# Algorithmes numériques – Rapport Interpolation et Approximation

Axel Delsol, Pierre-Loup Pissavy Décembre 2013

# Table des matières

1	Pré	eambule	2
	1.1	Structure du programme	2
<b>2</b>	Inte	erpolation	3
	2.1	Méthode de Newton	3
		2.1.1 Programme	3
	2.2		5
		2.2.1 Programme	5
	2.3	Résultats de tests	
	2.4	Comparaison	
3	App	proximation	7
	3.1	Régression linéaire	7
		3.1.1 Programme	7
	3.2	Résultats de tests	10
4	Con	nclusion	11

## 1 Préambule

### 1.1 Structure du programme

Nous avons conçu un programme principal avec menus, présenté sous la forme suivante :

 ${\tt Menu\ principal\ :\ Interpolation\ et\ Approximation}$ 

Quelle résolution utiliser ?

- 1- Lagrange
- 2- Newton
- 3- Neuville
- 4- Régression Linéaire
- 0- Quitter

 ${\tt FIGURE~1.1-Apercu:Menu~Principal}$ 

# 2 Interpolation

#### 2.1 Méthode de Newton

#### 2.1.1 Programme

```
|| #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
 3
    #include <string.h>
    #include <math.h>
    #include "polynome.h"
 6
 7
    void newton (double ** tab, int n)
 8
 9
      double** t= (double**) malloc(n*sizeof(double*));
10
      for (i=0; i<n; i++)</pre>
11
12
        t[i]= (double*) malloc((i+1)*sizeof(double));
13
14
15
16
      //initialisation des valeurs : on récupère les y.
17
      for (i=0; i<n; i++)</pre>
18
19
        t[i][0]=tab[1][i];
20
21
22
      //calcul des differences divisees
23
      for (k=1; k<n; k++)
24
25
        for (i=k; i<n; i++)
26
          t[i][k]=(t[i][k-1]-t[k-1][k-1])/(tab[0][i]-tab[0][k-1]);
27
28
29
30
31
      //tableau de polynomes
      polynome** tabP= (polynome**) malloc(n*(sizeof(polynome*)));
32
33
      for (i=0; i<n; i++)</pre>
34
35
        tabP[i]=(polynome*) malloc(sizeof(polynome));
36
37
      tabP[0]->d=0;
      tabP[0]->poln=(double*) malloc(sizeof(double));
38
39
      tabP[0] \rightarrow poln[0] = t[n-1][n-1];
40
41
      for (i=1; i<n; i++)
42
        tabP[i]=addPoly(creerPoly(1,"valeur",t[n-1-i][n-1-i]),mulPoly(creerPoly(2,"valeur",-tab[0][n-1-i], 1.),
43
             tabP[i-1]));
44
45
      redimensionnerPoly(tabP[n-1]);
46
      //affichage
47
48
      menuAffichage(tabP[n-1]);
49
      ecartPoly(tab,n,tabP[n-1]);
      printf("\n");
50
```

```
51 | for(i=0;i<n;i++)
52 | free(tabP[i]->poln);
54 | free(tabP[i]);
55 | free(t[i]);
56 | free(tabP);
57 | free(tabP);
58 | free(tabP);
59 | free(t);
60 | }
```

Figure 2.1 – Code : newton.c

#### 2.2 Méthode de Neuville

#### 2.2.1 Programme

```
1 | #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <string.h>
 3
    #include <math.h>
 4
    #include "polynome.h"
 6
    void neuville (double ** tab, int n)
 7
 8
    {
 9
      int i, k;
      polynome*** t= (polynome***) malloc(n*sizeof(polynome**));
10
11
      for (i=0; i<n; i++)
12
13
       t[i]= (polynome**) malloc((i+1)*sizeof(polynome*));
14
15
16
      //initialisation des valeurs : on récupère les y.
      for (i=0; i<n; i++)
17
18
19
       t[i][0]=creerPoly(1,"valeur", tab[1][i]);
20
21
22
      //calcul des differences divisees
      for (k=1; k< n; k++)
23
24
        for (i=k; i<n; i++)
25
26
          t[i][k]=mulSPoly((1/((tab[0][i-k])-(tab[0][i]))),addPoly(mulPoly(creerPoly(2,"valeur", -(tab[0][i]),
27
               1.), t[i-1][k-1]), mulPoly(creerPoly(2, "valeur", tab[0][i-k], -1.),t[i][k-1])));
28
       }
29
30
      //polynome àretourner
31
      redimensionnerPoly(t[n-1][n-1]);
32
33
      //affichage
34
      menuAffichage(t[n-1][n-1]);
      ecartPoly(tab,n,t[n-1][n-1]);
35
36
      printf("\n");
37
      //libération mémoire
38
39
      for(i=0;i<n;i++)</pre>
40
      {
        for(k=0;k<i;k++)</pre>
41
42
          free(t[i][k]->poln);
43
44
         free(t[i][k]);
45
46
        free(t[i]);
47
48
      free(t);
49 || }
```

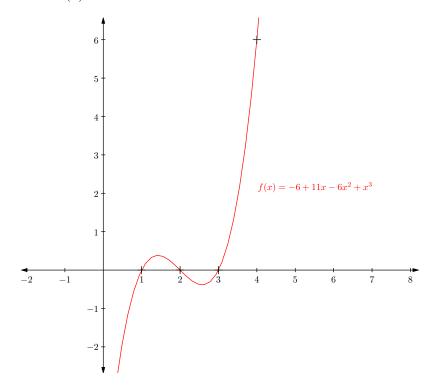
FIGURE 2.2 - Code: neuville.c

### 2.3 Résultats de tests

$x_i$	1.000000	2.000000	3.000000	4.000000
$y_i$	0.000000	0.000000	0.000000	6.000000

Tableau 2.3.1 - test

Méthode de Newton :  $P(x) = -6.000000 + 11.000000 \cdot x - 6.000000 \cdot x^2 + 1.000000 \cdot x^3$  Méthode de Neuville :  $P(x) = -6.000000 + 11.000000 \cdot x - 6.000000 \cdot x^2 + 1.000000 \cdot x^3$ 



Graphique 2.3.1 – Interpolation de Newton et Neuville – Tableau 2.3.1

### 2.4 Comparaison

# 3 Approximation

### 3.1 Régression linéaire

#### 3.1.1 Programme

```
#include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <string.h>
    #include <math.h>
    #include "polynome.h"
 6
 7
    void mapping(double** from, double** to, int n, char* fn)
 8
 9
      if (strcmp(fn,"exponentielle")==0)
10
11
12
        for (j=0; j<n; j++)
13
14
          to[0][j]=from[0][j];
15
16
        for (j=0; j<n; j++)
17
18
          to[1][j]=log(from[1][j]);
19
20
21
      else if (strcmp(fn,"puissance")==0)
22
23
        for (i=0; i<2; i++)
24
25
          for (j=0; j<n; j++)
26
            to[i][j]=log(from[i][j]);
27
28
29
      }
30
31
32
33
    double moyenneElements(double** tab,int 1, int n)
34
      double resultat = 0.;
35
36
      double cpt = 0.;
37
      int i;
38
      for(i=0;i<n;i++)</pre>
39
        resultat = resultat + tab[1][i];
40
41
        cpt = cpt + 1.;
42
43
      resultat = resultat/cpt;
44
      return resultat;
45
46
47
    double moyenneElementsCarres(double** tab,int 1, int n)
48
49
      double resultat = 0;
50
      double cpt = 0;
51
      int i;
```

```
for(i=0;i<n;i++)</pre>
52 |
53
         resultat = resultat + pow(tab[1][i],2);
54
55
         cpt = cpt + 1;
56
57
       resultat = resultat/cpt;
 58
       return resultat;
59
     }
60
 61
     double moyenneProduitElements(double** tab, int n)
62
63
       double resultat = 0;
       double cpt = 0;
64
       int i;
65
66
       for(i=0;i<n;i++)</pre>
67
         resultat = resultat + tab[0][i]*tab[1][i];
68
69
         cpt = cpt + 1;
70
71
       resultat = resultat/cpt;
 72
       return resultat;
73
74
     reglinD(double** tab, int n)
75
76
 77
       double a0 = 0;
       double a1 = 0;
78
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
79
       printf("Nous cherchons le polynome de degré 1 sous la forme a0 + a1*x.\n");
80
81
82
       xb = movenneElements(tab,0,n);
83
       yb = moyenneElements(tab,1,n);
84
85
       xcb = moyenneElementsCarres(tab,0,n);
       xyb = movenneProduitElements(tab,n);
86
87
 88
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2));
89
       a0 = yb-xb*a1;
90
91
       // creation et affichage du polynome
       polynome *P = creerPoly(2,"valeur",a0,a1);
92
93
       menuAffichage(P);
94
95
       //statistiques
       ecartPoly(tab,n,P);
96
97
98
       //libération mémoire
       free(P->poln);
99
100
       free(P);
101
102
     reglinE(double** tab, int n) //y=c(e^(dx)) <=> ln(y)=ln(c)+xd => c=e^(a0) & d=a1
103
104
     {
105
       int i;
106
       double c = 0;
107
       double d = 0;
       double a0 = 0;
108
109
       double a1 = 0;
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
110
       double** t = (double**) malloc(2*sizeof(double*)); // contiendra le mapping de tab
111
112
       for(i=0;i<2;i++)</pre>
113
       {
114
        t[i] = (double*) malloc (n*sizeof(double));
115
       printf("Nous cherchons une approximation sous la forme c*(e^(d*x)).\n");
116
117
118
       //calculs
       mapping(tab, t, n, "exponentielle");
119
120
       xb = moyenneElements(t,0,n);
       yb = moyenneElements(t,1,n);
121
122
       xcb = moyenneElementsCarres(t,0,n);
```

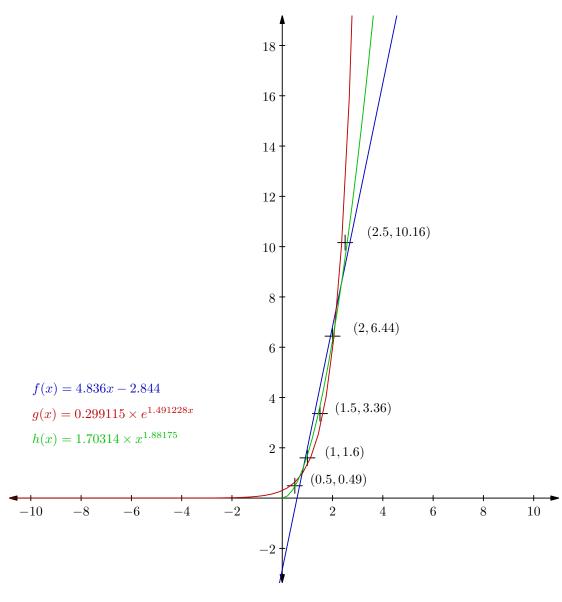
```
123 |
       xyb = moyenneProduitElements(t,n);
124
125
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2.));
126
       a0 = yb-xb*a1;
127
       d = a1;
       c = exp(a0);
128
129
130
       //affichage
131
       printf("P(x) = %f*exp(%f*x)",c,d);
132
       //statistiques
133
134
       ecartExpo(tab,n,c,d);
135
       //libération mémoire
136
137
       for (i=0; i<2; i++)
138
       {
139
         free(t[i]);
140
141
       free(t);
     }
142
143
     \operatorname{reglinP}(\operatorname{double} \ ** \ \operatorname{tab}, \ \operatorname{int} \ \operatorname{n}) \ \ //y = a(x \hat{\ b}) \ \lessdot \ b = a1 
144
145
146
       int i;
       double a = 0.;
147
148
       double b = 0.;
       double a0 = 0.;
149
       double a1 = 0.;
150
       double xb, yb, xcb, xyb; // b pour barre et c pour carre
151
       double** t = (double**) malloc(2*sizeof(double*)); // contiendra le mapping de tab
152
153
       for(i=0;i<2;i++)
154
       {
         t[i] = (double*) malloc (n*sizeof(double));
155
156
157
       printf("Nous cherchons une approximation sous la forme a*(x^(b)).\n");
158
159
       //calculs
160
       mapping(tab, t, n, "puissance");
161
       xb = moyenneElements(t,0,n);
162
       yb = moyenneElements(t,1,n);
163
       xcb = moyenneElementsCarres(t,0,n);
164
       xyb = moyenneProduitElements(t,n);
165
       a1 = (xyb-xb*yb)/(xcb-pow(xb,2));
166
       a0 = yb-xb*a1;
167
168
       b = a1;
169
       a = \exp(a0);
170
171
       //affichage
       printf("P(x) = %f*x^(%f)",a,b);
172
       //statistiques
173
174
       ecartPui(tab,n,a,b);
175
176
       //libération mémoire
177
       for (i=0; i<2; i++)</pre>
178
       {
179
         free(t[i]);
180
181
       free(t);
182 || }
```

FIGURE 3.1 - Code : reglin.c

### 3.2 Résultats de tests

$x_i$	0.5	1	1.5	2	2.5
$y_i$	0.49	1.6	3.36	6.44	10.16

Tableau 3.2.1 - test



Graphique 3.2.1 – Régression linéaire – tableau 3.2.1

# 4 Conclusion