

Modelo Matematico para la Acomodación de un Basurero en una Ciudad.

Maria Andrea Cruz Blandon 0831816

Edgar Andres Moncada Taborda 0832294

Hebert Vargas Tello

Luis Felipe Vargas Rojas 0836342

31 de diciembre de 2012

Índice

1. Introducción	1
2. Modelo Programación Lineal	1
2.1. Datos de Entrada	1
2.2. Variables del Problema	2
2.3. Variables Binarias del Problema	2
2.4. Restricciones Obvias	2
2.5. Restricciones del Problema	2

1. Introducción

En el siguiente documento se explicará el modelo contruido a través del paradigma de la programacion linea (lp), para resolver el problema de la acomodación de un basurero en una ciudad, el problema se basa en que la construcción del basurero se debe realizar en el lugar más alejado posible de la ciudad mas cercana, esto debido a los malos olores que genera y a las molestias de cada ciudad por dicha construcción.

Los principales problemas a los que nos enfrentamos al tratar de modelar este problema con lp fueron definir los dominios las variables, establecer una forma para definir distancias entre ciudades y el basurero a través de un valor absoluto, definir a traves de restricciones la ciudad más cercana entre otros detalles que se explicaran en el documento.

Para la implementación del modelo usamos el programa lpsolve y una libreria de java que genera el archivo de entrada para el lpsolve teniendo en cuenta los valores de entrada.

2. Modelo Programación Lineal

2.1. Datos de Entrada

- T Tamaño de la grilla ($T \times T$)
- N Numero de ciudades.
- X_i Coordenada x de la ciudad i.
- Y_i Coordenada y de la ciudad i.

2.2. Variables del Problema

Xb	Coordenada x del basurero
Yb	Coordenada y del basurero
Xc	Coordenada x de la ciudad más cercana al basurero
Yc	Coordenada y de la ciudad más cercana al basurero
Zx_i	Diferencia entre la coordenada x del basurero (Xb) y la coordenada x de la ciudad i
Zy_i	Diferencia entre la coordenada y del basurero (Yb) y la coordenada y de la ciudad i
Zx_{ia}	Usada para el valor absoluto de la diferencia entre la ciudad i y el basurero representa la parte positiva de la variable
Zx_{ib}	Usada para el valor absoluto de la diferencia entre la ciudad i y el basurero, representa la parte negativa de la variable
Zy_{ia}	Usada para el valor absoluto de la diferencia entre la ciudad i y el basurero representa la parte positiva de la variable
Zy_{ib}	Usada para el valor absoluto de la diferencia entre la ciudad i y el basurero representa la parte negativa de la variable
dx	Diferencia entre $Xc - Xb$ Usado para la función objetivo
dy	Diferencia entre $Yc - Yb$ Usado para la función objetivo
Zx	Valor absoluto de dx
Zy	Valor absoluto de dy

2.3. Variables Binarias del Problema

Usadas para el Valor Absoluto de la Diferencia de cada Ciudad con el Basurero:

Bx_{ia}	Usada en las restricciones del valor absoluto para la ciudad i coordenada x
Bx_{ib}	Usada en las restricciones del valor absoluto para la ciudad i coordenada x
By_{ia}	Usada en las restricciones del valor absoluto para la ciudad i coordenada y
By_{ib}	Usada en las restricciones del valor absoluto para la ciudad i coordenada y

Usadas para que $Xc \in Zx_i$ y $Yc \in Zy_i$.

Bc_i	Toma el valor de 1 si la ciudad i es la más cercana
--------	---

Usadas para que $Xc \in Zx_i$ y $Yc \in Zy_i$.

Bx_0	Usada para el valor absoluto en la función objetivo coordenada x
By_0	Usada para el valor absoluto en la función objetivo coordenada y

2.4. Restricciones Obvias

Dominios de las Variables

$$0 \leq Xb, Yb, Xc, Yc, Zx, Zy \leq T$$

Zx_i, Zy_i Son variables irrestrictas.

2.5. Restricciones del Problema

Garantizar que: $Xc \in Zx_i$ y $Yc \in Zy_i$.

$$\begin{aligned} Xc &= \sum_i X_i * Bc_i \\ Yc &= \sum_i Y_i * Bc_i \\ \sum_i Bc_i &= 1 \\ i &\in [1, N] \end{aligned}$$

En la implementación se debe normalizar las restricciones por eso la sumatoria pasa al otro lado a restar y queda igual a cero la restricción

Diferencias de distancias entre el basurero y la ciudad i , Zx_i, Zy_i

$$\begin{aligned} Zx_i &= X_i - Xb \\ Zy_i &= Y_i - Yb \\ i &\in [1, N] \end{aligned}$$

Valor absoluto para Zx_i, Zy_i

$$\begin{aligned} Zx_i &= Zx_{ia} - Zx_{ib} \\ Zy_i &= Zy_{ia} - Zy_{ib} \\ M * Bx_{ia} - Zx_{ia} &\geq 0 \\ M * By_{ib} - Zy_{ib} &\geq 0 \\ Bx_{ia} + Bx_{ib} &= 1 \\ By_{ia} + By_{ib} &= 1 \\ i &\in [1, N] \\ M &= T + 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} |Zx_i| &= Zx_{ia} + Zx_{ib} \\ |Zy_i| &= Zy_{ia} + Zy_{ib} \end{aligned}$$

Para que Zx, Zy tomen los valores de la ciudad mas cercana al basurero se debe cumplir que:

$$\begin{aligned} |Zx_i| + |Zy_i| &\geq Zx + Zy \\ i &\in [1, N] \end{aligned}$$