# 二叉树



## 二叉树的性质

1. 二叉树的第i层至多有2^(i - 1)个节点。
2. 深度为k的二叉树至多有2^k - 1个节点。
3. 深度为k，且节点数量为2^k - 1的二叉树为满二叉树。

type TreeNode struct {

Val int

Left \*TreeNode

Right \*TreeNode

}

## 前序遍历

根->左->右

1 2 4 5 7 8 3 6

func preOderTraverse(root \*TreeNode) {

if nil != root {

fmt.Println(root.Val, “ ”)

preOderTraverse(root.Left)

preOderTraverse(root.Right)

}

}

func preOderTraverse(root \*TreeNode) {

if nil == root {

return

}

treeList := list.New()

treeList.PushBack(root)

for 0 != treeList.Len() {

elm := treeList.Front()

treeNode := elm.Value.(\*TreeNode)

fmt.Println(treeNode.Val, “ ”)

treeList.Remove(elm)

if nil != treeNode.Left {

treeList.PushBack(treeNode.Left)

}

if nil != treeNode.Right {

treeList.PushBack(treeNode.Right)

}

}

}

## 中序遍历

左->根->右

4 2 7 5 8 1 3 6

func midOderTraverse(root \*TreeNode) {

if nil != root {

midOderTraverse (root.Left)

fmt.Println(root.Val, “ ”)

midOderTraverse (root.Right)

}

}

## 后序遍历

左->右->根

4 7 8 5 2 6 3 1

func postOderTraverse(root \*TreeNode) {

if nil != root {

postOderTraverse(root.Left)

postOderTraverse(root.Right)

fmt.Println(root.Val, “ ”)

}

}

## 层次遍历

func breadthTraverse(root \*TreeNode) {

}

## 二叉树最大深度

func treeMaxDepth(root \*TreeNode) int {

if nil == root {

return 0

}

return int(math.Max(float64(treeMaxDepth(root.Left)), float64(treeMaxDepth(root.Right)))) + 1

}

## 二叉树最小深度

func treeMinDepth(root \*TreeNode) int {

if nil == root {

return 0

}

left := treeMinDepth(root.Left)

right := treeMinDepth(root.Right)

if 0 != left && 0 != right {

return minInt(left, right) + 1

}

return maxInt(left, right) + 1

}

## 二叉树节点个数

func treeNodeNum(root \*TreeNode) int {

if nil == root {

return 0

}

return treeNodeNum(root.Left) + treeNodeNum(root.Right) + 1

}

## 二叉树第K层的节点个数

求以root为根的k层节点数目，等价于求root左节点为根的第k-1层和root右节点为根的第k-1层的节点数目之和。

func KthLvNodeNum(root \*TreeNode, k int) int {

if nil == root {

return 0

}

if 1 == k {

return 1

}

return KthLvNodeNum(root.Left, k - 1) + KthLvNodeNum(root.Right, k - 1)

}

## 判断两个二叉树是否相同

func isSameTree(rootA \*TreeNode, rootB \*TreeNode) bool {

if nil == rootA && nil == rootB {

return true

}

if (nil == rootA && nil != rootB) || (nil != rootA && nil != rootB) {

return false

}

if (rootA.Val != rootB.Val) {

return false

}

return isSameTree(rootA.Left, rootB.Left) && isSameTree(rootA.Right, rootB.Right)

}

## 判断是否树的子结构

func isSub (root1 \*TreeNode, root2 \*TreeNode) bool {

if nil == root2 {

return true

}

if nil == root1 {

return false

}

if root1.Val != root2.Val {

return false

}

return isSub(root1.Left, root2.Left) && isSub(root1.Right, root2.Right)

}

func isSubTree(root1 \*TreeNode, root2 \*TreeNode) bool {

if nil == root1 || nil == root2 {

return false

}

var ret bool

if root1.Val == root2.Val {

ret = isSub(root1, root2)

}

if !ret {

ret = isSub(root1.Left, root2)

}

if !ret {

ret = isSub(root1.Right, root2)

}

return ret

}

## 根据前序遍历和中序遍历构建二叉树

func constructTree(startPre int, endPre int, startIn int, endIn int, preOder []int, inOder []int) \*TreeNode {

root := &TreeNode{

Val : preOder[startPre],

Left : nil,

Right : nil,

}

if startPre == endPre {

if startIn == endIn && preOder[startPre].Val == inOder[startIn].Val {

return root

} else {

return nil

}

}

rootIn := startIn

for rootIn <= endIn && inOder[rootIn] != root.Val {

rootIn++

}

if rootln == endln && inOder[rootIn] != root.Val {

return nil

}

//中序遍历中找到根节点之后，其左边就是左子树，右边就是右子树

lenLeft := rootIn - startIn

if lenLeft > 0 {

root.Left = constructTree(startPre + 1, startPre + lenLeft, startIn, rootln, preOder, inOder)

}

if lenLeft < endPre - startPre {

root.Right = constructTree(startPre + lenLeft + 1, endPre, rootIn + 1, endIn, preOder, inOder)

}

}

func construct(preOder []int, inOder []int) \*TreeNode {

len1, len2 := len(preOder), len(inOder)

if 0 == len1 || 0 == len2 {

return nil

}

return constructTree(0, len1 - 1, 0, len2 - 1, preOder, inOder)

}

## 对称二叉树

func isSymTree(r1 \*TreeNode, r2 \*TreeNode) bool {

if nil == r1 && nil == r2 {

return true

}

if nil == r1 || nil == r2 {

return false

}

if r1.Val != r2.Val {

return false

}

return isSymTree(r1.Left, r2.Right) && isSymTree(r1.Right, r2.Left)

}

func isSymmetric(root \*TreeNode) bool {

if nil == root {

return true

}

return isSymTree(root, root)

}

## 二叉树的镜像

func mirrorRecursively(root \*TreeNode) {

if nil == root {  
 return

}

if nil == root.Left && nil == root.Right {

return

}

tmpNode := root.Left

root.Left = root.Right

root.Right = tmpNode

if nil != root.Left {

mirrorRecursively(root.Left)

}

if nil != root.Right {

mirrorRecursively(root.Right)

}

}

# 二叉查找（搜索）树

对于树中任意一个节点X，其左子树中任意节点的值都小于X的值，其右子树中任意节点的值都大于X。

## 判断是否二叉查找树

二叉查找树的中序遍历是一个递增的数组，这个特性也被用于判断一颗树是不是二叉查找树。

func isBST(root \*TreeNode, treeArray \*[]int) {

if nil == root {

return

}

isBST(root.Left, treeArray)

\*treeArray = append(\*treeArray, root.Val)

isBST(root.Right, treeArray)

}

func checkBST(root \*TreeNode) bool {

treeArray := []int{}

isBST(root, &treeArray)

if 0 == len(treeArray) {

return true

}

for i:= 1; i < len(treeArray); i++ {

if treeArray[i] <= treeArray[I - 1] {

return fasle

}

}

return true

}

另一种做法则是大小值的做法，对于树中任一一个节点，其左子树的最大值是该节点的值。其右子树的最小值是该节点的值。

func isBST(root \*TreeNode, min int, max int) bool {

if nil == root {

return true

}

if root.Val <= min || root.Val >= max {

return false

}

if isBST(root.Left, min, root.Val) && isBST(root.Right, root.Val, max) {

return true

}

return false

}

func checkBST(root \*TreeNode) bool {

return isBST(root, math.MinInt64, math.MaxInt64)

}

# 平衡二叉树（AVL树）

空树或它的左右两个子树的高度差的绝对值不超过1，并且左右两个子树都是一棵平衡二叉树。

## 判断是否为平衡二叉树

func isAVLTree(root \*TreeNode) bool {

if nil == root {

return true

}

if int(math.Abs(float64(treeDepth(root.Left) - treeDepth(root.Right)))) > 1 {

return false

}

return isAVLTree(root.Left) && isAVLTree(root.Right)

}

# 满二叉树

一个二叉树的节点要么是叶子节点，要么有两个叶子节点，被称作满二叉树。

层数为K的满二叉树，其节点个数为2^k - 1。

# 完全二叉树

层数为K的二叉树，除了第K层以外，其他各层节点个数都达到最大，第K层节点都连续集中在数的左边，则成为完全二叉树。

## 判断是否完全二叉树

func isCompleteTree(root \*TreeNode) bool {

if nil == root {

return true

}

if nil == root.Left && nil != root.Right {

return false

}

left := treeDepth(root.Left) + 1

right := treeDepth(root.Right) + 1

if left - right > 1 {

return false

}

return isCompleteTree(root.Left) && isCompleteTree(root.Right)

}

# 红黑树

红黑树是一棵二叉查找树，同时还多出如下几点要求：

1. 每个节点要么是红的要么是黑的。
2. 根节点是黑的。
3. 每个叶子节点都是黑的。
4. 如果一个节点是红的，其两个子节点都是黑的。
5. 对于任意节点而言，其到任意尾端为NIL的叶子节点的路径中包含相同数目的黑节点。

左旋

右旋

# B树

B树的定义有两种方式，用阶或者用度。

B树的阶是指所有节点孩子个数的最大值，用m表示，m>=2。

除了根节点和叶子节点以外，每个节点至少有ceil(m/2)个孩子，根节点至少有两个孩子。

B树的最小度数是指内节点中节点最小孩子数目，用t表示，t>=2。

每个非根节点至少有t-1个关键字，最多可以包含2t-1个关键字。

阶和度都是在创建一个B树的时候提前设定好的值，根据阶或者度可以判断B树中的某个节点是否已满。