AM: LT1200012

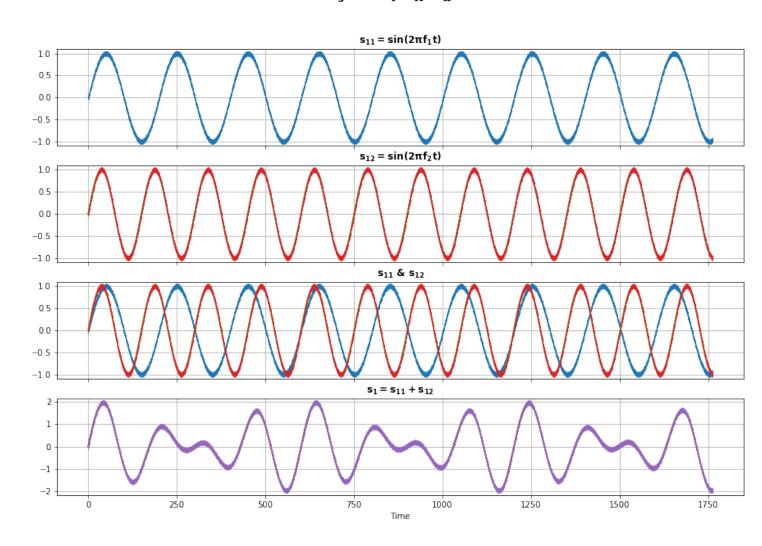
DSP - Project 2 - Bonus

1. Σήμα s_1

Το σήμα s_1 , αποτελεί άθροισμα των επιμέρους σημάτων s_{11} και s_{12} , τα οποία είναι ημιτονοειδή, με διαφορετική συχνότητα το καθένα και μηδενική φάση (**Figure 1**). Οι συχνότητες που επιλέχθηκαν για τα 2 αυτά σήματα, οι f_1 και f_2 , είναι εκείνες των σημάτων της μουσικής νότας A_3 και D_4 αντίστοιχα.

$$s_{11} = sin(2\pi f_1 t)$$
, $f_1 = 220Hz$
 $s_{12} = sin(2\pi f_2 t)$, $f_2 = 293.66Hz$
 $s_1 = s_{11} + s_{12}$

Figure 1: $s_1 = s_{11} + s_{12}$



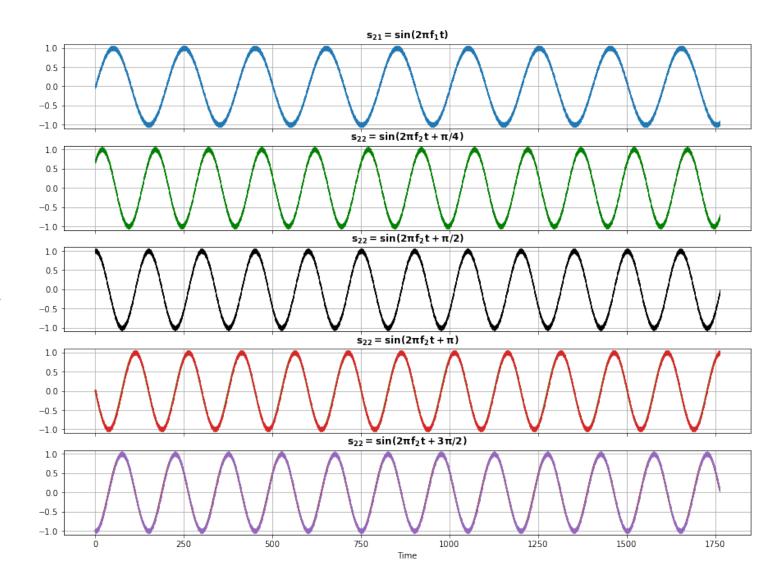
2. $\Sigma \dot{\eta} \mu \alpha s_2$

Αντίστοιχα, το σήμα $\mathbf{s_2}$, αποτελεί άθροισμα των επιμέρους σημάτων $\mathbf{s_{21}}$ και $\mathbf{s_{22}}$, τα οποία είναι επίσης ημιτονοειδή, έχουν ίδιες συχνότητες με τα αντίστοιχα $\mathbf{s_{11}}$ και $\mathbf{s_{12}}$, όμως σε αυτή την περίπτωση το $\mathbf{s_{22}}$ έχει φάση π/4, π/2, π και $3\pi/2$ στις αντίστοιχες εκδοχές του (**Figure 2**).

$$s_{21} = sin(2\pi f_1 t), f_1 = 220Hz$$

$$s_{22} = sin(\ 2\pi\ f_2\ t\ +\ \varphi\)\ ,\ f_2 = 293.66Hz\ ,\ \varphi\in \ \{\ \pi/4,\,\pi/2,\,\pi,\,3\pi/2\ \}$$

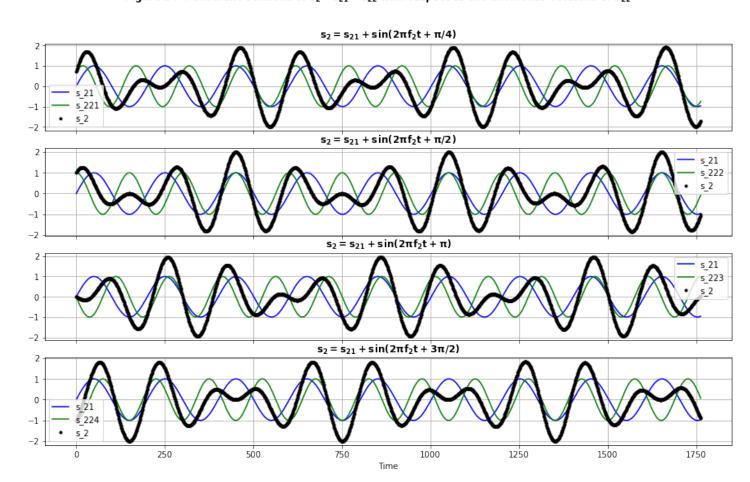
Figure 2: s_{21} and 4 versions of s_{22} with different phase



Στο **Figure 3**, εμφανίζονται όλες οι εκδοχές του σήματος s_2 , ανάλογα με την περίπτωση του s_{22} .

$$s_2 = s_{21} + s_{22}$$

Figure 3: 4 different versions of $s_2 = s_{21} + s_{22}$ with respect to the difference versions of s_{22}



Το σήμα \mathbf{s} , προκύπτει από το άθροισμα των \mathbf{s}_1 και \mathbf{s}_2 . Οι γραφικές παραστάσεις των επιμέρους αυτών σημάτων παρουσιάζονται παρακάτω, όπως επίσης και οι διαφορετικές εκδοχές του σήματος, ανάλογα με τις αντίστοιχες εκδοχές του \mathbf{s}_2 που παρουσιάστηκαν παραπάνω.

$$s = s_1 + s_2$$

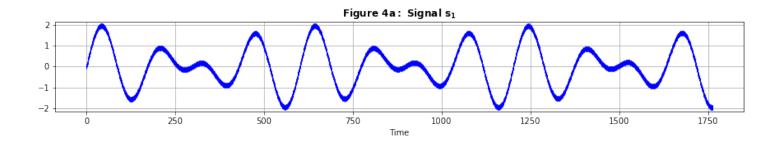
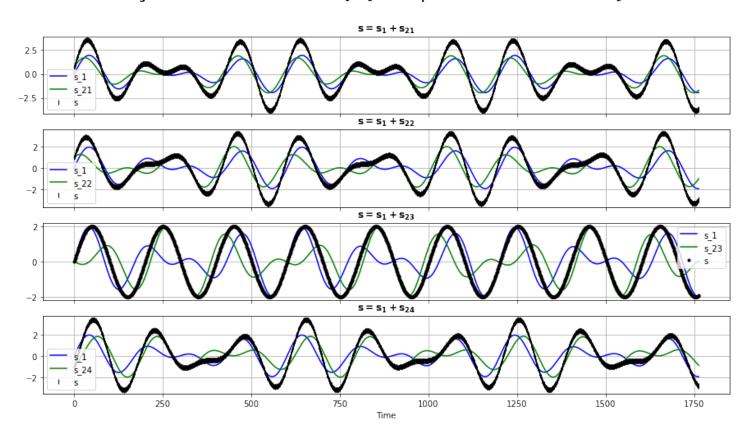
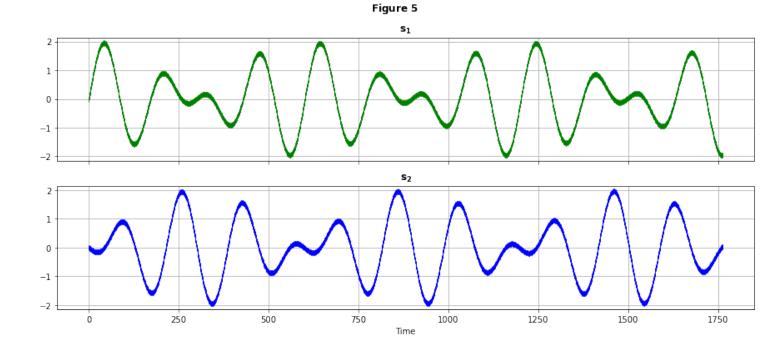


Figure 4b: 4 different versions of $s = s_1 + s_2$ with respect to the difference versions of s_2





Ιδιαίτερο ενδιαφέρον παρουσιάζει η **3η** περίπτωση των s_1 και s_2 (**Figure 5**), όπου το τελικό σήμα s_1 είναι **ημιτονοειδές**, με συχνότητα **220Hz** (= f_1) και πλάτος **2**, δηλαδή με εξίσωση της μορφής:

$$s = 2 \sin(2\pi 220t)$$
,

κάτι το οποίο αποδεικνύεται και ως εξής:

$$\begin{array}{l} s = s_1 + s_2 \\ s = sin(\ 2\pi 220t\) + sin(\ 2\pi 293.66t\) + sin(\ 2\pi 220t\) + sin(\ 2\pi 293.66t\ + \pi) \\ s = 2\ sin(\ 2\pi 220t\) + sin(\ 2\pi 293.66t\) \ + sin(\ 2\pi 293.66t\ + \pi) \\ s = 2\ sin(\ 2\pi 220t\) + sin(\ 2\pi 293.66t\) \ - sin(\ 2\pi 293.66t) \ \ (\ sin(\ 2\pi t \pm \pi) = - sin(\ 2\pi t)\) \\ s = 2\ sin(\ 2\pi 220t\) \end{array}$$

Στο **Figure 6** που ακολουθεί, παρουσιάζεται ένας κύκλος / περίδος του σήματος **s**, σε σύγκριση με έναν κύκλο του αρχικού ημιτονοειδούς σήματος, συχνότητας 220Hz, όπου επιβεβαιώνεται για άλλη μια φορά η μόνη διαφορά τους, το διπλάσιο πλάτος του τελικού σήματος **s**.

