

Skiplistor

1. a) $p = 0.5^i$

b) Detta är en binomialkoefficient, vilket ger uträkningen

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

c) Sannolikheten är en binomialfördelning med parametrarna

$$n = n, k = k, p = 0.5^i$$

Ekvationen blir

$$\binom{n}{k} 0.5^{ik} (1 - 0.5^i)^{n-k}$$

2. a) $p = 0.5^{(i+1)}$

b) Sannolikheten är en binomialfördelning med parametrarna

$$n = n, k = n, p = 0.5^{i+1}$$

Ekvationen blir

$$\binom{n}{n} 0.5^{n(i+1)} (1 - 0.5^{i+1})^{n-n} = 0.5^{n(i+1)}$$

c)

$$\sum_{i=0}^{\infty} 0.5^{n(i+1)}$$

3. a) Binomialfördelad stokastisk variabel med parametrarna n och p.

b) $n * 0.5^i$

c)

$$\sum_{i=0}^{\infty} n * 0.5^i$$

4. a) Geometrisk stokastisk variabel, med parametrarna i och p.

b) Eftersom $X = Y + 1$ är den högsta nivån det största värdet av alla X. Subtrahera med 1 för att komma till den faktiska nivån.

c)

$$(1 - (1 - 1/2)^{i+1})^n$$

d)

$$(1 - (1 - 1/2)^{i+1})^n - (1 - (1 - 1/2)^i)^n$$

e) I MatLab:

$$f = @(x,n)(1-(1-1/2)^{(x+1)})^n - (1-(1-1/2)^x)^n$$

$$af = @(a) \text{arrayfun}(@(x)f(x,a),[0:a+2])$$

Jämför det högsta värdets plats från af(a) med värdet av log2(a)