

Informatik CI – Blatt 3

Rasmus Diederichsen

6. August 2014

Aufgabe 3.1

Sei $L = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ eine endliche Sprache, $n < \infty$. Definiere für alle $i \in [1, n]$ Regeln $S_{i,k}$, wobei $k = |a_i|$

$$\begin{aligned} S &= S_{i,1} \rightarrow a_i[1]S_{i,2} \\ S_{i,2} &\rightarrow a_i[2]S_{i,3} \\ &\vdots \\ S_{i,k} &\rightarrow a_i[k] \end{aligned}$$

Durch diese Aufzählung können alle Worte in L generiert werden. Alle $S_{i,k}$ sind regulär, daher sind alle endlichen Sprachen regulär.

Aufgabe 3.2

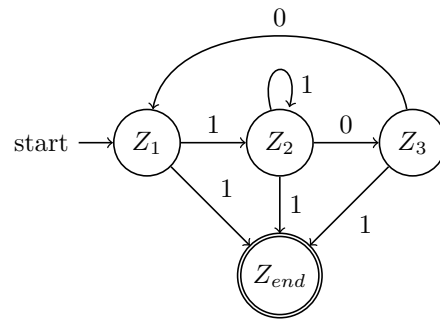
a)

Die reguläre Grammatik ist

$$\begin{aligned} A_1 &\rightarrow 1A_2 \mid 1 \\ A_2 &\rightarrow 1A_2 \mid 0A_3 \mid 1 \\ A_3 &\rightarrow 0A_1 \mid 1 \end{aligned}$$

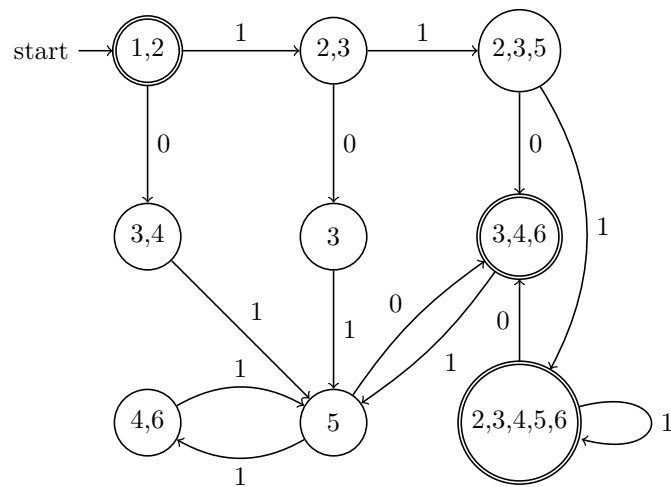
b)

Die obige Grammatik als nichtdeterministischer endlicher Automat ausgedrückt ist



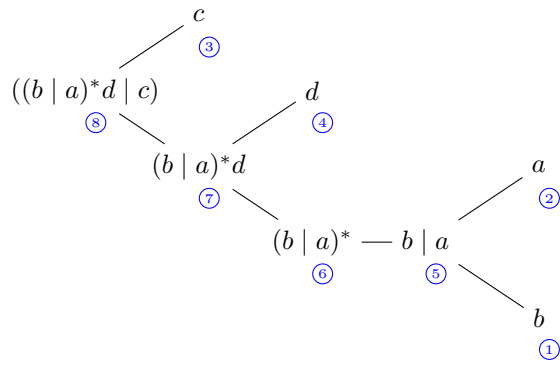
Aufgabe 3.3

Ein äquivalenter deterministischer Automat gemäß der Vorlesung ist

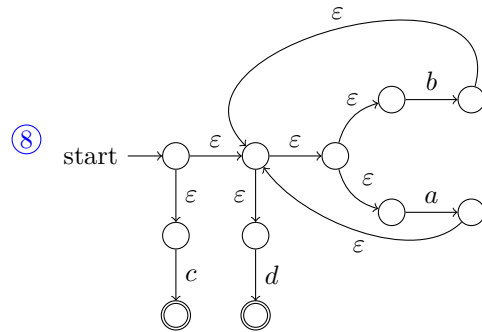
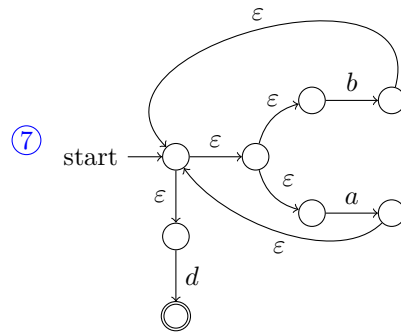
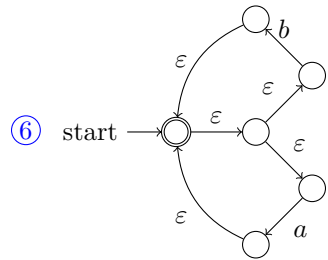
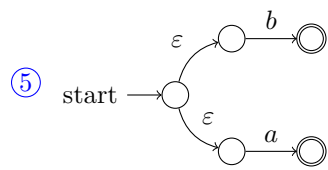
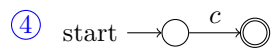
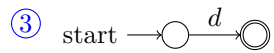
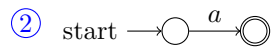
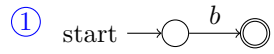


Aufgabe 3.4

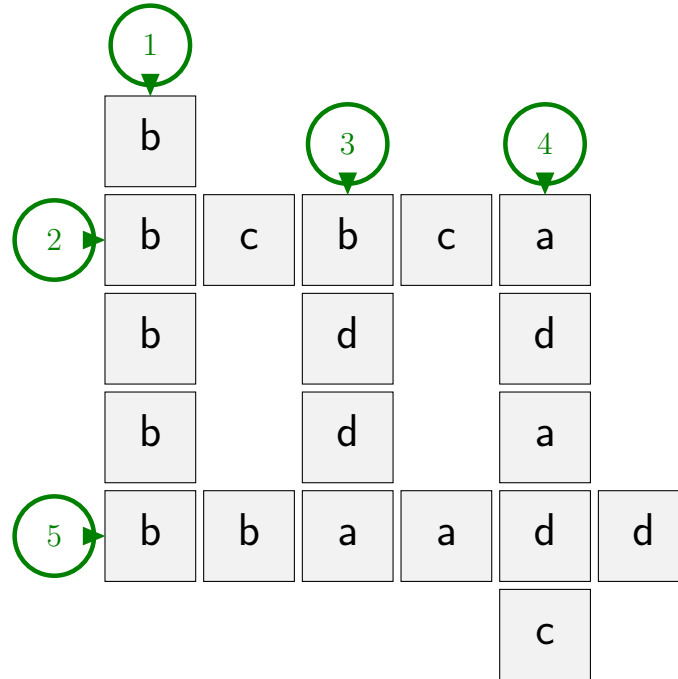
Zunächst separieren wir den Ausdruck in Baumschreibweise



Wir kreieren einen NDEA für jeden Knoten, beginnend mit den Blättern.



Aufgabe 3.5



Aufgabe 3.6

Wir erstellen für $k = 0, \dots, n$ mit $n = 4$ jeweils eine Übergangsmatrix M_k , wobei $M_k(i, j)$ einen regulären Ausdruck enthält, der die Sprache $L_{i,j}^k$ gemäß Vorlesung beschreibt.

Sei $x := (a \mid b)$, $y := aa$, $z := ab$.

$k = 0$

$k = 1$

	1	2	3	4
1	ε	b	a	\emptyset
2	\emptyset	ε	\emptyset	\emptyset
3	\emptyset	\emptyset	$(a \mid b) \mid \varepsilon$	c
4	a	\emptyset	\emptyset	ε

	1	2	3	4
1	ε	b	a	\emptyset
2	\emptyset	ε	\emptyset	\emptyset
3	\emptyset	\emptyset	$x \mid \varepsilon$	c
4	a	z	y	ε

4

$k = 2$

	1	2	3	4
1	ε	b	a	\emptyset
2	\emptyset	ε	\emptyset	\emptyset
3	\emptyset	\emptyset	$x \mid \varepsilon$	c
4	a	z	y	ε

$k = 3$

	1	2	3	4
1	ε	b	ax^*	ax^*c
2	\emptyset	ε	\emptyset	\emptyset
3	\emptyset	\emptyset	$x^* \mid \varepsilon$	x^*c
4	a	z	yx^*	$\varepsilon \mid yx^*c$

$k = 4$

	1	2	3	4
1	$\varepsilon \mid (ax^*ca)^*$	$(ax^*ca)^*b$	$ax^*(cyx^*)^*$	$ax^*c(yx^*c)^*$
2	\emptyset	ε	\emptyset	\emptyset
3	$x^*ca(ax^*ca)^*$	$x^*(x^*cy)^*cz$	$\varepsilon \mid x^*(cyx^*)^*$	$x^*c(yx^*c)^*$
4	$a(ax^*ca)^*$	$(yx^*c)^*z$	$yx^*(cyx^*)^*$	$\varepsilon \mid (yx^*c)^*$

Es sind Z_1 der einzige Startzustand und Z_2, Z_4 Endzustände. Der generierte reguläre Ausdruck ist daher $(ax^*ca)^*b \mid ax^*c(yx^*c)^* = (a(a \mid b)^*ca)^*b \mid a(a \mid b)^*c(aa(a \mid b)^*c)^*$