# පිළිතුරු



30

# සම්භාවිතාව

### 30.1 අභනාසය

- 1. පහත දැක්වෙන එක් එක් සසම්භාවී පරීක්ෂණයට අදාළ නියැදි අවකාශය ලියන්න.
  - (i) 1 සිට 10 තෙක් අංක ලියන ලද එක සමාන කාඩ්පත් කට්ටලයකින් අහඹු ලෙස කාඩ්පතක් ගෙන අංකය සටහන් කර ගැනීම.
  - (ii) වෘත්තාකාර තැටියක් සමාන කේන්දික ඛණ්ඩ තුනකට බෙදා ඒ එක එකෙහි රතු, නිල් හා කහ වර්ණය බැගින් ආලේප කර, තැටියේ කේන්දයේ සවිකර ඇති දර්ශකයක් කර කැවීමෙන් පසු එම දර්ශකය නවතින ස්ථානයේ වර්ණය සටහන් කර ගැනීම.
  - (iii) කුිකට් තරගයක දී පන්දුවකට එල්ල කරන පිති පහරකින් ලැබෙන ලකුණ සටහන් කිරීම.
    - (i)  $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$
    - $(ii) S = \{ රතු , නිල් , කහ \}$
    - (iii) S =  $\{0,1,2,3,4,5,6\}$  ගෙන් S =  $\{0,4,6\}$
- 2. පහත දැක්වෙන එක් එක් සිද්ධිය සරල සිද්ධියක් ද? සංයුක්ත සිද්ධියක් ද? යන්න තෝරා ලියන්න.
  - (i) (a.) 1 සිට 4 තෙක් අංක යෙදූ චතුස්තල දාදු කැටයක් උඩ දැමීමේ දී අංක 3 පැත්ත ලැබීම.
    - (b.) ඔත්තේ සංඛාහවක් සහිත පැත්තක් ලැබීම.
  - (ii) A, B, C, D, E ලෙස ලියන ලද සමාන කාඩ්පත් 5ක් ඇති කට්ටලයකින්,
    - (a.) C අකුර සහිත කාඩ්පතක් ලැබීම.
    - (b.) ස්වර අක්ෂරයක් සහිත කාඩ්පතක් ලැබීම.
  - (i)  $S = \{1, 2, 3, 4\}$ 
    - (a) {3} සරල සිද්ධියක්
    - (b) {1,3} සංයුක්ත සිද්ධියක්
  - (ii)  $S = \{A, B, C, D, E\}$ 
    - (a)  $\{C\}$  සරල සිද්ධියක්
    - (b)  $\{A,E\}$  සංයුක්ත සිද්ධියක්



- 3. 1 සිට 8 තෙක් අංක ලියූ එක සමාන වූ කාඩ්පත් ඇති බෑගයකින් අහඹු ලෙස කාඩ්පතක් ගනු ලබයි.
  - (a.) අංක 4ට වැඩි සංඛ $\mathfrak B$  සංඛ $\mathfrak B$  සාඩ්පතක් ලැබීමේ සිද්ධිය A නම් A හි අවයව ලියන්න.
  - $(b.) \ A$  සිද්ධියෙහි ඇති සරල සිද්ධි 5ක් ලියන්න.

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$$

- (a)  $A = \{5, 6, 7, 8\}$
- $(b) \{5\}, \{6\}, \{7\}, \{8\}$
- 4. 1 සිට 10 තෙක් අංක ලියන ලද එක සමාන තුණ්ඩු කැබලි 10ක් බෑගයක ඇත. අහඹු ලෙස ඉන් තුණ්ඩු කැබැල්ලක් ගැනීමේ පරීක්ෂණයට අදාළව
  - (i) නියැදි අවකාශය ලියා දක්වන්න.
  - (ii) සමචතුරසු සංඛාාවක් ලැබීමේ සිද්ධිය X නම් X හි අවයව ලියා n(X) හි අගය ලියන්න.
  - (iii) සමචතුරසු සංඛාාවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව P(X) සොයන්න.
    - (i)  $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$
    - (ii)  $X = \{1, 4, 9\}$  n(X) = 3
    - (iii)  $P(X) = \frac{n(X)}{n(S)} = \frac{3}{10}$
- 5. සර්වසම පබලු 5කින් 3ක් නිල්පාට වන අතර ඉතිරි ඒවා රතු පාට වේ. අහඹු ලෙස පබලුවක් ගැනීමේ පරීක්ෂණයට අදාළ,
  - (i) නියැදි අවකාශය ලියා දක්වන්න.
  - (ii) රතු පබලුවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
  - (iii) නිල් පබලුවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
    - (i)  $S = \{ \mathfrak{S}\mathcal{C}_1, \mathfrak{S}\mathcal{C}_2, \mathfrak{S}\mathcal{C}_3, \mathfrak{C}_3, \mathfrak{C}_1, \mathfrak{C}_2 \}$
    - m (ii) රතු පබලුවක් ලැබීමේ සිද්ධිය R නම්

$$R = \{ \operatorname{\mathfrak{C}}_{\mathfrak{D}_1}, \operatorname{\mathfrak{C}}_{\mathfrak{D}_2} \}$$

$$n(R) = 2 \qquad n(S) = 5$$

රතු පබලුවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව , 
$$P(R)=rac{n(R)}{n(\mathcal{S})}=rac{2}{5}$$

(ii) නිල් පබලුවක් ලැබීමේ සිද්ධිය B නම්

$$B = \{ \, \mathfrak{S} \mathcal{C}_{1}^{1} \,,\, \mathfrak{S} \mathcal{C}_{2}^{1} \,,\, \mathfrak{S} \mathcal{C}_{3}^{1} \}$$

$$n(B) = 3 \qquad n(S) = 5$$

නිල් පබලුවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව , 
$$P(B)=rac{n(B)}{n(S)}=rac{3}{5}$$



6. පෙට්ටියක් තුළ එකම තරමේ හා එකම හැඩයේ ටොෆි වර්ග කීපයක් ඇත. ඒ පිළිබඳ තොරතුරු පහත වගුවේ දැක්වේ.

	අඹ රස	දොඩම් රස
A වර්ගයේ	2	1
<i>B</i> වර්ගයේ	3	2

අහඹු ලෙස මෙම පෙට්ටියෙන් ටොෆියක් ඉවතට ගනු ලැබේ. එම ටොෆිය,

- (i) දොඩම් රස එකක් වීමේ  $(ii)\ A$  වර්ගයේ එකක් වීමේ
- $(iii)\ B$  වර්ගයේ එකක් වීමේ  $(iv)\ A$  වර්ගයේ අඹ රස එකක් වීමේ
- (v) B වර්ගයේ දොඩම් රස එකක් වීමේ,

සම්භාවිතාව සොයන්න.

	අඹ රස	දොඩම් රස	
A වර්ගයේ	2	1	3
$\it B$ වර්ගයේ	3	2	5
	5	3	

- (i)  $\frac{3}{8}$  (ii)  $\frac{3}{8}$  (iii)  $\frac{5}{8}$  (iv)  $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$  (v)  $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$

# 30.2 අභාහාසය

1. 1 සිට 6 තෙක් අංක යොදන ලද නොනැඹුරු දාදු කැටයක් උඩ දැමීමේ පරීක්ෂණයක, පුථමක සංඛ් $\mathbf{x}$ ාවක් ලැබීමේ සිද්ධිය A ද,

පූර්ණ වර්ගයක් ලැබීමේ සිද්ධිය B ද,

4ට වැඩි සංඛාාවක් ලැබීමේ සිද්ධිය C ද,

6 ගුණාකාරයක් වන සංඛාාවක් ලැබීමේ සිද්ධිය D ද නම්,

A,B,C,D සිද්ධිවලින් අනෙහා්නහ වශයෙන් බහිෂ්කාර සිද්ධි යුගල තෝරන්න.

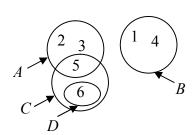
$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

$$A = \{2, 3, 5\}$$

$$B = \{1, 4\}$$

$$C = \{5, 6\}$$

$$D = \{6\}$$



අනෙහා්නා වශයෙන් බහිෂ්කාර සිද්ධි

A සහ B A සහ D B සහ C B සහ D

 $oldsymbol{2}$ . X හා Y යනු සසම්භාවී පරීක්ෂණයක අනොන්නා වශයෙන් බහිෂ්කාර නොවන සිද්ධි දෙකකි.  $P(X) = \frac{1}{4}$  ද  $P(Y) = \frac{5}{6}$  ද  $P(X \cap Y) = \frac{1}{6}$  ද නම් පහත සඳහන් එක එකෙහි අගය සොයන්න.(i) $P(X \cup Y)$  (ii)P(X') (iii)P(Y') (iv) $P[(X \cap Y)']$  (v) $P[(X \cup Y)']$ 

$$P(X) = \frac{1}{4}$$
  $P(Y) = \frac{5}{6}$   $P(X \cap Y) = \frac{1}{6}$ 

(i) 
$$P(X \cup Y) = P(X) + P(Y) - P(X \cap Y)$$
  

$$= \frac{1}{4} + \frac{5}{6} - \frac{1}{6}$$

$$= \frac{3+10-2}{12}$$

$$= \frac{11}{12}$$

(ii) 
$$P(X') = 1 - P(X)$$
  
=  $1 - \frac{1}{4}$   
=  $\frac{3}{4}$ 

(iii) 
$$P(Y') = 1 - P(Y)$$
  
=  $1 - \frac{5}{6}$   
=  $\frac{1}{6}$ 

(iv) 
$$P[(X \cap Y)'] = 1 - F$$
  
=  $1 - \frac{1}{6}$   
=  $\frac{5}{6}$ 

(iv) 
$$P[(X \cap Y)'] = 1 - P(X \cap Y)$$
 (v)  $P[(X \cup Y)'] = 1 - P(X \cup Y)$   
 $= 1 - \frac{1}{6}$   $= 1 - \frac{11}{12}$   
 $= \frac{5}{6}$   $= \frac{1}{12}$ 

3.AහාBයනුසසම්භාවීපරීක්ෂණයකසිද්ධිදෙකක්වනඅතර  $P(A)=rac{2}{7}$  ද  $P(B')=rac{1}{4}$  ද වේ. P(A') හා P(B) සොයන්න.

$$P(A) = \frac{2}{7}$$
  $P(B') = \frac{1}{4}$ 

(i) 
$$P(A') = 1 - P(A)$$
  
=  $1 - \frac{2}{7}$   
=  $\frac{5}{7}$ 

(ii) 
$$P(B) = 1 - P(B')$$
  
=  $1 - \frac{1}{4}$   
=  $\frac{3}{4}$ 

- 4.Xහා Yයනු සසම්භාවී පරීක්ෂණයක සිද්ධි දෙකක් වේ.  $P(X) = \frac{1}{2} \ \epsilon \ P(Y) = \frac{1}{3} \ \epsilon \ P(X \cup Y) = \frac{5}{6} \ \epsilon$  බව දී ඇත.
  - (i)  $P(X \cap Y)$  සොයන්න.
  - (ii) එමගින් X හා Y සිද්ධි අනොහ්නා වශයෙන් බහිෂ්කාර බව පෙන්වන්න.

$$P(X) = \frac{1}{2}$$
  $P(Y) = \frac{1}{3}$   $P(X \cup Y) = \frac{5}{6}$ 

(i) 
$$P(X \cup Y) = P(X) + P(Y) - P(X \cap Y)$$
  

$$\frac{5}{6} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - P(X \cap Y)$$

$$P(X \cap Y) = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{5}{6}$$

$$= \frac{3+2-5}{6}$$

$$= 0$$

- (ii)  $P(X \cap Y) = 0$  නිසා X හා Y අනෙහා්නා වශයෙන් බහිෂ්කාර සිද්ධි වේ.
- 5. X, Y සහ Z යනු සසම්භාවී පරීක්ෂණයක සිද්ධි තුනකි.  $P(X) = \frac{1}{6}, \quad P(Y) = \frac{1}{9}, \ P(Z') = \frac{2}{3}, \ P(X \cap Y) = \frac{1}{18} \ \ \mbox{so} \ \ P(X \cap Z) = \frac{1}{12} \ \ \mbox{el}.$

මේවා සොයන්න.

(i) 
$$P(X')$$
 (ii)  $P(Y')$  (iii)  $P(Z)$  (iv)  $P(X \cup Y)$  (v)  $P[(X \cup Z)']$ 

$$P(X) = \frac{1}{6}$$
  $P(Y) = \frac{1}{9}$   $P(Z') = \frac{2}{3}$   $P(X \cap Y) = \frac{1}{18}$   $P(X \cap Z) = \frac{1}{12}$ 

(i) 
$$P(X') = 1 - P(X)$$
  
=  $1 - \frac{1}{6}$   
=  $\frac{5}{6}$ 

(ii) 
$$P(Y') = 1 - P(Y)$$
  
=  $1 - \frac{1}{9}$   
=  $\frac{8}{9}$ 

(iii) 
$$P(Z) = 1 - P(Z')$$
$$= 1 - \frac{2}{3}$$
$$= \frac{1}{3}$$

(iv) 
$$P(X \cup Y) = P(X) + P(Y) - P(X \cap Y)$$
  

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{9} - \frac{1}{18}$$

$$= \frac{3+2-1}{18}$$

$$= \frac{4}{18}$$

$$= \frac{2}{9}$$



(v) 
$$P(X \cup Z) = P(X) + P(Z) - P(X \cap Z)$$
  

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{3} - \frac{1}{12}$$

$$= \frac{2+4-1}{12}$$

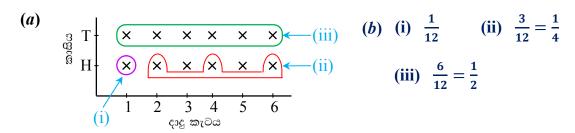
$$= \frac{5}{12}$$
 $P[(X \cup Z)'] = 1 - P(X \cup Z)$ 

$$= 1 - \frac{5}{12}$$

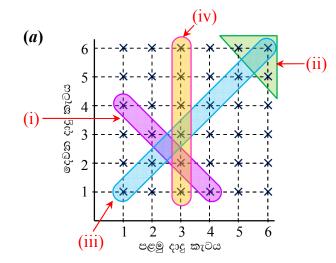
$$= \frac{7}{12}$$

#### 30.3 අභාගාසය

- 1. 1 සිට 6 තෙක් අංක ලියන ලද ඝනකාකාර දාදු කැටයක් හා නොනැඹුරු කාසියක් එකවර උඩ දමා උඩට හැරී වැටෙන පැති සටහන් කර ගැනීමේ පරීක්ෂණය සලකමු.
  - (a) නියැදි අවකාශය කොටු දැලක නිරූපණය කරන්න.
  - (b) එමගින් පහත සඳහන් එක් එක් සිද්ධියේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
    - (i) දාදු කැටයේ 1 හා කාසියේ සිරස ලැබීම
    - (ii) දාදු කැටයේ ඉරට්ට සංඛ්යාවක් හා කාසියේ සිරස ලැබීම
    - (iii) කාසියේ අගය ලැබීම



- 2. පැතිවල 1 සිට 6 තෙක් අංක ලියා ඇති ඝනකාකාර දාදු කැට දෙකක් එකවර උඩ දමා උඩට හැරී වැටෙන පැතිවල ඇති සංඛ්‍යා දෙක සටහන් කර ගැනීමේ පරීක්ෂණය සලකමු.
  - (a) නියැදි අවකාශය කොටු දැලක නිරූපණය කරන්න.
  - (b) එමගින් පහත සඳහන් සිද්ධිවල සම්භාවිතා සොයන්න.
    - (i) සටහන් කර ගත් සංඛ්‍යාවල ඓකාය 5 වීම
    - (ii) සටහන් කර ගත් සංඛ්‍යාවල ඓක්‍යය 10ට වඩා වැඩි වීම
    - (iii) සටහන් කර ගත් සංඛාහ දෙක සමාන වීම
    - (iv) පළමු දාදු කැටයේ අංක 3 ලැබීම



(b) (i) 
$$\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$$

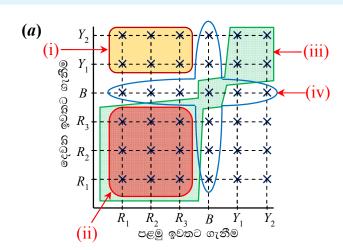
(ii) 
$$\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$$

(iii) 
$$\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

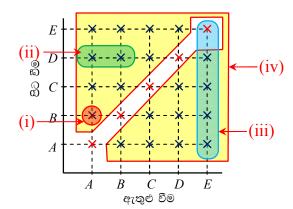
(iv) 
$$\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$



- 3. මල්ලක සර්වසම රතු පැහැති පබළු 3ක් ද, නිල් පැහැති පබළුවක් ද, කහ පැහැති පබළු 2ක් ද ඇත. මේවා  $R_1,\,R_2,\,R_3,\,B,\,Y_1,\,Y_2$  යනුවෙන් නම් කර ඇත. අහඹු ලෙස මින් පබළුවක් තෝරා එහි වර්ණය සටහන් කොටගෙන නැවත මල්ලට දමා (පුතිස්ථාපනය සහිතව නැවත පබළුවක් ගෙන එහි ද වර්ණය සටහන් කර ගනු ලැබේ.
  - (a) නියැදි අවකාශය කොටු දැලක නිරූපණය කරන්න.
  - (b) ඒ අනුව පහත සඳහන් සිද්ධිවල සම්භාවිතා සොයන්න.
    - (i) පළමු පබළුව රතුපාට වී දෙවැනි පබළුව කහපාට වීම
    - (ii) පබළු දෙකම රතුපාට වීම
    - (iii) පබළු දෙකම එකම වර්ණයෙන් යුක්ත වීම
    - (iv) එක් වරක දී වත් නිල්පාට පබළුව ලැබීම
    - (v) ඉහත (i) (iv) දක්වා ඇති සිද්ධි අතුරින්, අනොන්නා වශයෙන් බහිෂ්කාර සිද්ධි යුගල සියල්ල දක්වන්න.



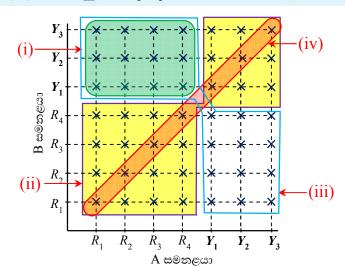
- (b) (i)  $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$  (ii)  $\frac{9}{36} = \frac{1}{4}$ 
  - (iii)  $\frac{14}{36} = \frac{7}{18}$  (iv)  $\frac{11}{36}$
  - (v) (i) සහ (ii)
    - (i) සහ (iv)
    - (i) සහ (iii)
    - (ii) සහ (iv)
- 4. එක්තරා මංසන්ධියක ඇති උමං මාර්ගයක A, B, C, D, E යනුවෙන් නම් කරන ලද මාර්ග 5ක් ඇත. මෙම ඕනෑම මාර්ගයකින් ඇතුළුවීමට මෙන්ම පිටවීමට ද හැකි වේ. මගියෙකුට ඕනෑම මාර්ගයකින් ඇතුළු වී පිටවිය හැකි සියලු ආකාර දැක්වෙන නියැදි අවකාශය කොටු දැලක නිරූපණය කර පහත සඳහන් සිද්ධිවල සම්භාවිතා සොයන්න. (පුතිඵල සියල්ල සමසේ භවා යැයි උපකල්පනය කරන්න.)
  - $\left( \mathrm{i} 
    ight)A$  මාර්ගයෙන් ඇතුළු වී B මාර්ගයෙන් පිටවීම
  - ${
    m (ii)}\,A$  හෝ B හෝ මාර්ගයෙන් ඇතුලු වී D මාර්ගයෙන් පිටවීම
  - (iii) E මාර්ගයෙන් ඇතුළු වීම
  - (iv) ඇතුළු වන මාර්ගයෙන් හැර වෙනත් මාර්ගයකින් පිටවීම



- (i)  $\frac{1}{25}$
- (ii)  $\frac{2}{25}$
- (iii)  $\frac{5}{25} = \frac{1}{5}$
- (iv)  $\frac{20}{25} = \frac{4}{5}$



- 5. මල් ගසක එක සමාන වූ රතු පැහැති මල් 4ක් ද කහ පැහැති මල් 3ක් ඇත. A සහ B නම් වූ සමනලුන් දෙදෙනෙක් මෙම මල්වල රොන් ගැනීමට පැමිණේ. මේ දෙදෙනාට එකම මලක වුවද එකවර රොන් ගත හැකි වේ. මෙසේ සමනලුන් දෙදෙනාට ඕනෑම මලක රොන් ගත හැකි සියලු අවස්ථා දැක්වෙන නියැදි අවකාශය කොටු දැලක නිරූපණය කර පහත සඳහන් සිද්ධිවල සම්භාවිතාව සොයන්න. (එක් එක් සමනලයා අහඹු ලෙස හා එකිනෙකාගෙන් ස්වායත්තව මල් තෝරා ගන්නේ යැයි උපකල්පය කරන්න.)
  - $egin{aligned} ext{(i)} A සමනළයා රතු මලකත් <math>B$  සමනළයා කහපාට මලකත් රොන් ගැනීම
  - (ii) සමනලුන් දෙදෙනා එකම වර්ණයක් සහිත මල්වල රොන් ගැනීම
  - (iii) සමනලුන් දෙදෙනා වෙනස් වර්ණවලින් යුත් මල්වල රොන් ගැනීම
  - (iv) සමනලුන් දෙදෙනා ම එකම මලෙන් රොන් ගැනීම



- (i)  $\frac{12}{49}$
- (ii)  $\frac{25}{49}$
- (iii)  $\frac{24}{49}$
- (iv)  $\frac{7}{49} = \frac{1}{7}$

# 30.4 අභාගාසය

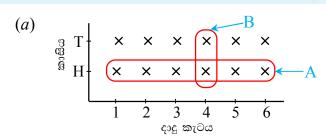
- 1. X හා Y ස්වායක්ක සිද්ධි වන අතර  $P(X) = \frac{1}{2}$  ද  $P(X \cap Y) = \frac{1}{3}$  වේ.
  - (i) P(Y) සොයන්න.
  - (ii)  $P(X \cup Y)$  සොයන්න.

(i) 
$$P(X \cap Y) = P(X).P(Y)$$
$$\frac{1}{3} = \frac{1}{2} \times P(Y)$$
$$P(Y) = \frac{1}{3} \times 2$$
$$P(Y) = \frac{2}{3}$$

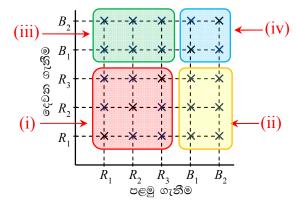
(ii) 
$$P(X \cup Y) = P(X) + P(Y) - P(X \cap Y)$$
  
 $= \frac{1}{2} + \frac{2}{3} - \frac{1}{3}$   
 $= \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$   
 $= \frac{3}{6} + \frac{2}{6}$   
 $= \frac{5}{6}$ 



- 2. නොනැඹුරු කාසියක් හා මුහුණත්වල 1 සිට 6 තෙක් අංක ලියා ඇති නොනැඹුරු සනකාකාර දාදු කැටයක් එකවර උඩ දමනු ලැබේ.
  - (a) මෙම පරීක්ෂණයට අදාළ නියැදි අවකාශය කොටු දැලක නිරූපණය කරන්න.
  - (b) කාසියේ සිරස වැටීමේ සිද්ධිය A ලෙස ද, දාදු කැටයේ අංක 4 වැටීමේ සිද්ධි B ලෙස ද ගෙන එම සිද්ධි එක එකක් කොටු දැල තුළ වට කර දක්වා පහත එක් එක් සිද්ධියෙහි සම්භාවිතාව සොයන්න.
  - (i) P (A)
- (ii) *P* (*B*)
- (iii)  $P(A \cap B)$  (iv)  $P(A \cup B)$



- (b) (i)  $P(A) = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$
- (ii)  $P(B) = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$
- (iii)  $P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{1}{12}$  (iv)  $P(A \cup B) = \frac{n(A \cup B)}{n(S)} = \frac{7}{12}$
- 3. මල්ලක සර්වසම වූ රතුපාට පබළු 3ක් හා නිල්පාට පබළු 2ක් ඇත. පළමුව අහඹු ලෙස පබළුවක් ගෙන එහි වර්ණය සටහන් කර ගෙන, නැවත මල්ලට දමා දෙවැනිවර ද පබළුවක් ගෙන එහි පාට සටහන් කරනු ලැබේ. ඒ අනුව පහත සඳහන් සිද්ධිවල සම්භාවිතා සොයන්න.
  - (i) පබළු දෙකම රතුපාට වීම.
  - (ii) පළමු පබළුව නිල්පාට වී දෙවැන්න රතුපාට වීම.
  - (iii) පළමු පබළුව රතුපාට වී දෙවැන්න නිල්පාට වීම.
  - (iv) පබළු දෙකම නිල්පාට වීම.

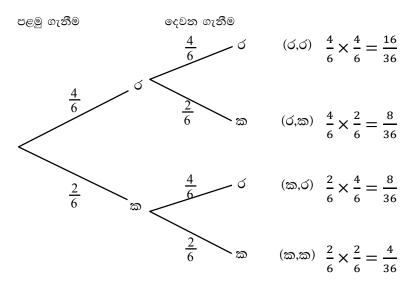


- (i)  $\frac{9}{25}$
- (ii)  $\frac{6}{25}$
- (iii)  $\frac{6}{25}$
- (iv)  $\frac{4}{25}$

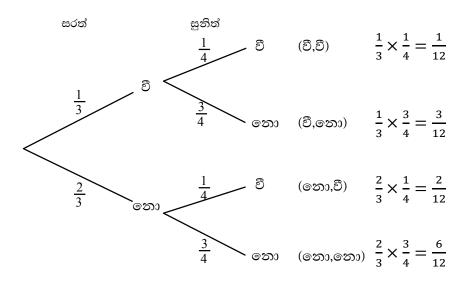


#### 30.5 අභාගාසය

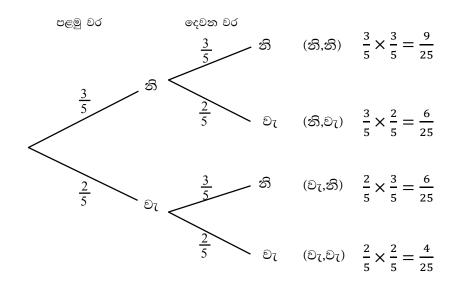
- පෙට්ටියක, රතු පැන්සල් 4ක් හා කළු පැන්සල් 2ක් ඇත. මෙම පෙට්ටියෙන් සසම්භාවී ලෙස පැන්සලක් ගෙන එහි වර්ණය සටහන් කර නැවත පෙට්ටියට දමා දෙවැනි වරද පැන්සලක් ගැනීමේ පරීක්ෂණයට අදාළ නියැදි අවකාශය රුක් සටහනක දක්වා එමගින්,
  - (i) පැන්සල් දෙකම රතු පාට ඒවා වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
  - (ii) පැන්සල් දෙක වර්ණ දෙකෙන් යුක්ත වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
  - (iii) එකම වර්ණයෙන් යුත් පැන්සල් දෙකක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.



- (i)  $P(\phi,\phi) = \frac{16}{36} = \frac{4}{9}$
- (ii)  $P(\zeta, \varpi) + P(\varpi, \zeta) = \frac{8}{36} + \frac{8}{36} = \frac{16}{36} = \frac{4}{9}$
- (iii)  $P(\emptyset,\emptyset) + P(\varpi,\varpi) = \frac{16}{36} + \frac{4}{36} = \frac{20}{36} = \frac{5}{9}$
- 2. සරත් සහ සුනිත් යන දෙදෙනාම බස් රථවලින් පැමිණෙන එකම ආයතනයක සේවය කරන දෙදෙනෙකි. සරත් සේවා ස්ථානයට පුමාද වී පැමිණීමේ සම්භාවිතාව  $\frac{1}{3}$  වන අතර සුනිත් සේවා ස්ථානයට පුමාද වී පැමිණීමේ සම්භාවිතාව  $\frac{1}{4}$  වේ. එක් දිනක මෙම දෙදෙනා සේවා ස්ථානයට පැමිණීම දැක්වෙන නියැදි අවකාශය රුක් සටහනක දක්වා පහත සඳහන් සිද්ධිවල සම්භාවිතා සොයන්න.
  - (i) දෙදෙනාම පුමාද නොවී පැමිණීම.
  - (ii) එක් අයෙක් පමණක් පුමාද වීම.



- (i) P( නො,නො $) = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$
- (ii)  $P(\partial, \partial) + P(\partial, \partial) = \frac{3}{12} + \frac{2}{12} = \frac{5}{12}$
- - (i) අවස්ථා දෙකේ දී ම නිවැරදි ව ඉලක්කය වෙත විදීම.
  - (ii) එක් අවස්ථාවක දී වත් නිවැරදි ව ඉලක්කය වෙත විදීම.

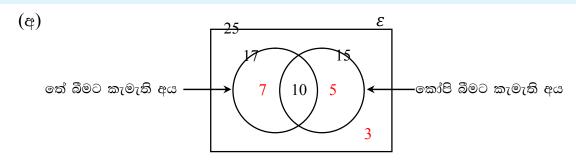


- (i)  $P(S,S) = \frac{9}{25}$
- (ii)  $P(\mathfrak{S},\mathfrak{S}) + P(\mathfrak{S},\mathfrak{D}_{7}) + P(\mathfrak{D}_{7},\mathfrak{S}) = \frac{9}{25} + \frac{6}{25} + \frac{6}{25} = \frac{21}{25}$



## මිශු අභාපාස මාලාව

- 1. සිසුන් 25ක කණ්ඩායමකින් තේ හා කෝපි බීමට කැමති අය පිළිබඳ ව කළ විමසුමක දී 17ක් තේ බීමට ද, 15ක් කෝපි බීමට ද 10ක් තේ හා කෝපි යන වර්ග දෙකම බීමට ද කැමති බව දන්වන ලදි.
  - (අ) මෙම තොරතුරු දැක්වීමට වෙන් රූප සටහනක් අඳින්න.
  - (ආ) එමගින් පහත සඳහන් එක් එක් සිද්ධියේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
    - (i) තේ බීමට පමණක් කැමති අයෙකු වීම.
    - (ii) එක් වර්ගයක් පමණක් බීමට කැමති අයෙකු වීම.
    - (iii) වර්ග දෙකෙන් එක් වර්ගයකටවත් කැමති අයෙකු වීම.
    - (iv) මෙම වර්ග දෙකටම අකමැති අයෙකු වීම.



- ( $\alpha_0$ ) (i)  $\frac{7}{25}$  (ii)  $\frac{7+5}{25} = \frac{12}{25}$  (iii)  $\frac{22}{25}$  (iv)  $\frac{3}{25}$

- 2. ජීව විදාහ අංශයෙහි සහ ගණිත අංශයෙහි මුළු සිසුන් 100ක් සිටින මිශු පාසලක එක් එක් ශිෂායා / ශිෂාාව සඳහා  $P_1$  සහ  $P_2$  පුශ්න පතු වර්ග දෙකකින් එක් වර්ගයක් දෙන ලදි. එහි නියම වර්ගීකරණය පහත වගුවේ දැක්වේ.

පුශ්න පතු වර්ගය	ස්තීු පුරුෂ භාවය	ජීව විදාහ අංශය	ගණිත අංශය
$\mathbf{P}_{_{1}}$	ගැහැණු	10	5
	පිරිමි	20	5
_	ഗു <u>ത്</u> യ	30	10
$P_2$	මිරිපි	15	5

පුද්ගලයෙක් සසම්භාවි ලෙස තෝරා ගන්නා ලද නම්. මෙම පුද්ගලයා,

- (i) ගැහැණු ළමයෙකු වීමේ,
- (ii) ගණිතය හදාරන්නෙකු වීමේ,
- (iii) P, වර්ගයේ පුශ්න පතුයක් ලද්දෙකු වීමේ,
- (iv) ගැහැණු ළමයෙක් යැයි දී ඇති විට ඇය ජීව විදාහව හදාරණ කෙනෙකු වීමේ,
- (v) P ු පුශ්න පතුයක් ලද ගණිත අංශයේ පිරිමි ළමයෙකු වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

පුශ්න පතු වර්ගය	ස්තීු පුරුෂ භාවය	ජීව විදහා අංශය	ගණිත අංශය	
_	ගැහැණු	10	5	15
$\mathbf{P}_{1}$	පිරිමි	20	5	25
	ගැහැණු	30	10	40
P <sub>2</sub>	පිරිමි	15	5	20

**25** 

(i) 
$$\frac{10+5+30+10}{100} = \frac{55}{100} = \frac{11}{20}$$
 (ii)  $\frac{25}{100} = \frac{1}{4}$ 

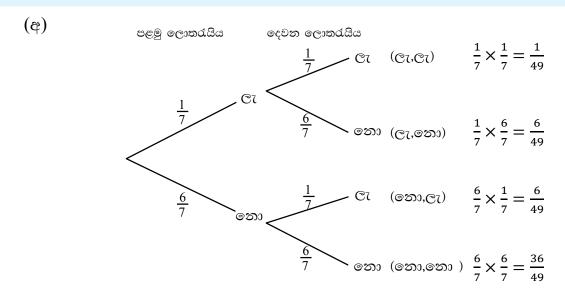
(ii) 
$$\frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

(iii) 
$$\frac{10+20+5+5}{100} = \frac{40}{100} = \frac{2}{5}$$
 (iv)  $\frac{10+30}{55} = \frac{40}{55} = \frac{8}{11}$  (v)  $\frac{5}{100} = \frac{1}{20}$ 

(iv) 
$$\frac{10+30}{55} = \frac{40}{55} = \frac{8}{11}$$

$$(v) \frac{5}{100} = \frac{1}{20}$$

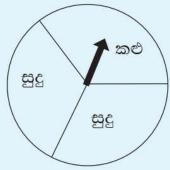
- 3. "මෙම ලොතරැයියේ සෑම ලොතරැයි පත් 7කින් එකකට දිනුමක් ඔබට ලැබෙනු ඇත" මෙය ගුවන් විදුලි වෙළඳ දැන්වීමකින් උපුටා ගත් කොටසකි. මෙය ඇසු අයෙකු මෙම ලොතරැයියේ ලොතරැයි පත් 2ක් මිලට ගත්තේය.
  - (අ) අදාළ රුක් සටහනක් අදින්න.
  - (ආ) එමගින්,
    - (i) ලාතරයි පත් දෙකටම දිනුම් ලැබීමේ,
  - (ii) එක් ලොතරැයි පතකටවත් දිනුමක් ලැබීමේ, සම්භාවිතාව සොයන්න.



- (i)  $P(e_7,e_7) = \frac{1}{49}$
- (ii)  $P(e_7,e_7) + P(e_7,e_{50}) + P(e_{50},e_7) = \frac{1}{49} + \frac{6}{49} + \frac{6}{49} = \frac{13}{49}$

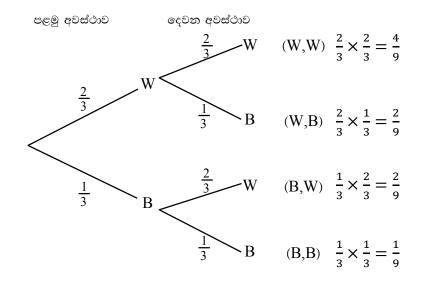


4. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි තැටියක් සමාන කේන්දික ඛණ්ඩ තුනකට බෙදා කොටස් දෙකක සුදු පාට හා එක් කොටසක කළු පාට ආලේප කර ඇත. තැටියේ කේෂුයේ ඊතලයක් සවිකොට ඇත්තේ කේෂුය වටා භුමණය විය හැකි පරිදි ය. ඊතලය වරක් භුමණය කර එය නවතින ස්ථානයේ වර්ණය සටහන් කරගනු ඇත්වී මෙසේ අවස්ථා 2ක් කටව භමණය කරවීම දැක්වීමට ර

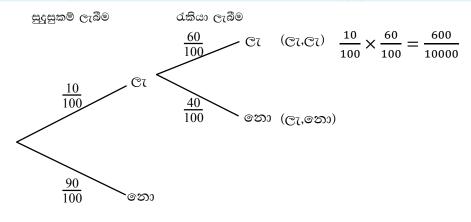


ලැබේ. මෙසේ අවස්ථා 2ක් කටුව භුමණය කරවීම දැක්වීමට රුක් සටහනක් අඳින්න. එමගින් පහත දැක්වෙන අවස්ථා සඳහා සම්භාවිතා සොයන්න.

- (i) අවස්ථා දෙකේ දීම සුදු කොටසක් මත කටුව නැවතීම.
- (ii) එක් අවස්ථාවකදීවත් කළු කොටසක් මත කටුව නැවතීම.



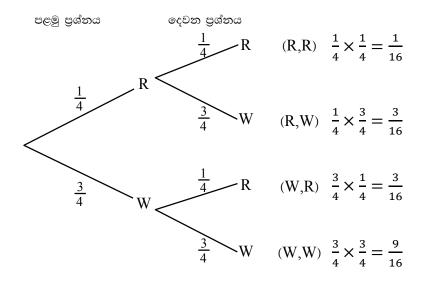
- (i)  $P(W,W) = \frac{4}{9}$
- (ii)  $P(W,B) + P(B,W) + P(B,B) = \frac{2}{9} + \frac{2}{9} + \frac{1}{9} = \frac{5}{9}$
- 5. රැකියා අවස්ථාවක් සඳහා තෝරා ගන්නා තරග විභාගයකින් ඉල්ලුම් කළ අයදුම්කරුවන්ගෙන් 10%ක් සුදුසුකම් ලැබූහ. එම සුදුසුකම් ලැබූවන්ගෙන් 60%ක් සඳහා පළමු වටයේ රැකියා ලබාදෙන ලදි. අහඹු ලෙස තෝරා ගත්තෙකු පළමු වටයේ රැකියා ලබන්නෙකු වීමේ සම්භාවිතාව රුක් සටහන ඇසුරින් සොයන්න.



රැකියා ලබන්නකු වීමේ සම්භාවිතාව 
$$P\left(\mathcal{C}_{\zeta},\mathcal{C}_{\zeta}\right) = \frac{10}{100} \times \frac{60}{100} = \frac{600}{10000} = \frac{6}{100} = \frac{3}{50}$$



- 6. බහුවරණ පුශ්න පතුයක එක් පුශ්නයක් සඳහා වරණ 4ක් ඇත. නිවැරදි වන්නේ එක් පිළිතුරක් පමණි. සිසුවෙකු මෙම පුශ්න පතුයට පිළිතුරු ලිවීමේ දී පුශ්න දෙකකට පිළිතුරු නොදන්න බැවින් එම පුශ්න දෙක සඳහා අහඹු ලෙස පිළිතුරු සපයනු ලැබීය. අදාළ රුක් සටහනක් අඳින්න. එමගින් සම්භාවිතාව සොයන්න.
  - (i) පුශ්න 2 සඳහා ම දෙන ලද පිළිතුරු සමාන වීම.
  - (ii) එක් පුශ්නයක්වත් නිවැරදි වීම.
  - (iii) පුශ්න දෙක සඳහා ම පිළිතුර නිවැරදි වීම.

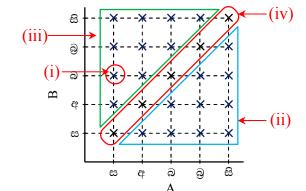


(i) 
$$P(R,R) + P(W,W) = \frac{1}{16} + \frac{9}{16} = \frac{10}{16} = \frac{5}{8}$$

(ii) 
$$P(R,R) + P(R,W) + P(W,R) = \frac{1}{16} + \frac{3}{16} + \frac{3}{16} = \frac{7}{16}$$

(iii) 
$$P(R,R) = \frac{1}{16}$$

- 7. A හා B යනු කාර්යාලයක සේවය කළ සේවකයන් දෙදෙනෙකි. සතියේ කාර්යාල දින පහක දී ඔවුන් දෙදෙනාට දින 1ක් නිවාඩු ලබා ගත හැකි ය. ඔවුන් දෙදෙනාට සතියේ දින 5 තුළ නිවාඩු ලබා ගත හැකි සියලු ආකාර දැක්වෙන නියැදි අවකාශය කොටුදැලක දක්වන්න. එමගින් මේවායේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
  - (i) A සඳුදා දිනකත් B බදාදා දිනකත් නිවාඩු ලබා ගැනීම,
  - (ii) Aට පෙර දිනක B නිවාඩු ලබා ගැනීම,
  - (iii) Aට පසු දිනක B නිවාඩු ලබා ගැනීම,
  - (iv) දෙදෙනාම එකම දිනක නිවාඩු ලබා ගැනීම.



(i) 
$$\frac{1}{25}$$

(ii) 
$$\frac{10}{25} = \frac{2}{5}$$

(iii) 
$$\frac{10}{25} = \frac{2}{5}$$

(iv) 
$$\frac{5}{25} = \frac{1}{5}$$

