->d=0;
```

```
38
      tabP[0]->poln=(double*) malloc(sizeof(double));
39
      tabP[0] \rightarrow poln[0] = t[n-1][n-1];
40
41
      for (i=1; i<n; i++)
42
      {
43
        tabP[i]=addPoly(creerPoly(1,"valeur",t[n-1-i][n-1-i]),mulPoly(creerPoly(2,"valeur",-tab[0][n-1-i], 1.),
             tabP[i-1]));
44
45
      redimensionnerPoly(tabP[n-1]);
46
47
      //affichage
      menuAffichage(tabP[n-1]);
48
      printf("\n");
49
50
51
      for(i=0;i<n;i++)</pre>
52
      {
        free(tabP[i]->poln);
53
54
        free(tabP[i]);
        free(t[i]);
55
56
57
      free(tabP);
58
      free(t);
59 | }
```

Figure 2.2 - Code: newton.c

2.3 Méthode de Neuville

2.3.1 Programme

```
|| #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <string.h>
 3
    #include <math.h>
    #include "polynome.h"
 5
 6
    void neuville (double ** tab, int n)
 7
 8
 9
      int i, k;
      polynome*** t= (polynome***) malloc(n*sizeof(polynome**));
10
11
      for (i=0; i<n; i++)</pre>
12
        t[i]= (polynome**) malloc((i+1)*sizeof(polynome*));
13
14
15
16
      /\!/initialisation\ des\ valeurs\ :\ on\ r\'ecup\`ere\ les\ y.
17
      for (i=0; i<n; i++)</pre>
18
      {
        t[i][0]=creerPoly(1,"valeur", tab[1][i]);
19
20
21
      //calcul des differences divisees
22
23
      for (k=1; k<n; k++)
24
25
        for (i=k; i<n; i++)
26
          t[i][k]=mulSPoly((1/((tab[0][i-k])-(tab[0][i]))),addPoly(mulPoly(creerPoly(2,"valeur", -(tab[0][i]),
27
               1.), t[i-1][k-1]), mulPoly(creerPoly(2, "valeur", tab[0][i-k], -1.),t[i][k-1])));
28
        }
      }
29
30
      //polynome àretourner
      redimensionnerPoly(t[n-1][n-1]);
31
32
33
      //affichage
      menuAffichage(t[n-1][n-1]);
34
35
      printf("\n");
36
      //libération mémoire
37
```

Figure 2.3 – Code : neuville.c

2.3.2 Résultats de tests

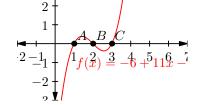
2.000000

3.000000

1.000000

$ y_i 0.000$	0.0000	0.000000	6.000000			
Méthode de	Newton: P	P(x) = -6.00000	00 + 11.0000	$000 \cdot x - 6.000000$	$x^2 + 1.000000 \cdot x^3$	3
Méthode de	Neuville : F	P(x) = -6.0000	00 + 11.0000	$000 \cdot x - 6.000000$	$0 \cdot x^2 + 1.000000 \cdot x$	3
19 ∓						
14 🕇						
13 +						
12 +						
11 +						
10 +						
9 +						
8 +						
7 +						
	15					

4.000000



2.4 Comparaison

3 Approximation

3.1 Régression linéaire

3.1.1 Programme

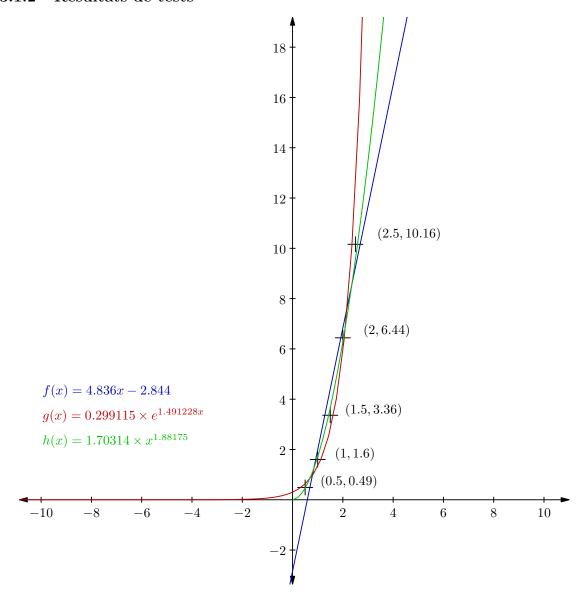
```
#include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <string.h>
    #include <math.h>
    #include "polynome.h"
 6
 7
    void mapping(double** from, double** to, int n, char* fn)
 8
 9
      if (strcmp(fn,"exponentielle")==0)
10
11
12
        for (j=0; j<n; j++)
13
14
          to[0][j]=from[0][j];
15
16
        for (j=0; j<n; j++)
17
18
          to[1][j]=log(from[1][j]);
19
20
21
      else if (strcmp(fn,"puissance")==0)
22
23
        for (i=0; i<2; i++)
24
25
          for (j=0; j<n; j++)
26
            to[i][j]=log(from[i][j]);
27
28
29
      }
30
31
32
33
    double moyenneElements(double** tab,int 1, int n)
34
      double resultat = 0.;
35
36
      double cpt = 0.;
37
      int i;
38
      for(i=0;i<n;i++)</pre>
39
        resultat = resultat + tab[1][i];
40
41
        cpt = cpt + 1.;
42
43
      resultat = resultat/cpt;
44
      return resultat;
45
46
47
    double moyenneElementsCarres(double** tab,int 1, int n)
48
49
      double resultat = 0;
50
      double cpt = 0;
51
      int i;
```

```
for(i=0;i<n;i++)
52
53
         resultat = resultat + pow(tab[1][i],2);
54
55
         cpt = cpt + 1;
56
57
       resultat = resultat/cpt;
 58
       return resultat;
59
     }
60
 61
     double moyenneProduitElements(double** tab, int n)
62
63
       double resultat = 0;
 64
       double cpt = 0;
       int i;
65
66
       for(i=0;i<n;i++)</pre>
67
         resultat = resultat + tab[0][i]*tab[1][i];
68
69
         cpt = cpt + 1;
70
71
       resultat = resultat/cpt;
 72
       return resultat;
73
74
     reglinD(double** tab, int n)
75
76
 77
       double a0 = 0;
       double a1 = 0;
 78
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
 79
       printf("Nous cherchons le polynome de degré 1 sous la forme a0 + a1*x.\n");
80
       xb = moyenneElements(tab,0,n);
81
82
       yb = moyenneElements(tab,1,n);
83
       xcb = moyenneElementsCarres(tab,0,n);
       xyb = moyenneProduitElements(tab,n);
84
85
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2));
86
87
       a0 = yb-xb*a1;
 88
89
       // creation et affichage du polynome
90
       polynome *P = creerPoly(2,"valeur",a0,a1);
91
       menuAffichage(P);
92
93
94
     reglinE(double** tab, int n) //y=c(e^{(dx)}) \Rightarrow ln(y)=ln(c)+xd \Rightarrow c=e^{(a_0)} & d=a1
95
       double c = 0;
96
97
       double d = 0;
98
       double a0 = 0;
99
       double a1 = 0;
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
100
101
       printf("Nous cherchons une approximation sous la forme c*(e^(d*x)).\n");
102
       double** t = (double**) malloc(2*sizeof(double*)); // contiendra le mapping de tab
103
       int i;
104
       for(i=0;i<2;i++)
105
       {
106
         t[i] = (double*) malloc (n*sizeof(double));
107
108
       mapping(tab, t, n, "exponentielle");
109
       xb = moyenneElements(t,0,n);
110
       yb = moyenneElements(t,1,n);
111
       xcb = moyenneElementsCarres(t,0,n);
112
       xyb = moyenneProduitElements(t,n);
113
114
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2.));
       a0 = yb-xb*a1;
115
116
117
       d = a1;
118
       c = \exp(a0);
119
       printf("P(x) = %f*exp(%f*x)",c,d);
120
121
122 | reglinP(double ** tab, int n) //y=a(x^b) => ln(y)=ln(a)+b*ln(x) => a=e^{(a_0)} & b=a1
```

```
123 || {
124
       double a = 0.;
       double b = 0.;
125
       double a0 = 0.;
126
       double a1 = 0.;
double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
127
128
129
       printf("Nous cherchons une approximation sous la forme a*(x^(b)).\n");
130
       double** t = (double**) malloc(2*sizeof(double*)); // contiendra le mapping de tab
       int i;
131
       for(i=0;i<2;i++)
132
133
       {
        t[i] = (double*) malloc (n*sizeof(double));
134
135
       mapping(tab, t, n, "puissance");
136
137
       xb = moyenneElements(t,0,n);
       yb = moyenneElements(t,1,n);
138
139
       xcb = moyenneElementsCarres(t,0,n);
140
       xyb = moyenneProduitElements(t,n);
141
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2));
142
143
       a0 = yb-xb*a1;
144
145
       b = a1;
       a = \exp(a0);
146
       printf("P(x) = f*x^{(f)}",a,b);
147
148 || }
```

Figure 3.1 – Code : reglin.c

3.1.2 Résultats de tests



4 Conclusion