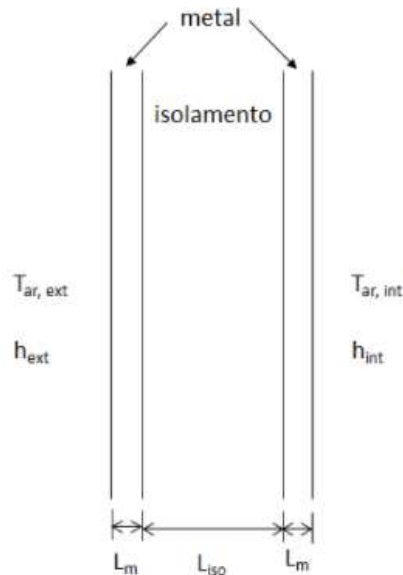


PROVA #4

Antes de iniciar a prova, leia atentamente as observações abaixo:

- A) Proceda a resolução das questões de forma organizada e clara, destacando as hipóteses adotadas. Isso também será avaliado.
 - B) Em caso de evidência de plágio na resolução de qualquer uma das questões, as notas das provas dos envolvidos serão zeradas.
 - C) Início da prova: 10h10; Postagem no Moodle: até às 14h10.
-

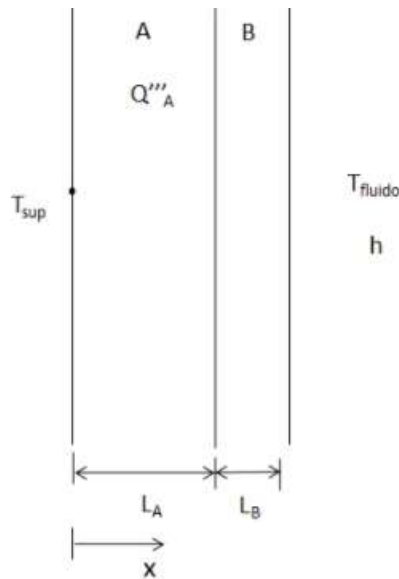
- 1) [2,0 p] A parede de um refrigerador é composta por um miolo de material isolante envolto de duas lâminas de material metálico, conforme mostrado na figura abaixo. A temperatura do ar no interior do refrigerador ($T_{ar,int}$) é 7°C e o coeficiente de transferência de calor por convecção entre essa porção de ar e a parede (h_{int}) é $6 \text{ W/m}^2\cdot\text{K}$. A temperatura do ar externo ($T_{ar,ext}$) é 25°C e o coeficiente de transferência de calor por convecção entre essa porção de ar e a parede (h_{ext}) é $9 \text{ W/m}^2\cdot\text{K}$. As condutividades térmicas do material isolante (k_{iso}) e do metal (k_m) são $0,08 \text{ W/m}\cdot\text{K}$ e $60 \text{ W/m}\cdot\text{K}$, respectivamente. A espessura das lâminas de metal (L_m) vale 1 mm . Sabendo que a temperatura da superfície externa do refrigerador não pode ser inferior a 20°C , pois nesse caso, haveria condensação de água junto a essa superfície, determine a espessura mínima de isolante para evitar que isso aconteça.



- 2) [5,0 p] Considere uma parede plana A com geração de calor uniforme (Q'''_A) igual a 20 MW/m^3 em contato com uma parede plana B, onde não há geração de calor. Conforme a figura abaixo, a temperatura da superfície esquerda de A é constante (T_{sup}) e igual a 50°C . A superfície livre de B está exposta a um líquido com temperatura (T_{fluido}) igual a 20°C e coeficiente de transferência de calor por convecção h igual a $1,5 \text{ kW/m}^2\cdot\text{K}$. As

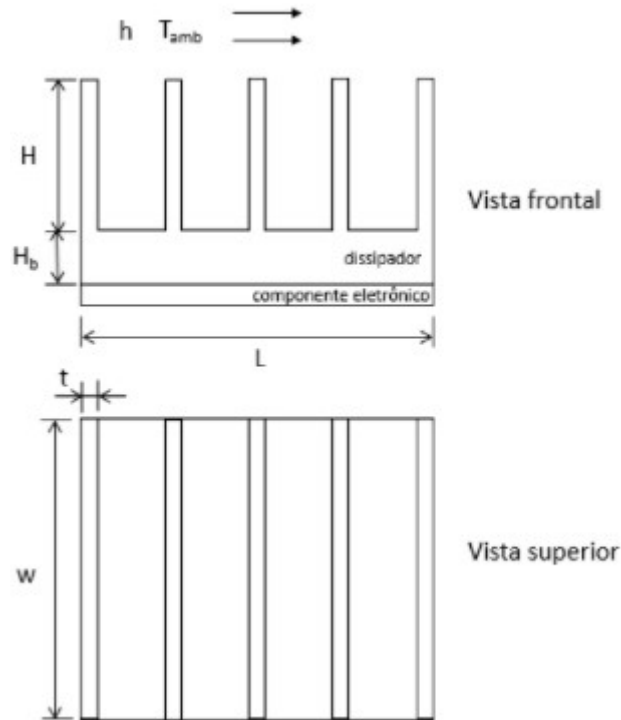
condutividades térmicas dos materiais A e B são 100 W/m.K e 50 W/m.K , respectivamente. As espessuras das paredes A (L_A) e B (L_B) são 20 mm e 10 mm , respectivamente. Considere uma resistência de contato entre A e B igual a $4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2.\text{K/W}$. Determine:

- a posição x em que a temperatura é máxima. [1,0]
- o valor da temperatura máxima. [1,0]
- os fluxos de calor em $x = 0$ e $x = L_A$. [1,0]
- a temperatura da superfície da parede B exposta ao fluido. [1,0]
- esboce a distribuição de temperatura no sistema. [1,0]



- 3) [3,0 p] Um dissipador de alumínio ($k = 220 \text{ W/m.K}$) com aletas retangulares é posicionado junto a um fino componente eletrônico, como mostrado na figura abaixo. A largura (w) e o comprimento (L) do dissipador são 40 mm e 20 mm , respectivamente. O comprimento (H) e a espessura (t) das 5 aletas do dissipador valem 10 mm e $0,5 \text{ mm}$, respectivamente. Assuma resistência de contato igual a $10^{-4} \text{ m}^2.\text{K/W}$ entre componente eletrônico e dissipador, e considere que a superfície inferior do componente eletrônico está perfeitamente isolada. Dados adicionais: $h = 100 \text{ W/m}^2.\text{K}$; $T_{\text{amb}} = 25^\circ\text{C}$; $H_b = 5 \text{ mm}$. (Observação: o desenho está fora de escala).

- Apresente o circuito térmico equivalente desse sistema, destacando as resistências, temperaturas e taxa de transferência de calor envolvidas. [1,0]
- Estime a máxima potência que pode ser dissipada pelo componente eletrônico de modo que sua temperatura não supere 80°C . [2,0]



FORMULÁRIO:

$$R'' = \frac{\Delta T}{\dot{Q}''} \quad \dot{Q}_x = -kA \frac{dT}{dx} \quad \dot{Q} = hA(T_s - T_\infty)$$

$$R = \frac{\Delta T}{\dot{Q}} \quad R_{conv} = \frac{1}{hA} \quad R_{cond} = \frac{L}{kA}$$

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(k \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(k \frac{\partial T}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left(k \frac{\partial T}{\partial z} \right) + \dot{Q}''' = \rho c_p \frac{\partial T}{\partial t}$$

$$\eta_{aleta} = \frac{\dot{Q}}{\dot{Q}_{max}}$$

Case	Tip Condition ($x = L$)	Temperature Distribution θ/θ_b	Fin Heat Transfer Rate q
A	Convection heat transfer: $h\theta(L) = -k d\theta/dx _{x=L}$	$\frac{\cosh m(L-x) + (h/mk) \sinh m(L-x)}{\cosh mL + (h/mk) \sinh mL}$ (3.75)	$M \frac{\sinh mL + (h/mk) \cosh mL}{\cosh mL + (h/mk) \sinh mL}$ (3.77)
B	Adiabatic: $d\theta/dx _{x=L} = 0$	$\frac{\cosh m(L-x)}{\cosh mL}$ (3.80)	$M \tanh mL$ (3.81)
C	Prescribed temperature: $\theta(L) = \theta_L$	$\frac{(\theta_L/\theta_b) \sinh mx + \sinh m(L-x)}{\sinh mL}$ (3.82)	$M \frac{(\cosh mL - \theta_L/\theta_b)}{\sinh mL}$ (3.83)
D	Infinite fin ($L \rightarrow \infty$): $\theta(L) = 0$	e^{-mx} (3.84)	M (3.85)

$$\theta \equiv T - T_\infty \quad m^2 \equiv hP/kA_c$$

$$\theta_b = \theta(0) = T_b - T_\infty \quad M \equiv \sqrt{hPkA_c} \theta_b$$